

১৯৫৫ ও পরবর্তী অস্ততঃ দুই বংসরের জন্ম ষষ্ঠ শ্রেণীর পাঠ্য-পুস্তকরূপে পশ্চিমবন্ধ মধ্যশিকা পর্যৎ কর্তৃক অন্থুমোদিত। [২/১২/৫৪ তারিখের নোটিফিকেশন নং দিল/৬৬/৫৪ দ্রষ্টব্য]

কিশোর জ্যামিতি

षर्छ (धगीत भाठी



ত্রীশন্তু মুখোপাধ্যায়, বি, এস-সি



প্রাপ্তিছান :

वूक (मामारेष्टि अव रेखिश निः

२, कलाज स्थायात, क निका छा- ১২

প্রকাশিকা: মিনতি দেবী

সাধনা প্রেস লিমিটেড্

১৬, বৌবাজার খ্রীট, কলি-১২

13.12.2007

মূল্য: এক টাকা

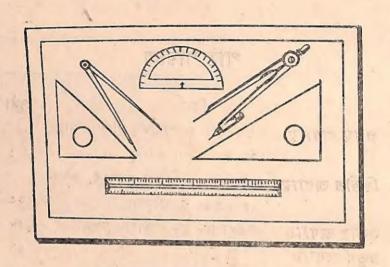
প্রথম প্রকাশ— আগষ্ট, '৫৪ দ্বিতীয় প্রকাশ—ডিসেম্বর, '৫৪ তৃতীয় প্রকাশ—জানুয়ারী, '৫৫ ক্রোধিত মূল্য—১১১০

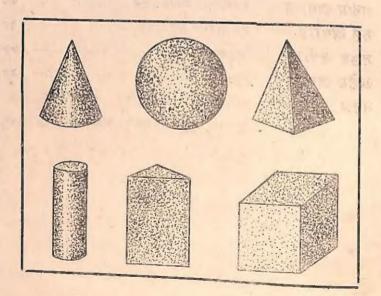
> মুক্তাকর: **দেবদাস নাথ,** এম-এ, বি-এল সাধনা প্রেস লিমিটেড্ ৭৬, বৌবাজার খ্রীট কলিকাতা-১২

393[

পাঠ পরিচয়

	বিষয় ু	পৃষ্ঠা
क्षथम व्यथाय	মূল বিষয় ও প্রাথমিক সংজ্ঞা; মাত্রা,	
14	ঘন, তল, রেখা ও বিন্দু · · · · ·	. 5
षिठीय व्यथाय	জ্যামিতিতে অঙ্কনের যন্ত্রসমূহ, সরল-	
	রেখা অঙ্কন ও পরিমাপ · · · · · ·	२७
न् नीय व्यथाय	বক্রবেখা—বৃত্ত ও তাহার অঙ্কন · · ·	96
छ्ळूर्थ ज्याश	दक्रांग	89
शक्षम जशा म	সরলরেখা সমদ্বিখণ্ডন · · · · · · · ·	৬৯
षर्छ जधाायः	সমান্তরাল সরলরেখা	90
मश्रम जभाग्र	ত্রিভুজ · · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	45
जष्टेम जधााय	চতুভূজ	20
नवस व्यथाय	জ্যামিতিক চিত্রসমূহের ব্যবহারিক	
	প্রয়োগ, নমুনা ও নক্সা অঙ্কন · · · ·	509





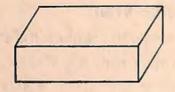
প্রথম অধ্যার

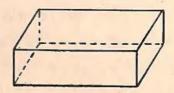
मूल विषय 3 श्राथमिक मण्डा

জ্যামিতি গণিতশাস্ত্রের একটি বিশেষ শাখা। 'জ্যা' এবং 'মিতি' এই তুইটি শব্দ একত সংযুক্ত হইয়া জ্যামিতি শব্দটি সৃষ্টি করিয়াছে; 'জ্যা' অর্থাৎ পৃথিবী বা ভূমি এবং 'মিতি' অর্থে পরিমাণ করিবার বা মাপিবার প্রণালী নির্দেশ করে। স্থতরাং ব্যুৎপত্তিগত অর্থ অনুসারে জ্যামিতি শব্দের অর্থে পৃথিবী বা ভূমি পরিমাণ করিবার প্রণালী বুঝায়; কিন্তু ইহার দারা জ্যামিতি কথার তাৎপর্য বিশদ-ভাবে বুঝা গেল না। আমরা চতুর্দিকে দৃষ্টিপাত করিলে নানা আকারের ও বিভিন্ন প্রকারের পদার্থ দেখিতে পাই। ইহাদের मकल्लरे किছू ना किছू ज्ञान পূर्व कतिया तिशाहि। छितिल, বাক্স, বল, ইট, বই প্রভৃতি বস্তুগুলি আমে-পাশে কম বেশী স্থান অধিকার করিয়া আছে; পাহাড়, পর্বত, সহর, বন প্রভৃতি পৃথিবী-পুষ্ঠে কিছু না কিছু ভূমিখণ্ড ব্যাপিয়া রহিয়াছে। বিভিন্ন স্থান আত্রয় করিয়া অবস্থিত এই সকল বস্তু বা ভূমিখণ্ডের আকার ও আয়তন সম্বন্ধে যাবতীয় জ্ঞান জ্যামিতি শাস্ত্রের উপর নির্ভর করে।

উদাহরণস্বরূপ সাধারণ একখানি ইট লইয়া পরীক্ষা করা যাউক।
প্রথমতঃ ইটখানি হাতে লইলে কিছুটা ভার মনে হইবে; ইহাতে
বুঝা গেল উহার ওজন আছে। দ্বিতীয়তঃ উহা খানিকটা স্থান
পূর্ব করিয়া আছে। ইটখানির বদলে একই আকৃতির একটি কাঠের
বাক্স লইয়া পরীক্ষা করিলে দেখা যাইবে যে ওজনের কিছুটা
তারতম্য হইলেও উহা একই আয়তনের স্থান অধিকার করিতেছে।

ইটখানি মাটীর দ্বারা এবং বাক্সটি কাঠের দ্বারা তৈয়ারী হইলেও দেখা গেল উহারা একই আয়তনের স্থান পূর্ণ করিতেছে। ইটখানি





বা কাঠের বাক্সটি সরাইয়া লইয়া গেলেও স্থানটি কিন্তু লোপ পায় না, উহা অপূর্ণ থাকে মাত্র। লক্ষ্য করিলে দেখা যাইবে ইটখানি এক দিকে লম্বা, অন্থ দিকে চওড়া এবং খানিকটা পুরু। লম্বা, চওড়া ও পুরু ইটখানির এই তিন দিকের বিস্তারকে যথাক্রমে দৈর্ঘ্য (length), প্রস্থ (breadth) ও উচ্চতা বা বেধ (height of thickness) বলা হয়।

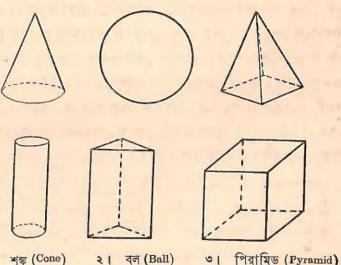
মাত্ৰা বা আয়তন (Dimensions)

ইটখানির স্থায় অপর যে কোন বস্তুর দৈর্ঘ্য, প্রস্থ ও বেধ জানা থাকিলে উহার সম্বন্ধে একটি পুরাপুরি ধারণা হয় এবং উহার পরিমাণ নির্ণয় করা চলে; কারণ দৈর্ঘ্য, প্রস্থ ও বেধ প্রত্যেকেই এক একটি মাপ।

দৈর্ঘ্য, প্রস্থ ও বেধ এই তিনটিকে পদার্থের মাত্রা বা আয়তন বলে। আমরা চারিদিকে যে সকল পদার্থ দেখিতে পাই তাহারা সকলেই এই তিন মাত্রাবিশিষ্ট।

चन (Solid)

যে সমস্ত পদার্থের দৈর্ঘ্য, প্রস্থ ও বেধ-—এই তিনটি আয়তন বা মাত্রা আছে, তাহাদিগকে ঘন পদার্থ (solid) বলে। ঘনপদার্থের আকার ইহার আয়তনের উপর নির্ভর করে।
বিভিন্ন আয়তনবিশিষ্ট ঘন পদার্থের বিভিন্ন নাম দেওয়া হইয়া
থাকে। পদার্থের আকার যাহাই হউক না কেন এবং উহা যাহা
দ্বারাই গঠিত হউক জ্যামিতিতে উহা ঘন পদার্থ বিলয়া অভিহিত
হয়। কোন পদার্থের জড়ছ, বর্ণ, কঠিনতা বা উত্তাপ প্রভৃতি
জ্যামিতির আলোচ্য বিষয় নহে; উহার আকার এবং আয়তনই
কেবলমাত্র জ্যামিতিতে আলোচিত হয়। প্রদীপের শিখা, জলবিন্দু, মেঘ, ইট, ফুটবলের মধ্যস্থ বাতাস—এ সকলই জ্যামিতিক
অর্থে ঘন পদার্থের উদাহরণ। নিয়ে কয়েকটি ঘনপদার্থের চিত্র
দেওয়া হইল।

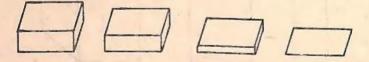


৪। রুল (Ruler) ৫। অিশির কাঁচ (Prism) ৬। বাকু (Box)

ঘন পদার্থ মাত্রেই এক বা ততোধিক তল বা পৃষ্ঠদারা সীমাবদ্ধ। তিন মাত্রাবিশিষ্ট ঘন পদার্থের মাত্রা একটি একটি করিয়া লোপ পাইলে যথাক্রমে—তল, রেখা এবং পরিণতিতে বিন্দুর উৎপত্তি হয়; ঘন পদার্থের তিনটি মাত্রা বা আয়তন, 'তল' বা 'পৃষ্ঠে'র তুইটি মাত্রা, রেখা এক মাত্রাবিশিষ্ট ও বিন্দু মাত্রাবিহীন।

তল বা পূৰ্ন্ত (Surface)

এক্ষণে ঘন পদার্থের মাত্রাগুলির হ্রাস সম্বন্ধে আলোচনা করা যাউক। পূর্বে বর্ণিত ইটখানি লক্ষ্য করিলে দেখিতে পাইবে ইহার মোট ছয়টি পৃষ্ঠ আছে। সোজাস্থুজি উপর হইতে দেখিলে তুমি ইটখানির উপরের পিঠই দেখিতে পাইবে। এক পার্শ্ব হইতে না দেখা পর্যন্ত ইটখানিকে মাত্র একটি পিঠ বলিয়া মনে হইবে; ঐ পিঠের কোন উচ্চতা নাই, কেবলমাত্র দৈর্ঘ্য ও প্রস্থ আছে। দৈর্ঘ্য, প্রস্থ ও উচ্চতা—ইটখানির এই তিনটি মাত্রা আছে। এক্ষণে ইটখানির দৈর্ঘ্য ও প্রস্থের মাপ ঠিক রাখিয়া নিম্নের চিত্রান্থযায়ী যদি উহার উচ্চতা ক্রমশঃ কমাইয়া এমন অবস্থার কল্পনা করা যায় যখন ইটখানির উচ্চতা ক্রমশঃ কমাইয়া এমন অবস্থার কল্পনা করা যায় যখন ইটখানির উচ্চতা ক্রমশঃ কমাইয়া এমন অবস্থার কল্পনা করা যায় তিনটি আয়তন থাকিবে না; দৈর্ঘ্য ও প্রস্থ ব্যতীত ইটখানির আর চিহ্নমাত্র থাকিবে না, স্মৃতরাং উহা হুই মাত্রাবিশিষ্ট পিঠে পরিণত হুইবে। এইরূপ পিঠকে তল বলে।



ঘন পদার্থের তলে পরিণতি

জ্যামিতিতে যাহার দৈর্ঘ্য ও প্রস্থ আছে, কিন্তু পুরুত্ব বা বেধ নাই তাহাকে তল বলে।

া পূর্বোক্ত ইটখানির দৈর্ঘ্য ও উচ্চতা ঠিক রাখিয়া প্রস্থৃটিকে

ক্রমশঃ কমাইতে থাকিলে অপর একটি পৃষ্ঠ পাওয়া যাইবে এবং পুনরায় প্রস্থ ও উচ্চতা ঠিক রাখিয়া দৈর্ঘ্য ক্রমশঃ কমাইতে থাকিলে আর একটি পৃষ্ঠ পাওয়া যাইবে। অর্থাৎ ঘন পদার্থের তিনটি মাত্রার যে কোন একটি সম্পূর্ণ বিলুপ্ত হইলে উহা তলে পরিণত হয়। তল তুই মাত্রাবিশিষ্ট। উচ্চতা একেবারেই নাই, অথচ দৈর্ঘ্য ও প্রস্থ আছে এইরপ তল বা পৃষ্ঠের ধারণা করা কিছু কঠিন। তোমার জ্যামিতি বই-এর একথানি পাতাকেও কিন্তু তল বলিয়া ধরা চলে না, কারণ উহা লম্বা ও চওড়া, তাহা ছাড়া কিছুটা পুরুও বটে। স্থতরাং উহা তল নহে,—ঘন পদার্থ। উক্ত পাতাটির ছই পার্শ্বে ঘে ছইটি পৃষ্ঠা আছে উহাদের তল বা পৃষ্ঠ বলিয়া ধরা যাইতে পারে; তলের কোন বেধ নাই।

ইটখানির ছয়টি তল দারা উহা বায়ুমণ্ডল হইতে বিচ্ছিন্ন হইয়াছে; স্থতরাং ঐ তল বা পৃষ্ঠগুলির দারা ইটখানির দীমা নির্দিষ্ট হইতেছে। ঘন পদার্থের প্রদত্ত চিত্রগুলি লক্ষ্য করিলে বুঝিতে পারিবে যে বলটি মাত্র একটি তল দারা দীমাবদ্ধ। শস্কুর দীমা তুইটি তল, রুলটি তিনটি তল দারা দীমাবদ্ধ, পিরামিড্টির দীমা চারিটি তল, ত্রিশির কাঁচখানি ও বাক্সটি যথাক্রমে পাঁচটি ও ছয়টি তল দারা বায়ুমণ্ডল হইতে বিচ্ছিন্ন হইতেছে।

তোমার বসিবার ঘরের যে কোন একটি দেওয়ালের উপরিভাগ অথবা মেঝের উপরিভাগ তলের উদাহরণ। একটি ঢেউশ্ব্য পুকুরের জলের উপরিভাগ কল্পনা কর; উহা উপরের বায়ুমগুলের সহিত যেখানে মিশিয়াছে তাহা বায়ুও নহে কিংবা জলও নহে, অথচ জল ও বায়ু পুকুরের দৈর্ঘ্য ও প্রস্থবিশিষ্ট একটি তল বা পৃষ্ঠ ছারা বিচ্ছিন্ন হইয়াছে। একটি পাত্রের মধ্যে কিছু পারদ ও জল রাখা হইল; পারদ ও জলের ঘনত্বের পার্থক্য থাকায় উহারা একত্র মিশিবে না। পারদ অপেক্ষাকৃত ভারী হওয়ায় উহা নীচেও জল উপরে থাকিবে।

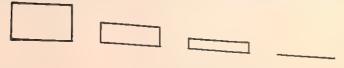


জল ও পারদ যেখানে বিচ্ছিন্ন হইয়াছে সেথানে একটি স্থন্দর তলের স্থি হইবে। পারদের উপরিভাগ ও জলের নিম্নভাগ যে তলের দারা বিচ্ছিন্ন হইবে উহা পারদও নহে কিংবা জলও নহে, উহা একটি তল মাত্র। রৌজে তোমার জ্যামিতি বইখানি ধরিলে ভূমিতে উহার ছায়া পড়িবে; ঐ ছায়ার কোনও পুরুষ বা বেধ নাই বলিয়া ভূমি উহা ধরিতে পার না, কিন্তু উহার দৈর্ঘ্য

ও প্রস্থ আছে। ছায়াটি তলের একটি চমৎকার উদাহরণ।

ৱেখা (Line)

পূর্বেই বলা হইয়াছে যে ইটখানির একটি পৃষ্ঠ, একটি তলএবং ঐ তলের দৈর্ঘ্য ও প্রস্থ এই ছুইটি মাত্রা আছে। এখন নিম্নে প্রদত্ত চিত্রের মত ঐ তলটির দৈর্ঘ্যকে ঠিক রাখিয়া যদি প্রস্থকে ক্রমাগত কমাইয়া আনা যায় তাহা হইলে অবশেষে আমরা এমন একটি



তল হইতে রেখার উৎপত্তি

অবস্থায় উপস্থিত হইব যখন তলটির আর প্রস্থ মোটেই থাকিবে না, শুধু দৈর্ঘ্যই থাকিবে; তখন উহা একটি রেখায় পরিণত হইবে। জ্যামিতি অনুসারে যাহার কেবলমাত্র দৈর্ঘ্য আছে, কিন্তু প্রস্থ ও বেধ নাই তাহাকে রেখা বলে। রেখা এক মাত্রাবিশিষ্ট।

এইরপে বুঝা গেল ছই মাত্রাবিশিষ্ট তলের একটি মাত্রা সম্পূর্ণ-রূপে লোপ করিয়া দিলে উহা রেখায় পরিণত হয়। যে কোন তল রেখা দারা সীমাবদ্ধ। ছইটি তল পরস্পরের সহিত মিলিত হইলে ঐ মিলনস্থলে রেখার উৎপত্তি হয়। পূর্বে বর্ণিত ইটখানির ছয়টি পিঠ বা তলের ছইটি করিয়া তল মিলিত হইয়া ইটখানির বারটি ধারের সৃষ্টি হইয়াছে; ঐ ধারগুলির কোন প্রস্থ নাই; কারণ প্রস্থ থাকিলে উহারা তলেরই অংশ হইত। এই ধারগুলির প্রত্যেকটি একটি রেখা। তোমার বিসবার ঘরের একটি দেওয়াল ও মেঝে



যেখানে মিলিত হইয়াছে ঐ মিলনস্থলে একটি রেখার সৃষ্টি হইয়াছে।
জ্যামিতি বইখানির তুইটি পাতার সংযোগস্থল একটি রেখা। কোন
আংশিক জলপূর্ণ চৌবাচ্চায় জলের উপরিতল যেখানে চৌবাচ্চার
কোন একটি গাতের সহিত মিলিত হয়, সেই মিলনস্থলে স্থলর
রেখার সৃষ্টি হয়। বিভিন্ন প্রকারের অথবা একই প্রকারের তুইটি

তল পরস্পর ছেদ করিলে কিরূপে রেখার সৃষ্টি হয় নিয়ের চিত্র লক্ষ্য করিলে তাহা বুঝা যাইবে।



বিভিন্ন তলের মিলনে রেথার উৎপত্তি

পুকুরে কলসী ভাসিতে থাকিলে কলসীর উপরিতল যেখানে জলের সহিত মিলিত হয় সেখানে একটি রেখা উৎপন্ন হয়।

জ্যামিতিক রেখার কেবলমাত্র দৈর্ঘ্য আছে; খুব স্কুল্ম পেন্দিল
দিয়া কাগজের উপর দাগ কাটিলেও আমরা জ্যামিতির সংজ্ঞানুযায়ী
প্রকৃত রেখা পাইব না, কারণ এরপ দাগেরও কিছুটা বিস্তার আছে।
এই বিস্তার এত কম যে ইহাকে শৃত্য মনে করিয়া সাধারণ কার্যে
এইরপ স্কুল্ম দাগকেই রেখা বলিয়া ধরা হয়। যত সরু করিয়া দাগ
কাটা যাইবে উহা ততই বিশুদ্ধ রেখা হইবে। রেখা মোটা হইলে
উহার খানিকটা প্রস্থ থাকিয়া যাইবে; কাজেই উহাকে দৈর্ঘ্য ও
প্রস্থবিশিষ্ট তল বালিয়াই ধরা উচিত। পেন্সিলের স্কুল্ম অগ্রভাগ
দিয়া কাগজের উপর দাগ কাটিয়া ঐ দাগের মাঝামাঝি দৈর্ঘ্যকেই
প্রকৃতপক্ষে রেখা বলিয়া ধরা চলিতে পারে। অবশ্য সাধারণতঃ
আমরা এমন কোন জিনিসই দেখিতে পাইব না যাহার কোন প্রস্তৃও
বেধ নাই, তবে আমরা উহা ধারণা করিতে পারি। একথানি

কাগজ লইয়া যদি আমরা ভাঁজ করি, তাহা হইলে যে দাগটি পড়িবে, তাহাকে একটি রেখা বলা চলে। যথার্থ জ্যামিতিক রেখা



অঙ্কন করা সম্ভব নহে। একথানি সাদা কাগজের এক অংশ কালো কালি দিয়া লেপিয়া দেওয়া হইল; কাগজের সাদা অংশ ও কালো অংশের সীমায় একটি স্থলর রেখার সৃষ্টি হইয়াছে। রেখাটি যদি সাদা অংশের অন্তর্গত বলিয়া ধরা হয় তাহা হইলে উহাকে আর সীমা বলিয়া ধরা যায় না। ঐরপে উহা কালো অংশেরও অন্তর্গত বলিয়া ধরা চলে না। যে কোন অংশের অন্তর্গত ধরিলেই উহার বিস্তার থাকিবে এবং উহা তলের অংশ বলিয়া পরিগণিত হইবে। উপরোক্ত উপায়ে যথার্থ জ্যামিতিক রেখার অনেকটা ধারণা করা যাইতে পারে।

বিন্দু (Point)

ঘনের বেধ সম্পূর্ণ লোপ পাইলে উহা তলে পরিণত হয়, আবার তলের প্রস্থ সম্পূর্ণ লোপ করিয়া দিলে উহা কেবলমাত্র রেখায় পরিণত হয়। এখন রেখা হইতে বিন্দুর কল্পনা করা যাউক। কোন একটি রেখা লইয়া যদি ক্রমাগত আমরা উহার দৈর্ঘ্য কমাইতে থাকি, তাহা হইলে অবশেষে আমরা এমন অবস্থায় পৌছিব যে উহার আর দৈর্ঘ্য মোটেই থাকিবে না, তবে বুঝিতে পারিব যে উহা আছে অর্থাৎ উহার অবস্থিতি আছে; এই অবস্থায়

রেথার বিন্দুতে পরিণতি

আমরা একটি বিন্দু পাইব। চিত্রে রেখার দৈর্ঘ্য ক্রমশঃ লোপ পাইয়া কিরূপে উহা বিন্দুতে পরিণত হইল তাহা লক্ষ্য কর। দৈর্ঘাই রেখার একটি মাত্র মাত্রা বা আয়তন; ঐ দৈর্ঘ্য লোপ পাইয়াই রেখাটি বিন্দুতে পরিণত হইল, অতএব বিন্দুর মাত্রা নাই। এজন্ম জ্যামিতিতে বিন্দুর নিয়লিখিত সংজ্ঞা দেওয়া হইয়া থাকেঃ—

যাহার অবস্থিতি আছে কিন্তু কোন আয়তন অর্থাং দৈর্ঘ্য, প্রস্থ ও বেধ নাই তাহাকে বিন্দু বলে। 2

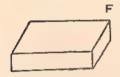
প্রকৃতপক্ষে বিন্দু কল্পনা মাত্র। যাহার কোন আয়তন নাই এরপ বিন্দু অন্ধিত করা কখনই সম্ভবপর নহে। পেন্সিলের স্ক্র্মা অগ্রভাগ দিয়া কাগজের উপর একটি ফুট্কির মত চিহ্ন দিলে (.) বিন্দু অন্ধিত হয়। বর্ণমালার কোন একটি অক্ষর দিয়া বিন্দুটি নির্দেশ করিতে হয়, যেমন— A. (বিন্দু)। ব্যবহারিক ক্ষেত্রে উপরোক্ত ক্ষুত্রতম চিহ্নকে মোটামুটি বিন্দু বলিয়া ধরা হয়। উহা যতই স্ক্র্মা হইবে ততই বিশুদ্ধা হইবে; পেন্সিলের স্ক্র্মা অগ্রভাগ দিয়া অন্ধিত স্ক্র্মাতম চিহ্নের কেন্দ্রকে বিন্দু বলিয়া ধরা উচিত। কিন্তু আমরা পেন্সিলের অগ্রভাগ দারা যে বিন্দু অন্ধিত করি, উহা যতই স্ক্র্মা হউক না কেন উহার দৈর্ঘ্য ও প্রস্থ সম্পূর্ণ বিলুপ্ত হইতে পারে না। একটি অতিস্ক্র্মা ধ্লিকণাকেও বিন্দু বলিয়া ধরা চলে না।

ছুইটি রেখা যে স্থানে মিলিত হয় সেইটি একটি বিন্দু; ছুইটি রেখার ছেদস্থলেও একটি বিন্দুর উৎপত্তি হয়। বিন্দুদারা রেখা



সীমাবদ্ধ। বিন্দুর কোন আয়তন নাই অতএব জ্যামিতিক বিন্দু একটুও স্থান অধিকার করে না। চিত্রে A, B, C ও D চারিটি বিন্দু। পূর্বে দৃষ্টান্তস্বরূপ যে ইটখানি লওয়া হইয়াছিল, তাহা লক্ষ্য

করিলে দেখিতে পাইবে যে উহার বারটি ধার বা কিনারা আছে।



উহাদের প্রত্যেকটিকে একটি রেখা বলিয়া ধরা চলে; যে কোন ছইটি ধার যেখানে মিশিয়াছে সেখানেই একটি বিন্দুর উৎপত্তি হইয়াছে। ইটখানির কোণগুলি এক একটি

বিন্দু; চিত্রে F একটি বিন্দু; জ্যামিতি বই-এর কোন পাতার তুইটি ধার অথবা কিনারা যেখানে আসিয়া মিশিয়াছে, সেখানে

একটি বিন্দুর সৃষ্টি হইয়াছে। তোমার বসিবার ঘরের পাশাপাশি ছুইটি দেওয়াল যেখানে মেঝের সহিত মিশিয়াছে সেই কোণাকে একটি বিন্দু বলিয়া ধরা চলিতে পারে। প্রদত্ত



চিত্রের মত একখানি সাদা কাগজের পর পর চারিটি অংশ যথাক্রমে সাদা ও কালো, সাদা ও কালো এইরূপ চিত্রিত করিলে অংশগুলির সংযোগস্থলে একটি বিন্দুর সৃষ্টি হয়; বিন্দুটি সাদাও নয়, কালোও নয়। উপরোক্ত উপায়ে জ্যামিতিক বিন্দুর কিছুটা ধারণা করা যাইতে পারে।

ঘনের পরিকল্পনা হইতে আমরা তল, রেখা ও বিন্দুর পরি-কল্পনা করিতে পারি। ান পদার্থের আয়তন বা মাত্রা একটি একটি করিয়া লোপ পাইয়া যথাক্রমে তল, রেখা ও বিন্দুর উৎপত্তি হয়। বিপরীতভাবে প্রথমে বিন্দুর ধারণা হইতে আমরা ক্রমে রেখা, তল ও ঘনের পরিকল্পনা করিতে পারি।

জ্যামিতিক সংজ্ঞানুসারে বিন্দুর অবস্থিতি আছে কিন্তু উহা
আয়তন বা মাত্রাশৃন্থ। যদি কতকগুলি বিন্দু এমনভাবে পর পর
রাখিয়া যাও যে উহার একটি হইতে অক্যটির কোন দূরত্ব থাকিবে
না, তাহা হইলে একটি রেখার স্পৃষ্টি হইবে। কতকগুলি রেখা পর
পর মাঝে কোন কাঁক না রাখিয়া সাজাইয়া গেলে একটি তল
উৎপন্ন হইবে। বোর্ডের উপর একখানি চক পাতাইয়া উহা পাশাপাশিভাবে টানিয়া লইয়া গেলে বোর্ডের কিছু অংশ সাদা দেখা
যাইবে; উহা একটি তল। কতকগুলি তল পর পর রাখিয়া গেলে
একটি ঘন পদার্থের সৃষ্টি হইবে। কোন চৌবাচ্চায় নল দিয়া জল
প্রবেশ করিতে থাকিলে জলের উপরিতল ক্রেমশঃ উথিত হয়। ঐ
উত্থানের ফলে দৈর্ঘ্য ও প্রস্থবিশিষ্ট তলটির সহিত তৃতীয় আয়তন
উচ্চতা সংযুক্ত হইয়া থাকে এবং ফলে উহা একটি জ্যামিতিক ঘন

সরল 3 বক্র রেখা (Straight and Curved Line)

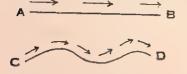
বিন্দু হইতে কিরূপে রেখার স্থাষ্ট হয় তাহা আমরা জানিয়াছি; এক্সণে বিভিন্ন প্রকারের রেখা সম্বন্ধে আলোচনা করা যাউক।

একখানি কাগজকে ভাঁজ করিলে ভাঁজের স্থানে যে দাগ পড়ে তাহা একটি সরলরেখা। তোমার জ্যামিতি বইখানির কোন একটি পাতার কিনারা বা ধারও একটি রেখা। জ্যামিতি বই-এর পাতা-খানিকে অপর একখণ্ড কাগজের উপর রাখিয়া ধার বরাবর পেন্সিল দ্বারা টানিয়া গেলে যে দাগ পড়িবে ভাহাও একটি রেখা। এই রেখাগুলি পরস্পরের অন্বরূপ। যে কোন একটিকে অপরটির উপর স্থাপন করিলে উহারা মিলিয়া যাইবে। পেন্সিল দ্বারা রেখাটি অঙ্কনের সময় দেখা গিয়াছে যে পেন্সিলের অগ্রভাগ বরাবর একদিকেই টানিয়া যাইতে হইয়াছে।

যে রেখা আগাগোড়া একই দিক ধরিয়া চলিয়াছে অর্থাৎ যাহার যে কোন একবিন্দু হইতে অন্তবিন্দু পর্যন্ত যাইতে কোন দিক পরিবর্তন করিতে হয় না জ্যামিতিতে তাহাকে সরলরেখা কহে।

এখন একটি তামার পয়দা লইয়া উহাকে একখণ্ড কাগজের উপর চাপিয়া ধর এবং উহার ধার দিয়া পেন্দিল টানিয়া যাও; তাহা হইলে কাগজের উপর একটি রেখা অঙ্কিত হইবে। পূর্বে অঙ্কিত রেখাটি ও এই রেখাটির মধ্যে বিশেষ পার্থক্য রহিয়াছে। এই রেখাটি আঁকিবার সময় পেন্দিলের অগ্রভাগ বরাবর একদিকে না যাইয়া ক্রমশঃ ঘুরিয়া গিয়াছে। সরলরেখার পূর্বোক্ত সংজ্ঞানুসারে এই রেখাটিকে আর সরলরেখা বলা চলে না।

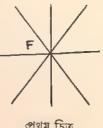
জ্যামিতিতে যে রেখা সরল নহে তাহাকে বক্ররেখা বলে। বক্ররেখার একবিন্দু হইতে অন্য বিন্দু পর্যন্ত যাইতে হইলে দিক পরিবর্তন করিতে হয়। অতএব যে রেখার গতি বিভিন্নমুখী তাহাকে বক্রবেথা বলে। সরলরেখার প্রান্তবিন্দুদ্বয়ে বর্ণমালার তুইটি অক্ষর



বসাইয়া রেখাটির নাম দিতে হয়। পার্শ্বের চিত্রে AB একটি সরলরেখা এবং CD একটি বক্তবেখা ৷

স্কেল বা রুলারের সাহায্যে সরলরেখা অঙ্কন করিতে হয়। বিভিন্ন প্রকারের রেখার অঙ্কন-প্রণালী হইতেই বৃঝিতে পারা খায় যে বিন্দুর গমনপথ দারাই রেখা স্চিত হয়।

প্রথম চিত্রে F যে কোন একটি বিন্দু; এই বিন্দুর মধ্য দিয়া অসংখ্য সরলরেখা টানা যাইতে পারে। দ্বিতীয় চিত্রের মত A ও B ছইটি বিন্দু লও। A হইতে B পর্যন্ত ক ত ক গুলি রেখা অন্ধিত কর। তোমার ইচ্ছানুসারে তুমি A ও B বিন্দু যোগ



প্রথম চিত্র

করিয়া এরূপ অসংখ্য রেখা অঙ্কন করিতে পার। এক্ষণে লক্ষ্য করিলে দেখা যাইবে যে এ রেখাগুলির মধ্যে মাত্র একটিই



সরলরেখা, অম্বগুলি বক্ররেখা। রেখা-গুলি পরিমাপ করিলে দেখিতে পাইবে যে সরলরেখাটিই সবচেয়ে ছোট। A ও B বিন্দু সংযুক্ত করিয়া একটি মাত্র সরলরেখাই অঙ্কন করা যায়।

A বিন্দু হইতে B বিন্দুর দূরত বলিতে AB সরলরেখাটিকেই বুঝায়।

প্রদত্ত চিত্রের মত AB ও CD হুইটি সরলরেখা এরূপ ভাবে অঙ্কন করা হইল যেন উহারা E বিন্দুতে পরস্পার ছেদ করে।

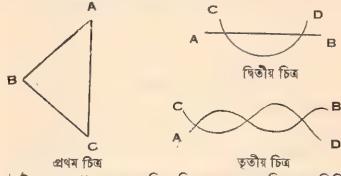
C

এই E বিন্দৃটি AB রেখার উপর অবস্থিত।
এবং উহা CD রেখার উপরও অবস্থিত।

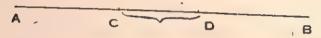
E বিন্দু বাতীত অন্ত কোন বিন্দু ঐরূপ
নহে। B বিন্দৃটির কথাই ধরা যাউক;

B বিন্দৃটি AB রেখার উপর অবস্থিত, কিন্তু

উহা CD রেখার উপর অবস্থিত নহে। AB রেখার উপর অবস্থিত জন্ম যে কোন বিন্দু লইয়া পারীক্ষা করিলেও দেখা যাইবে যে উহা CD রেখার উপর অবস্থিত নহে; তুইটি বিন্দু যদি তুইটি সরলরেখারই উপর অবস্থিত হয় তাহা হইলে সরলরেখা তুইটি পরস্পর মিলিয়া যাইবে। অতএব তুইটি সরলরেখা একের বেশী বিন্দুতে ছেদ করিতে পারে না; কিন্তু তুইটি বেখার মধ্যে যদি একটি বক্ররেখা হয় অথবা যদি তুইটিই বক্ররেখা হয় তাহা হইলে উহারা একের বেশী বিন্দুতে ছেদ করিতে পারে।



তুইটি সরলরেখা একের অধিক বিন্দুতে ছেদ করিতে বা মিলিত হউতে পারে না বলিয়া উহারা কোন ক্ষেত্র বেষ্টন করিতে পারে না। সরলরেথা দারা কোন ক্ষেত্রকে সীমাবদ্ধ করিতে হইলে প্রথম চিত্রের মত অন্ততঃ তিনটি সরলরেখার প্রয়োজন। কিন্তু দ্বিতীয় ও তৃতীয় চিত্র লক্ষ্য করিলে বুঝিতে পারিবে যে, উহাদের মধ্যে যদি একটি বক্ররেখা হয়, অথবা উভয়ই বক্ররেখা হয় তাহা হইলে এ রেখা ছইটির দারা কোন ক্ষেত্র বেষ্টিত হইতে পারে। নিমে প্রদত্ত AB সরলরেখার যে কোন অংশ CD লইলে উহাও একটি সরলরেখা হইবে।



উপরোক্ত আলোচনা হইতে সরলরেখার কতকগুলি বিশেষ ধর্ম পাওয়া গেলঃ—

- (1) একটি বিন্দুর মধ্য দিয়া অসংখ্য সরলরেখা টানা যায়।
- (2) ছইটি বিন্দু যোগ করিয়া একটি মাত্র সরলরেখা টানা যায় এবং ছইটি বিন্দু দারা সরলরেখা নির্দিষ্ট হয়।
- (3) ছইটি বিন্দু যোগ করিয়া যতগুলি রেখা টানা যায় তাহার মধ্যে সরলরেখাটিই সবচেয়ে ছোট; ছুইটি বিন্দুর দূর্ভ বলিতে উহাদের সংযোজক সরলরেখাকেই বুঝায়।
- (4) ছুইটি সরলরেখা একের অধিক বিন্দুতে মিলিত হইতে বা ছেদ করিতে পারে না; ছুইটি সরলরেখার যদি ছুইটি সাধারণ বিন্দু থাকে তাহা হইলে সরলরেখা ছুইটি পরস্পরের সহিত মিলিত হইবে।
- (5) একটি বা তুইটি সরলরেখা দারা কোন ক্ষেত্রই পরিবেপ্টিভ হয় না; সরলরেখা দারা কোন ক্ষেত্রকে সীমাবদ্ধ করিতে হইলে অন্ততঃ তিনটি সরলরেখার প্রয়োজন।

- (6) একটি সরলরেখাকে অপর একটি সরলরেখার উপর স্থাপন করিলে উহারা পরস্পর মিলিত হইবে।
- (7) একটি সরলরেখার প্রাস্তবিন্দু ছুইটি অন্ত একটি সরলরেখার প্রাস্তবিন্দু ছুইটির উপর পড়িলে রেখা ছুইটি পরস্পার সমান হুইবে।
- (৪) সরলরেখার যে-কোন অংশও সরলরেখা। যে-কোন সরল-রেখাকে উভয় দিকে যতদূর ইচ্ছা বর্ধিত করা যায়; এইরূপে বর্ধিত রেখাটিও একটি সরলরেখা হইবে।

সমতল ও বক্ততল (Plane Surface and Curved Surface)

পূর্বে তলের পরিকল্পনা ও সংজ্ঞা দেওয়া হইয়াছে। আমরা যে সকল ঘন বস্তু দেখিতে পাই, তাহাদের উপরিভাগ বা তল একই প্রকারের নহে। তলকে সাধারণতঃ তুই শ্রেণীতে ভাগ করা হয়— সমতল ও অসমতল বা বক্ততল।

কোন তলের উপর হাত বুলাইলে যদি উচুনীচু বোধ না হয়, তবে উহাকে মোটামুটি সমতল বলা যাইতে পারে। উচুনীচু বোধ হইলেই উহাকে বক্রতল বলিতে হইবে। পুস্তকের পাতা, টেবিলের উপরিভাগ, গৃহের মেঝে ইত্যাদি সমতলের উদাহরণ। ডিমের উপরিভাগ, পেন্সিলের উপরিভাগ, ঢেউ-খেলান টিনের ছাদ ইত্যাদি বক্রতলের উদাহরণ।

তোমার টেবিলের উপরিভাগ সমতল কিনা তাহা নিম্নোক্ত উপায়ে পরীক্ষা করা যাইতে পারে। টেবিলের উপর একটি প্রেন্সিল রাথ; পেন্সিলটির নিম্নভাগের সীমান্তরেখাটি যদি টেবিলের উপরিতলের গায়ে সর্বতোভাবে লাগিয়া থাকে তবে উহা সমতল। একণে ঐ পেন্সিলটি যদি একটি বলের উপর স্থাপন কর তেবে স্পষ্ট দেখা যাইবে যে, উহার একটি বিন্দু ভিন্ন বাকি অংশটুকু বলের সহিত মিলিয়া নাই; ইহা দ্বারা বুঝা যাইবে বলের উপরিভাগ সমতল নহে।

জ্যামিতিতে সমতলের নিম্নলিখিত সংজ্ঞা দেওয়া হয় :—

কোন তলের উপরিস্থিত ছুইটি বিন্দু যোগ করিলে যে সরল-রেখা উৎপন্ন হয়, যদি উহা ঐ তলের উপর সম্পূর্ণরূপে মিলিয়া যায়, তবে ঐ তলটিকে সমতল বলে।

ঘন পদার্থ মাত্রেই এক বা ততোধিক তল দারা বেপ্টিত বা সীমাবদ্ধ। পূর্বে যে সকল ঘন পদার্থের উদাহরণ দেওয়া হইয়াছে তাহাদের চিত্র পরীক্ষা করিলে বুঝিতে পারিবে যে, বলের উপরিভাগ একটি বক্রতল, শস্কুর ভূমি একটি সমতল ও উপরিভাগ একটি বক্রতল, কলের ছইদিকে ছইটি সমতল ও গাত্র একটি বক্রতল দারা সীমাবদ্ধ; পিরামিডের সীমা চারিটি সমতল দারা নির্দিষ্ট, ত্রিশির কাঁচ পাঁচটি সমতল দারা সীমাবদ্ধ এবং ছয়টি সমতল দারা বাল্লটি বেপ্টিত হইতেছে।

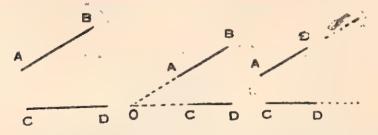
তোমার বসিবার ঘরের একটি দেওয়াল ও মেঝে যেখানে
মিশিয়াছে সেখানে একটি সরলরেখার সৃষ্টি হইয়াছে। দেওয়াল
ও মেঝেকে মোটামুটি সমতল ধরা চলিতে পারে; ইহা হইতে
বৃঝা গেল যে, তুইটি সমতলের মিলনস্থলে একটি সরলরেখার সৃষ্টি
হয়। তুইটি সমতলের ছেদরেখাও একটি সরলরেখা। পুকুরের
জলের উপরিতল একটি সমতল; বলের উপরিভাগ একটি বক্রতল;
যদি একটি বল পুকুরের জলে ভাসিতে থাকে, তাহা হইলে এ
সমতল ও বক্রতলের মিলনস্থলে একটি বক্ররেখার সৃষ্টি হইবে।

এইরূপে বিভিন্ন প্রকার তলের মিলন অথবা ছেদের ফলে বিভিন্ন প্রকারের রেখার স্থাই হয়। যদি কোন সরলরেখার কোন একটি প্রান্তবিন্দু স্থির রাখিয়া উহাকে কোনরূপ উচুনীচু না করিয়া সমান ভাবে ঘুরান যায়, তবে সেই সরলরেখা একটি সমতল সৃষ্টি করিবে।

আমাদের এই জ্যামিতিতে আমরা সমতলে অবস্থিত বিন্দু, সরলরেখা ও বক্ররেখার পরস্পর সম্বন্ধ নির্ণয় বিষয়ে আলোচনা করিব। এই জন্য এই জ্যামিতিকে সামতলিক জ্যামিতি (Plane Geometry) বলে।

সমান্তরাল সরলরেখা (Parallel Straight Lines)

রেখা এবং সরলরেখা সম্বন্ধে ইতিপূর্বেই আলোচনা করা গিয়াছে। এখন সমান্তরাল সরলরেখা সম্বন্ধে আলোচনা করা যাউক। সমান্তরাল সরলরেখা কাহাকে বলে বুঝিতে হইলে সমতল ও সরলরেখা সম্বন্ধে স্পষ্ট ধারণা থাকা চাই।

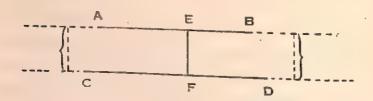


উপরের চিত্রান্থযায়ী AB ও CD ছুইটি সরলরেখা আন্ধিত কর। এখন রেখা ছুইটিকে যথাক্রমে A ও C-এর দিকে বর্ধিত করিলে দেখা যাইবে, উহারা O বিন্দুতে মিলিত হয়; কিন্তু বিপরীত দিকে অর্থাৎ B ও D-এর দিকে বর্ধিত করিলে, রেখা ছুইটির ব্যবধান ক্রমশঃ বাড়িতে থাকে এবং ঐ দিকে উহারা কথনও

মূল বিষয় ও প্রাথমিক সংজ্ঞা

মিলিতে প্রারে না। এখানে দেখা গেল, রেখা ছুইটি উভয় দিকে বর্ষিত করিলে একদিকে উহারা মিলিত হয়, কিন্তু অপরদিকে মিলিত হুইবার কোন সম্ভাবনা নাই।

এখন নিমের চিত্রান্মসারে AB ও CD রেখা অন্ধিত করিয়া
A ও C এবং B ও D এই উভয়দিকে বর্ধিত করিয়া দেখ যে, কোন
দিকেই উহারা কখনও মিলিত হইবে না এবং উহাদের দূরত্ব EF
সর্বদাই সমান থাকিবে।



এইরপ তুই বা ততোধিক সরলরেথাকে সমান্তরাল সরলরেখা কহে। কিন্তু এখানে একটি কথা মনে রাখিতে হইবে যে, ঐ সরল-রেখাগুলিকে অবশ্যুই একই সমতলে অবস্থিত হইতে হইবে। জ্যামিতি বই-এর পৃষ্ঠার যে-কোন তুইটি বিপরীত কিনারা বা 'ধার' সমান্তরাল সরলরেখার উদাহরণ, কারণ জ্যামিতি বই-এর পৃষ্ঠাটি একটি সমতল। তোমার বিসবার ঘরের মেঝে যেখানে তুইটি বিপরীত দেওয়ালের সহিত মিশিয়াছে, সেখানে যে-তুইটি সরলরেখার উৎপত্তি হইয়াছে উহারা সমান্তরাল, কারণ উহারা একই সমতল মেঝেতে অবস্থিত। যে সমস্ত সরলরেখা বিভিন্ন সমতলে অবস্থিত থাকিয়া উভয়দিকে বর্ধিত হইলেও কখনই পরস্পর মিলিত হয় না, তাহারা পরস্পর সমান্তরাল হইবে না। এই কারণে তোমার টেবিলের উপর ও মেঝের উপর যদি এমন তুইটি সরলরেখা লও

426

7 24

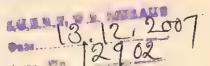
যে তাহাদিগকে উভয়দিকে বর্ষিত করিলেও কখনই পরস্পর মিলিত না হয়, তথাপি তাহারা সমান্তরাল সরলরেখা হইবে দিটোর উপরিভাগ ও মেঝে ছুইটি বিভিন্ন সমতল। সমান্তরাল সরলরেখাগুলি এক সমতলে অবস্থিত হওয়া চাই-ই। ঘরের মেঝে ক্রিয়াছে কেই দের্ঘোর দিকের দেওয়ালের মিলনে যে সরলরেখা উৎপন্ন হইয়াছে সেই রেখা লক্ষ্য কর; এখন ছাদ ও প্রস্থের দিকের দেওয়ালের মিলনে উৎপন্ন রেখাটি লক্ষ্য কর; এই ছুইটি রেখা উভয়দিকে বর্ষিত করিলে পরস্পর মিলিত হইবে না। কিন্তু তাহা সাক্তেও ইহারা সমান্তরাল নহে। এই প্রকার সরলরেখাকে নৈকতলীয় রেখা (Skew Lines) বলে।

তুইটি সরলরেখা পরস্পর ছেদ করিলে তাহারা উভয়েই অপর একটি সরলরেখার সমান্তরাল হইতে পারে না। কোন বিন্দুর মধ্য দিয়া একটি মাত্র সরলরেখা টানা যাইতে পারে, যাহা অন্য একটি সরলরেখার সহিত সমান্তরাল হইবে। সমান্তরাল সরলরেখার এই বিশেষ ধর্মকে প্লেফেয়ারের স্বতঃসিদ্ধ (Playfair's Axiom) বলে।

অনুশীলনী

- জ্যামিতি কাহাকে বলে ? সামতলিক জ্যামিতি বলিতে কি ব্বা ?
 - (a) মাত্ৰা কাহাকে বলে ?
 - (b) একথানি ইটে

 মাতা বর্ণনা করিতে কয়টি মাপের প্রয়োজন ?
- (c) পুস্তকের একথানি পাতার আয়তন বর্ণনার জন্ম কয়টি মাপের প্রয়োহন ? পাতাটির একটি ধার-এর আয়তন নির্ধারণের জন্ম কয়টি মাপ ইংবে ?
- জ্যামিতিক ঘন বলিতে কি বুঝা? সমতল দ্বারা বেষ্টিত কয়েকটি
 ঘন-এর উদাহরণ দাও। একটি মাত্র বক্রতল দ্বারা বেষ্টিত ঘন পদার্থের উদাহরণ
 দাও। প্রদীপের শিখা ও এক ফোঁটা জলকে ঘন পদার্থ বলিয়া ধরা চলে কি ?



- 4. যন-এর পরিকল্পনা হইতে আমরা কিরপে তল, রেখা ও বিদ্র পরিকল্পনা করিতে পারি তাহা বুঝাইয়া দাও। বিদ্র ধারণা হইতেই বা কিরপে ক্রমে ঘন-এর পরিকল্পনা করিতে পারি তাহা বুঝাইয়া দাও।
- 5. জ্যামিতি বই-এর একখানি পাতাকে তলের উদাহরণ বলা চলে কি ? তুমি সাধারণতঃ যে সকল পদার্থ দেখিতে পাও তাহা হইতে করেকটি আদর্শ তলের উদাহরণ দাও। "সমতল" পরীক্ষার উপায় কি ?
- 6. "রেথা এক মাত্রাবিশিষ্ট"—একথার তাৎপর্য কি ? তোমাদের স্থুলগৃহের ও তোমাদের সর্বদা ব্যবহারের জিনিস হইতে প্রকৃত রেখার উদাহরণ দাও। একটি সক্র হতা অথবা হক্ষ্ম পেন্সিলের দাগকে প্রকৃতপক্ষে রেথা বলা চলে কি ?
 - 7. (a) "স্থুলরেখা প্রাকৃতপক্ষে রেখা নহে।"—উহা কি ?
 - (b) "মথার্থ জ্যামিতিক বিন্দু অঙ্কন অসম্ভব"—একথার তাৎপর্য কি ? 🛕
 - 8. (a) একটি বিন্দুর মধ্য দিয়া কতকগুলি সরলরেখা অঙ্কিত করা যায় ?
 - (b) प्रेंि विन्त्र न्त्रज विनार कि व्या थात ?
 - (c) ষেকোন তিনটি বিন্দুর মধ্য দিয়া একটি সরলরেখা আঁকা যায় কি?
 - (d) কোন ক্ষেত্র বেষ্টন করিতে কমপক্ষে কয়টি সরলরেথার প্রয়োজন ?
- সরলরেথার ধর্মগুলি আলোচনা কর। "ত্ইটি সমতলের ছেদরেথা
 একটি সরলরেথা"—উদাহরণ দাহায্যে ব্ঝাইয়া দাও।
- 10. সমতল কাহাকে বলে? উদাহরণ সাহায্যে বক্তবলের সহিত উহার পার্থক্য বুঝাইয়া দাও। একটি আপেল ভেদ করিয়া একটি স্থাঁচ ফুটাইয়া দিলে যে ছইটি বিন্দুতে উহা আপেলের উপরিতলকে ছেল করিল তাহাদের সংযোজক সরলরেথা আপেলের উপরিতলের উপর সম্পূর্ণরূপে অবস্থিত হইবে কি । ইহার দারা আপেলের উপরিতল কিরূপ তল প্রমাণিত হইল।
 - ।।. উদাহরণ সাহায্যে সমান্তরাল সরলরেখা কাহাকে বলে বুঝাইয়া দাও।
- 12. এমন তুইটি সরলরেখার উদাহরণ দাও ষাহারা সমাস্তরাল নহে অথচ উভয়দিকে বর্ধিত করিলেও কথনও মিলিত হইবে না। উহাদের কি রেখা বলে ?

দ্বিতীয় অধ্যায়

ব্যবহারিক জ্যামিতিতে অঙ্কন ৪ পরিমাণের জন্য ব্যবহৃত যন্ত্রসমূহ

জ্যামিতিশিক্ষার জন্ম নানাপ্রকার চিত্র অঙ্কনের প্রয়োজন হইবে। যন্ত্রের সাহায্য ব্যতীত এই সকল চিত্র বিশুদ্ধভাবে অঙ্কন সম্ভব নহে। জ্যামিতিশিক্ষার্থীর প্রয়োজনীয় যন্ত্রসমূহ যন্ত্রের বাক্সে (Instrument Box) পাওয়া যায়। জ্যামিতিশিক্ষার্থী সকলেরই এরূপ একটি যন্ত্রের বাক্স সংগ্রহ করা প্রয়োজন। কেবলমাত্র পেন্সিলের সাহায্যে জ্যামিতিক চিত্রসমূহ বিশুদ্ধভাবে অঙ্কন সম্ভব নহে।

ইউক্লিডের প্রণালী অনুসারে ব্যবহারিক জ্যামিতিতে কেবলমাত্র নিম্নলিখিত যন্ত্র তুইটির ব্যবহার অনুমোদিত।

(1) একখানি সরল রুলার বা স্কেল (Straight Ruler or Scale)—রেখান্ধন যন্ত্র বা মাপনী ঃ—

MILLION TO SERVICE STATE OF THE PERSON AND ADDRESS OF THE PERSON AND A		
1 2	3 4 5 6 7 8	9

সরল ফলার বা স্কেল

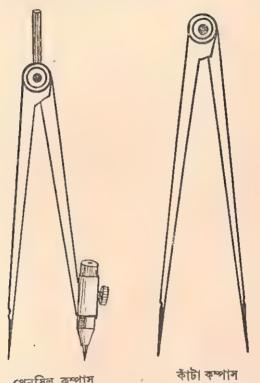
যন্ত্রের বাক্সে ছাত্রদের ব্যবহারের জন্ম যে স্কেল থাকে উহা কাষ্ঠনির্মিত ছয় ইঞ্চি লম্বা একটি চেপ্টা যন্ত্র। ইহার গায়ে দাগ কাটা থাকে। এক পার্শ্বে প্রত্যেক এক ইঞ্চি অন্তর একটি করিয়া বড় দাগ থাকে ও অপর পার্শ্বে প্রত্যেক এক সেণ্টিমিটার অন্তর একটি বড় দাগ থাকে। প্রত্যেক ইঞ্চি আবার ক্ষুত্র ক্ষুত্র দশ ভাগে বিভক্ত থাকে এবং অন্ত ধারে প্রত্যেক সেটিমিটারও ক্ষুত্র ক্ষুত্র দশ ভাগে বিভক্ত থাকে। স্কুতরাং স্কেলের ইঞ্চির চিহ্নের ধারে প্রত্যেকটি ছোট দাগের দৈর্ঘ্য এক ইঞ্চির দশ ভাগের এক ভাগ এবং অন্ত ধারে এরপ ক্ষুত্র দাগগুলির প্রত্যেকটির পরিমাণ এক সেন্টিমিটারের দশমাংশ বা এক মিলিমিটার। সেন্টিমিটার ও ইঞ্চির মাপের তুলনা পরে জানিতে পারিবে। সরল রুলার বা স্কেলের সাহায্যে—

- (a) कान निर्निष्ठ रेनर्घाविभिष्ठ मत्रलात्रथा जांका याय।
- (b) কোন প্রদত্ত সরলরেখার দৈর্ঘ্য পরিমাপ করা যায়।
- (c) একটি প্রদত্ত সরলরেখার সমান করিয়া অপর একটি সরলরেখা অঙ্কন করা যায়।
- (d) বিভিন্ন সরলরেখার দৈর্ঘ্যের তুলনা ও পার্থক্য নির্ণয় করা যায়।
- (2) একটি পেন্সিল কম্পাস বা বৃত্তাঙ্কন যন্ত্ৰ (A Pair of Compasses):—

ইহা লোহ বা পিত্তল নির্মিত ছুই বাহুবিশিষ্ট একটি যন্ত্র। বাহু ছুইটি একটি ফু দিয়া আঁটা এবং প্রয়োজনমত উহাদিগকে কম বেশী ফাঁক করা যায়। ইহার একদিকে একটি কাঁটা ও অপরদিকে পেন্সিল আটকাইবার একটি যন্ত্র সংলগ্ন থাকে। ঐ যন্ত্রটিছে পেন্সিল আটকাইয়া, কাঁটা ও পেন্সিলের অগ্রভাগকে প্রয়োজন অনুসারে কাঁক করিয়া, কাঁটার স্ক্র অগ্রভাগকে কাগজের উপর স্থিরভাবে চাপিয়া ধরিতে হয় এবং পরে পেন্সিলের স্ক্র্চল অগ্রভাগ

কাগজের উপর ঘুরাইয়া আনিলে বৃত্ত অঙ্কিত হয়। বৃত্ত আঁকিবার জন্য এই যন্ত্ৰ ব্যবহৃত হয়।

যদিও ইউক্লিডের নিয়মানুযায়ী উপরোক্ত তুইটি যন্ত্র ব্যতীত অন্য কোন প্রকার যন্ত্রের সাহায্য গ্রহণ নিষিদ্ধ তথাপি বিভিন্ন



পেন্দিল কম্পাদ

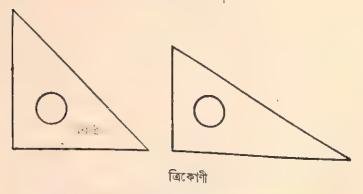
প্রকার জ্যামিতিক চিত্র বিশুদ্ধভাবে অঙ্কনের জন্য নিমুলিখিত যন্ত্র-গুলির ব্যবহার প্রচলিত আছে। যন্ত্রের বাক্সে এই যন্ত্রগুলিও দেখিতে পাইবে; স্তরাং ইহাদের ব্যবহারের সহিত পরিচিত হওয়া প্রয়োজন।

(3) কাঁটা কম্পাস (A Pair of Dividers) :-

পূর্বে বণিত পেন্সিলকম্পাস ও এই যন্ত্রটি দেখিতে প্রায় একরপ। ইহা সাধারণতঃ পিত্তলনির্মিত, কিন্তু ইহার সূক্ষ্ম অগ্রভাগ ছুইটি লোহনির্মিত। এই যন্ত্রটি ছুইটি কাঁটাবিশিষ্ট; দেখিতে কতকটা চিম্টার মত। কাঁটাযুক্ত বাহু ছুইটি সমান দৈর্ঘাবিশিষ্ট এবং ইহারা একটি ফু দারা আবন। এই বাহু ছুইটিকে ইচ্ছামত কম বেশী ফাঁক করা যায়। কাঁটা কম্পাসের সাহায়ো—

- (a) প্রদত্ত কোন সরলরেখার দৈর্ঘ্য নির্ণয় করা যায়।
- (b) ছইটি বিন্দুর দূরত্ব নির্ণয় করা যায়।
- (c) নির্দিষ্ট দৈর্ঘ্যবিশিষ্ট কোন সরলরেখা টানা যায়।
- (d) প্রদত্ত কোন সরলরেখার সমান করিয়া অপর একটি সরলরেখা অঙ্কন করা যায়। কিন্তু উপরোক্ত অঙ্কনকার্যে ও পরিমাণ-নির্ণয়ে স্কেলের সাহায্য প্রয়োজন।

(4) ত্রিকোনী (Set Squares) :—



যন্ত্রের বাক্সে ধাতু বা সেলুলয়েড্ নির্মিত ত্রিভুজাকৃতি যে তুইটি যন্ত্র থাকে উহাদের নাম ত্রিকোনী। ইহাদের একখানির তুইটি বাক্ পরস্পার সমান, অপরখানির বাহু তিনটি অসমান। ত্রিকোণী ছইখানির একটি করিয়া সমকোণ আছে। একখানি ত্রিকোণীর অপর ছইটি কোণের প্রত্যেকটি 45°; অন্থ ত্রিকোণীথানির বাকী ছইটি কোণের পরিমাণ যথাক্রমে 30° ও 60°। ত্রিকোণী ছইখানির সাহায্যে—

- (a) 30°, 45°, 60°, ও 90° পরিমাণ কোণ অন্ধন করা যায়।
- (b) কোনও সরলরেখার সমান্তরাল করিয়া অপর একটি সরলরেখা অঙ্কন করা যায়; একখানি স্কেল ও একখানি ত্রিকোণীর সাহায্যেও সমান্তরাল সরলরেখা অঙ্কিত হইতে পারে।
- (c) কোন সরলরেখার উপরিস্থিত অথবা বহিঃস্থ বিন্দু হইতে ঐ সরলরেখার উপর লম্ব অঙ্কন করা যায়।

সমান্তরাল সরলরেখা অন্ধন ও লম্ব অন্ধন প্রসঙ্গে ত্রিকোণীর ব্যবহার বিস্তৃতভাবে বুঝিতে পারিবে। সরলরেখা অঙ্কনের জন্ম সাধারণতঃ ত্রিকোণী ব্যবহৃত হয় না; তবে ত্রিকোণীর বাহুগুলির উপর ইঞ্চিও সেটিমিটারের দাগ-এর সাহাযো সাধারণ সরলরেখাও

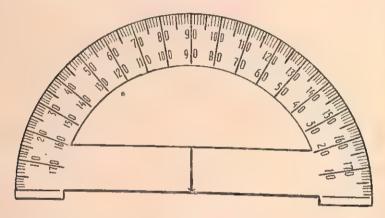
(5) চাঁদা বা কোণমান যন্ত্ৰ (Protractor) :-

যন্ত্রের বাক্সের অবশিষ্ট যন্ত্রটিকে চাঁদা বা কোণমান যন্ত্র বলে।
ধাতৃনির্মিত এই যন্ত্রটি দেখিতে অর্ধবৃত্তাকার। অর্ধবৃত্তের পরিধিটি
১৮০টি সমান অংশে বিভক্ত। প্রত্যেক ভাগ দ্বারা l ডিগ্রী নির্দিষ্ট
হয়। যন্ত্রটি বিশেষভাবে লক্ষ্য করিলে দেখিতে পাইবে যে,
অর্ধবৃত্তটির কেন্দ্রন্থলে একটি চিহ্ন রহিয়াছে। কোণমান যন্ত্র বা
চাঁদার সাহায্যে—

(a) যে কোন কোণের পরিমাণ নির্ণয় করা যায়।

(b) কোন নির্দিষ্ট পরিমাণের কোণ অঙ্কন করা যায়। কোণ সম্বন্ধে আলোচনার কালে কোণমান যন্ত্রের বিস্তৃত ব্যবহার সম্বন্ধে জানিতে পারিবে।

উপরোক্ত যন্ত্রগুলির ব্যবহার ভালভাবে জানা থাকিলে



টাদা বা কোণমান যন্ত্ৰ

জ্যামিতিক চিত্রসমূহ বিশুদ্ধ গাবে অঙ্কন করা যায়। চিত্রের সাহায্যে জ্যামিতির বিভিন্ন বিষয়গুলি বৃঝিবার অভ্যাস করিলে মনে রাখা সহজ হইবে। স্ক্লাগ্রবিশিষ্ট ভাল ডুইং পেন্সিল ও রবারের সাহায্যে জ্যামিতির বিভিন্ন প্রকার অঙ্কন কার্য করা উচিত। কালি বা কপিং পেন্সিল ব্যবহার করিলে চিত্রসমূহ অপরিচ্ছন্ন ও অশুদ্ধ হইবে।

সরলরেখা অঙ্কন ৪ পরিমাপ

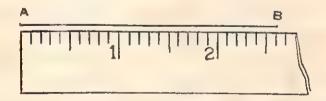
যে কোন অনির্দিষ্ট বক্ররেখা অঙ্কনের জন্ম একটি পেন্সিল ব্যতীত অন্ম কোন যন্ত্রের সাহায্য প্রয়োজন হয় না। কিন্তু শুধু হাতে পেন্সিলের সাহায্যে কোন প্রকার সরলরেখা অঙ্কনই সম্ভব নয়; নির্দিষ্ট অথবা অনির্দিষ্ট যে কোন প্রকার সরলরেখা অঙ্কনের জন্য কলার বা স্কেলের সাহায্য গ্রহণ করিতে হয়।

স্কেলখানি কাগজের উপর স্থাপন করিয়া বাম হাতে উহাকে চাপিয়া ধরিতে হয়, পরে ডান হাতে পেন্সিলটি লইয়া উহার সৃক্ষ অগ্রভাগকে ক্ষেলের ধার দিয়া বরাবর টানিয়া গেলে একটি সরল-রেখা পাওয়া যায়। এইরূপে যে সরলরেখাটি পাওয়া গেল উহা অনির্দিষ্ট সরলরেখা।

কিন্তু কোন নির্দিষ্ট দৈর্ঘ্যবিশিষ্ট সরলরেখা অঙ্কন করিতে হইলে অথবা প্রদত্ত তুইটি বিন্দু যোগ করিয়া কোন সরলরেখা অঙ্কন করিতে হইলে আরও একটু নিয়ম মানিয়া চলিতে হয়।

(1) প্রদত্ত বিন্দু সংযোজক সরলরেখা অঙ্কনঃ—

যে তুইটি বিন্দু যোগ করিয়া সরলরেখা টানিতে হইবে, স্কেল-খানাকে ঐ বিন্দু তুইটির সহিত সংলগ্ন করিয়া পেন্সিলের স্ক্র জগ্রভাগ দিয়া বিন্দুদ্ব যোগ করিয়া দিলেই নির্দিষ্ট সরলরেখা পাওয়া যাইবে।



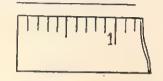
মনে কর A ও B ছইটি বিন্দু দেওয়া আছে; এই ছইটি বিন্দু যোগ করিয়া একটি সরলরেখা টানিতে হইবে। স্কেলখানাকে কাগজের উপর এরূপভাবে বসাইতে হইবে যেন বিন্দু ছইটি উহার কিনারায় থাকে। এখন ক্ষেলখানাকে চাপিয়া ধর; ডান হাতে পেন্সিল লইয়া উহার অ্গ্রভাগ A বিন্দুর উপর বসাও এবং ক্ষেলের ধার দিয়া B বিন্দু পর্যন্ত টানিয়া যাও। এইরূপে প্রদন্ত A ও B বিন্দু যোগ করিয়া নির্দিষ্ট সরলরেখা AB পাওয়া গেল। নির্দিষ্ট বিন্দু তুইটির দূরত্ব এবং AB সরলরেখার দৈর্ঘ্য সমান। ক্ষেলের গায়ে যে দাগ কাটা আছে উহা হইতে বিন্দু তুইটির দূরত্ব ইঞ্চিতে অথবা সেটি-মিটারে নির্ণয় করা যায়। কাটা-কম্পাসের সাহায্যে এই প্রকার ছইটি বিন্দুর দূরত্ব বুঝা যায়। কাটা-কম্পাসের কাটা ছইটিকে A ও B বিন্দুর উপর বসাইয়া, পরে কাটা ছইটির ব্যবধান ঠিক রাখিয়া উহাকে তুলিয়া লও এবং ক্ষেলের উপর স্থাপন কর; এক্ষণে ক্ষেলের চিহ্ন দেখিয়া A ও B-এর দূরত্ব বুঝিতে পারিবে।

(2) निर्मिष्ठे देवर्घाविभिष्ठे गतलद्वर्थ। यहन :-

স্কেলের গায়ে যে দাগ কাটা থাকে তাহার সাহায্যে নির্দিষ্ট দৈর্ঘ্যবিশিষ্ট সরলরেখা আঁকা যায়। স্কেলের বর্ণনার সময়ে বলা হইয়াছে যে, উহার এক পার্শ্বে ইঞ্জির দাগ কাটা আছে এবং অপর পার্শ্বে সেটিমিটারের দাগ কাটা আছে। প্রত্যেক ইঞ্জির বড় তুইটি দাগ-এর মধ্যে আবার দশটি ছোট ছোট দাগ কাটা আছে; ছোট দাগগুলি এক ইঞ্জির দশমাংশ নির্দেশ করে। স্কুতরাং এক ইঞ্জির দশমাংশ অপেকা ক্ষুত্রতর দৈর্ঘ্যুক্ত নির্দিষ্ট সরলরেখা এ স্কেল সাহায্যে টানা যায় না। তবে সেটিমিটারের মাপ লইলে উহা করা সম্ভব। এক ইঞ্জিকে অঙ্কে ।" এইরূপে লেখা হয়, তিন দশমিক ছই ইঞ্জিকে 3.2" এইরূপে লেখা হয়, এক ফুট বুঝাইতে হইলে । এইরূপে লেখা হয়।

মনে কর 1.2" দৈঘাবিশিষ্ট একটি সরলরেখা আঁকিতে হইবে। কাগজের উপর যে কোন একটি নির্দিষ্ট বিন্দু লও; ক্ষেলের 0 (শৃন্য)

দাগটি ঐ বিন্দু সংলগ্ন করিয়া বসাও: এখন স্কেলের উপরে 1.2" ইঞ্চি দাগটি দেখিয়া লইয়া কাগজের উপর পেন্সিলের অগ্র-ভাগ দিয়া ঐ দাগ বরাবর একটি '1'2" দৈর্ঘাবিশিষ্ট সরলরেখা

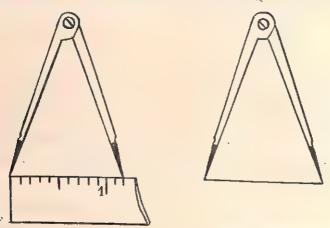


বিন্দু বসাও। পূর্বোক্ত প্রথম বিন্দুটি এবং এই বিন্দুটি যোগ করিয়া স্কেলের ধার দিয়া রেখা টানিলেই 1.2" ইঞ্চি মাপের সরল-বেখা পাওয়া গেল।

ক্ষেলের 0 (শৃহ্য) চিহ্নটি হইতে আরম্ভ না করিয়া অস্থ্য যে-কোন চিক্ত প্রথম বিন্দু সংলগ্ন করিয়া বসাইয়াও এ সরলরেখাটি হাাকা যায়। বিন্দুটিতে ক্ষেলের যে দাগটি বসান হইল তাহা হুইতে 12টি ছোট দাগ পর্যন্ত সরলরেখা টানিলেও উহার দৈর্ঘ্য 1:2" ইঞ্চি হইবে।

কাঁটা-কম্পাদের সাহায্যেও ঐ সরলরেখাটি আঁকিতে পারা যায় ৷ কাঁটা-কম্পাদের একটি কাঁটার অগ্রভাগ স্কেলের যে-কোন দানোর উপর বসাইয়া বাহু ছুইটিকে এরূপভাবে ফাঁক কর, যেন অফ্র কাটাটির প্রান্ত ছোট 12টি দাগে পৌছায়। এক্সণে কাঁটা-কম্পাসটি সাবধানে তুলিয়া লইয়া কাগজের উপর বসাইয়া চাপ দিলে তুইটি বিন্দু পাওয়া যাইবে। এ বিন্দু তুইটি স্কেলের সাহায্যে যোগ করিলে 1.2" ইঞ্চি দৈর্ঘ্যের সরলরেখা পাওয়া যাইবে। কাঁটা-কম্পাসের সাহায্যে সরলরেখা আঁকিতে হইলেও স্বেলের সাহায্য প্রায়াজন।

নিমের চিত্র লক্ষ্য করিলে কাঁটা-কম্পাদের সাহায্যে কিরূপে
1.2" ইঞ্চি দৈর্ঘ্যের সরলরেখা আঁকা যায় তাহা বুঝিতে পারিবে।



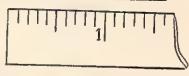
(3) दकान निर्मिष्टे अज्ञलद्विशां दे दिस्या निर्मेश :---

কোন নির্দিষ্ট সরলরেখার দৈর্ঘ্য নির্ণয় করিতে হইলে স্কেলটিকে ঐ সরলরেখার সহিত এইরূপে সংলগ্ন করিয়া ধরিতে হইবে, যেন সরলরেখাটির এক প্রান্তস্থিত বিন্দুটি স্কেলের 0 (শৃত্য) চিহ্নটির সহিত মিলিয়া যায় এবং স্কেলের কিনারাটি সরলরেখাটির সহিত মিলিয়া থাকে। এখন সরলরেখাটির অপর প্রান্তবিন্দু স্কেলের যে দাগের সহিত মিলিবে উহার চিহ্নই সরলরেখাটির দৈর্ঘ্য নির্দেশ করে। যদি অপর প্রান্ত-বিন্দুটি 1 ইঞ্চির বড় দাগটি অতিক্রম করিয়া আরও 6টি ছোট দাগের নিকট থাকে, তবে রেখাটির দৈর্ঘ্য 1.6% হইবে।

মনে কর, AB সরলরেখাটির দৈর্ঘ্য নির্ণয় করিতে হইবে। ক্ষেলটিকে AB রেখার সহিত এমনভাবে সংলগ্ন করিয়া ধরা হইল

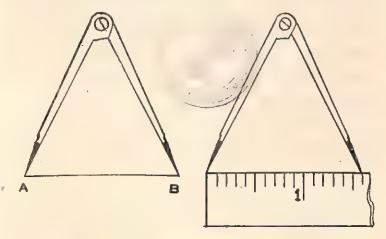
যে উহার A প্রান্তবিন্দুটি ক্ষেলের 0 (শৃন্ত) চিহ্নের সহিত মিলিল এবং B বিন্দুটি এক ইঞ্চির বড় দাগটি ছাড়াইয়া আরও 6টি ছোট লাগের নিকট গিয়। পডিল। তাহা হইলে 1.6 ইঞ্চিই AB সরলরেখার দৈর্ঘ্য হইবে।

কাঁটা-কম্পাসের সাহাযোও



অনেক সময় নির্দিষ্ট সরলরেখার AB সরলরেখার দৈর্ঘ্য নির্ণয়

দৈর্ঘ্য নির্ণয় করা হয়। কিন্তু এক্ষেত্রেও স্কেলের সাহায্য প্রয়োজন। কাঁটা-কম্পাসের বাহু তুইটিকে প্রয়োজন মত ফাঁক করিয়া উক্ত AB

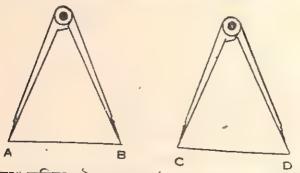


সরলরেখার প্রান্তবিন্দুদ্বয় A ও B-এর উপর কাঁটা তুইটিকে স্থাপন কর ; এইবার অবিকল এরপ অবস্থায় কাঁটা কম্পাসটিকে সাবধানে তুলিয়া স্কেলের তুইটি দাগের সহিত মিলাইয়া কাঁটা তুইটিকে স্থাপন কর, যেন কাঁটা ছুইটির ব্যবধান ঠিক থাকে। এখন স্কেলের চিহ্ন দেখিয়া পূর্বোক্ত সরলরেখাটির দৈর্ঘ্য জানিতে পারা যাইবে।

(4) কোন নির্দিষ্ট সরলরেখার সমান করিয়া অপর একটি সরলরেখা অঙ্কনঃ—

মনে কর, AB একটি নির্দিষ্ট সরলরেখা; ইহার সমান করিয়া অপর একটি সরলরেখা আঁকিতে হইবে। তুই উপায়ে উহা অঙ্কন করা যায়—(a) কেবলমাত্র স্কেলের সাহায্যে,

- (b) স্কেল ও কাঁটা-কম্পানের সাহাযো।
- (a) প্রথম প্রণালী—পূর্বে বর্ণিত কোন নির্দিষ্ট সরলরেখার দৈর্ঘ্য নির্ণয়ের প্রণালী অনুসরণ করিয়া স্কেল দ্বারা AB রেখার দৈর্ঘ্য মাপিয়া দেখা গেল যে রেখাটির দৈর্ঘ্য 1.8 ইঞ্চি। এক্ষণে স্কেলটিকে কাগজের অন্য স্থানে বসাইয়া 0 (শৃন্য) চিহ্ন হইতে 1.8 চিহ্ন পর্যন্ত একটি সরলরেখা টানিলেই AB-এর সমান সরলরেখা অন্ধিত হইল। স্কেলের যে কোন চিহ্ন হইতে আরম্ভ করিয়া 18টি দ্বোট দাগ পর্যন্ত পেন্সিল দ্বারা একটি সরলরেখা টানিয়া গেলেও AB-এর সমান-হইবে।
- (b) দিতীয় প্রণালী—কাঁটা-কম্পাদের কাঁটা তুইটিকে ফাঁক করিয়া AB রেখার A ও B বিন্দুর উপর স্থাপন কর।



এক্ষণে অবিকল ঐ অবস্থায় কাঁটা তুইটির ব্যবধান ঠিক রাখিয়া

সাবধানে কাঁটা-কম্পাসটিকে তুলিয়া লইয়া কাগজের অন্য জায়গায় চাপ দিলে C ও D বিন্দু তুইটির চিহ্ন পাওয়া যাইবে। ক্ষেলখানাকে C ও D বিন্দুদ্বয়ের পাশে চাপিয়া ধরিয়া পেন্সিলের সাহায্যে CD যোগ কর। এই CD রেখাটি প্রদত্ত AB রেখাটির সমান হইবে।

অনুশীলনী

যন্ত্রের বাক্সের বিভিন্ন যন্ত্রের ব্যবহার ব্ঝাইয়া দাও। ইউক্লিভের প্রণালীমতে কোন্ কোন্ যন্ত্রের ব্যবহার অন্নুমোদিত ? শুধুমাত্র কাঁটা-কম্পানের

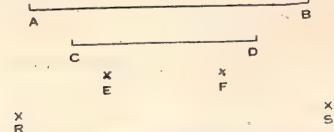
সাহায্যে কোন সরলরেখা অন্ধন ও পরিমাপ সম্ভব নয় কেন ?

2. স্কেল ও কাঁটা-কম্পাদের সাহাযে নিম্নলিখিত দৈর্ঘ্যবিশিষ্ট সরলরেখা-

গুলি অন্ধন কর:---

3 বুইঞ্ , 4 3 ইঞ্জি, 3 5 সেন্টিমিটার, 57 মিলিমিটার, 2 বু সেন্টিমিটার।

3 নিয়ে প্রদত্ত AB, CD, EF ও RS দৈর্ঘ্যগুলি ইঞ্চিতে এবং সেণ্টি-মিটারে পরিমাণ কর :—

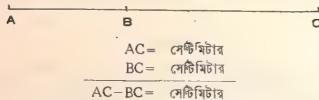


নিয়ে প্রদত্ত AB, BC, CD দৈর্ঘাগুলি ইঞ্চিতে পরিমাপ করিয়। একটি
তালিকা প্রস্তুত কর এবং উহাদের দৈর্ঘ্য যোগ কর।



AD দৈর্ঘ্য পরিমাপ করিয়। ইহার বিশুদ্ধতা পরীক্ষা কর।

- 5. সেন্টিমিটারের মাপে উপরোক্ত 4 নং প্রশ্নের সমাধান কর।
- 6. নিম্নের চিত্রে AC ও BC দৈর্ঘাগুলি সেন্টিমিটারে পরিমাপ কর ও প্রদন্ত তালিকামুসারে উহাদের একটি তালিকা প্রস্তুত কর।

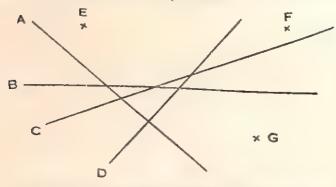


AB দৈর্ঘ্য পরিমাপ করিয়া ইহার বিশুদ্ধতা পরীক্ষা কর।

- 7. তোমার জ্যামিতি পুস্তকের একগানি পাতার দৈর্ঘ্য ও প্রস্থ ইঞ্চিতে ও সেন্টিমিটারে পরিমাপ কর।
- 8. 6 ইঞ্চি দৈর্ঘ্যবিশিষ্ট একটি সরলরেখা অঙ্কিত কর এবং ইহা হইতে
 নিম্নলিখিত অংশগুলি কাটিয়া লও; AB=2 ইঞ্চি, BC=1'5 ইঞ্চি, CD=
 1'8 ইঞ্চি; এই দৈর্ঘ্যগুলি যোগ করিয়া AD-এর দৈর্ঘ্য নির্ণয় কর এবং AD-এর
 দৈর্ঘ্য মাপিয়া ইহার বিশুদ্ধতা পরীক্ষা কর।

AB=2.7 সে. মি. BC=9.6 সে. মি. ও CD=1.3 সে মি. ধরিয় উপরোক্ত প্রশাটি পুনরায় সমাধান কর।

9. কাঁটা-কম্পাদের সাহায্যে A, B, C, D সরলরেখাগুলির দৈর্ঘ্য তুলনা কর এবং E, F, G বিন্দুগুলির দ্রন্থের তুলনা কর।



প্রত্যেক ক্ষেত্রে সর্বাপেক্ষা বড় ও সর্বাপেক্ষা ছোট দৈর্ঘাটির উল্লেখ কর।

10. এক ব্যক্তি উত্তরদিকে 32 মাইল হাঁটিয়া পুনরায় দক্ষিণদিকে 1.5 মাইল ফিরিয়া আদিল। সে যেথান হইতে হাঁটা স্কুক্ত করিয়াছিল এখন তাহা হইতে কতদূরে রহিল ? এক মাইলকে এক ইঞ্চি ধরিয়া কাগজে একটি নক্ষা আঁক এবং উহা হইতে মাপিয়া দূরত্ব নির্ণয় কর।

কাঁটা-কম্পাসটির কাঁটা তুইটিকে ফাঁক করিয়া স্কেল হইতে।" মাপিয়া
লও এবং ঐ দৈর্ঘ্যকে সেটিমিটারে পরিমাপ করিয়া। ইঞ্চিতে কত সেটিমিটার

হয় তাহা নির্ণয় কর।

12. 3", 4" ও 5" দৈর্ঘ্যবিশিষ্ট তিনটি সরলরেখা আঁক, প্রত্যেকটিকে সেটিমিটারে পরিমাপ কর এবং ফলগুলির সাহায্যে নিমের তালিকাত্মসারে একটি

রেখা	ইস্কিতে দৈর্ঘ্যের পরিমাপ	সেন্টিমিটারে দর্ঘোর পরিমাপ	হিসাবের সাহায়ে এক ইঞ্চিতেক্ত সেক্রিমিটার হইল।			
A	3 "					
В	4"					
С	.5 "					
3						
গড়						

তালিকা প্রস্তুত কর। তালিকা হইতে 1 ইঞ্চিতে কত সেটিমিটার হয় তিন দশমিক পর্যস্ত গণনা করিয়া বাহির কর এবং তিনটি ফলের গড় নির্ণয় কর।

ত্তীয় অধ্যায়

বজরেখা—রুত্ত রুত্ত ও তাহার অঙ্কন

একটি তামার প্রসা অথবা একটি রূপার আধুলি লইয়া কাগজের উপর চাপিয়া ধর এবং উহার ধার দিয়া পেন্সিল টানিয়া যাও; পয়সাটি অথবা আধুলিটিকে উঠাইয়া লইলে কাগজের উপর যে বক্ররেখার চিহ্ন পাওয়া গেল উহা গোলাকার। ফুটবল খেলিবার মাঠের মধ্যস্থলে তোমরা এইরূপ গোলাকার দাগ কাটিয়া থাক ; একটি দভ়ির সাহায্যে একটি ছাগলকে একটি খোঁটার সহিত বাঁধিয়া রাখিলে, দড়িটি সম্পূর্ণ প্রসারিত অবস্থায় ছাগলটি যে পথে ঘুরিয়া আসিতে পারে তাহার চিহ্নও এইরূপ গোলাকার। এইরূপ বিভিন্ন প্রকার গোলাকার ক্ষেত্রের সহিত তোমরা পরিচিত। একখানি খড়ি লইয়া বোর্ডের উপর উহার একপ্রাস্ত স্থির রাখিয়া, সম্পূর্ণক্রপে একবার ঘুরাইয়া যেখান হইতে আরম্ভ করিয়াছিলে সেই অবস্থায় পুনরায় ফিরাইয়া আন; বোর্ডের উপর একটি সাদা গোলাকার স্থান বা তল চিহ্নিত হইবে। এইপ্রকার গোলাকার সমতল ক্ষেত্রকে বৃত্ত বলে। উপরে পয়সা বা আধুলির সাহায্যে যে বক্ররেখা অঙ্কিত করা গেল উহাও একটি সমতল ক্ষেত্রকে সীমাবদ্ধ করিতেছে; এইরূপ নির্দিষ্ট বক্ররেখার দারা বেষ্টিত সমতলক্ষেত্ৰও বৃত্ত।

খড়ির সাহায্যে বোর্ডের যে বৃত্ত অঙ্কনের উদাহরণ পাওয়া

গেল, উহার সাহায্যে বৃত্তের নিম্নলিখিত সাধারণ সংজ্ঞা পাওয়া যায়—কোন সরলরেখার একপ্রান্ত স্থির রাখিয়া যদি উহাকে কোন সমতলে একবার সম্পূর্ণরূপে ঘুরাইয়া আনা যায়, তবে এ রেখা যে

স্থান বা তল পরিভ্রমণ করিয়া আসে,
তা হা কে বৃত্ত (Circle) বলে; ঐ
স র ল রে খা র অপর প্রাস্ত যে বক্ররেখাটি অঙ্কিত করে, তাহাকে ঐ
বৃত্তের পরিধি (Circumference)
বলে; ঘূর্ণ্যমান সরলরেখাটিকে উহার
ব্যাসার্ধ (Radius) বলে; এবং যে



স্থির প্রান্তবিন্দৃটির চতুর্দিকে সরলরেখাটি ঘূর্ণিত হয়, তাহাকে ঐ বৃত্তের কেন্দ্র (Centre) বলে।

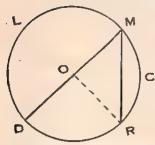
উপরোক্ত উদাহরণে খড়ির দৈর্ঘ্যটি ব্যাসার্ধ এবং উহার স্থির প্রান্তবিন্দৃটি বৃত্তের কেন্দ্র এবং উহার অপর প্রান্তবিন্দৃটি যে গোলাকার বক্ররেখা অঙ্কিত করিল, উহা বৃত্তের পরিধি। বোর্ডের উপর অঙ্কিত গোলাকার সাদা স্থানটি একটি বৃত্ত।

অন্য উদাহরণের সাহায্যেও বৃত্ত সম্বন্ধে ধারণা করা যায়।
থোঁটায় বাঁধা ছাগলটি যে গোলাকার পথে একবার সম্পূর্ণ পরিভ্রমণ
করিয়া আমে ঐ পথের চিহ্ন— বক্রেরেখার দ্বারা বেষ্টিত সমতলক্ষেত্রটিও বৃত্ত; ঐ পথের চিহ্নটি বৃত্তের পরিধি এবং পূর্ণপ্রসারিত
দড়িটির দৈর্ঘ্য ঐ বৃত্তের ব্যাসার্ধ; খোঁটাটি যে বিন্দুতে মাটিতে
পোঁতা আছে উহা ঐ বৃত্তের কেন্দ্রবিন্দু। এই উদাহরণের সাহায্যে
বৃত্তের নিম্নলিখিত সংজ্ঞা পাওয়া যায়—যদি কোন সমতলক্ষেত্র একটি
বক্ররেখা দ্বারা এরূপভাবে বেষ্টিত হয় যে, তাহার মধ্যস্থিত কোন

নির্দিষ্ট বিন্দু হইতে ঐ বক্ররেখা পর্যন্ত অঙ্কিত সমস্ত সরলরেখাগুলি সমান হয়, তাহা হইলে ঐ ক্ষেত্রকে বৃত্ত (Circle) বলে।

অতএব আমরা বৃত্তের ছুইটি সংজ্ঞা পাইলাম ; বৃত্তের সংজ্ঞা জিজ্ঞাসা করিলে উপরোক্ত যে কোন একটি সংজ্ঞার উল্লেখ করিলেই চলিবে।

বৃত্তের সীমারেখাকে পরিধি (Circumference) বলে। প্রদত্ত



চিত্রে DRML বক্ররেখাটি বুত্রের পরিধি; যে-অক্রগুলি দারা বুত্রের পরিধি নির্দেশ করা হয়, বুত্রের পরিচয় দিতে হইলেও ঐ অক্রগুলির উল্লেখ করিতে হয়। স্ত্রাং বর্তমান ক্লেত্রে বৃত্তটির নাম DRML বৃত্ত।

বত্তের মধ্যস্থিত যে নির্দিষ্ট বিন্দু হইতে পরিধি পর্যন্ত অঙ্কিত সকল সরলরেখাগুলিই সমান হয়, তাহাকে বৃত্তের কেন্দ্র (Centre) বলে। চিত্রে O বিন্দুটি DRML বৃত্তের কেন্দ্র।

কেন্দ্র ইতে পরিধি পর্যন্ত অঙ্কিত যে কোন সরলরেখাকে বৃত্তের ব্যাসার্থ (Radius) বলে। OD, OR, OM সরলরেখাগুলি DRML বৃত্তের ব্যাসার্থ।

যে-সরলরেখা বৃত্তের কেন্দ্র ভেদ করিয়া উভয়দিকে পরিধি পর্যন্ত বিস্তৃত, তাহাকে ব্যাস (Diameter) বলে। চিত্রে DM সরলরেখা DRML বৃত্তের একটি ব্যাস; বৃত্তির এইরূপ অসংখ্য ব্যাস থাকিতে পারে, কারণ কোন বিন্দুর মধ্য দিয়া অসংখ্য সরলরেখা টানা যায়।

একটি বৃত্তের একটি মাত্র কেন্দ্র, কিন্তু উহার ব্যাস ও ব্যাসার্ধ অসংখ্য। একটি ব্যাস যে কোন ব্যাসার্ধের দ্বিগুণ; ব্যাসার্ধগুলি পরস্পর সমান; অতএব ব্যাসগুলিও পরস্পর সমান। বৃত্তের পরিধির উপর যে কোন তুইটি বিন্দুর সংযোজক সরলরেখাকে জ্যা (Chord) বলে। চিত্রে RM একটি জ্যা। বৃত্তের ব্যাস উহার জ্যাগুলির মধ্যে বৃহত্তম।

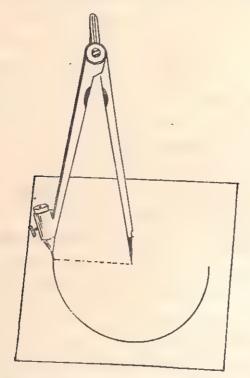
কোন বৃত্ত তাহার যে কোন ব্যাস দ্বারা তুইটি সমান <mark>সংশে</mark> বিভক্ত হয়। প্রতিটি অংশকে **অর্ধরৃত্ত** বলে; চিত্রে DRM একটি অর্ধরৃত্ত (Semi-circle)।

পরিধির যে কোন অংশকে চাপ (Arc) বলে। RCM, রত্তের একটি চাপ। কোন চাপের প্রান্তবিন্দু ছুইটির সংযোজক সরল-রেখাটি বৃত্তের একটি জ্যা। RCM চাপের প্রান্তবিন্দুদ্বয় যোগ করিলে যে RM সরলরেখা পাওয়া যায়, উহা একটি জ্যা।

উপরোক্ত বর্ণনা হইতে তোমরাবৃত্ত ও উহার বিভিন্ন অংশ সম্বন্ধে পরিচিত হইলে। নিমে অনির্দিষ্ট ও নির্দিষ্ট বৃত্তসমূহ অঙ্কনের প্রণালী বর্ণিত হইল। বৃত্ত অঙ্কনের জন্ম যন্ত্রের বাজের পেন্সিল কম্পাসটি ও একটি স্ক্লাগ্রবিশিষ্ট পেন্সিলের প্রয়োজন।

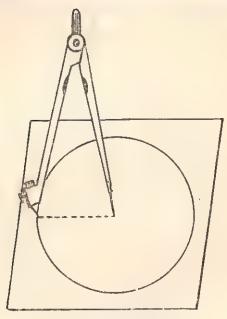
অনির্দিষ্ট রুত্ত অঙ্কনের প্রণালী ঃ— একটি পেন্সিল কম্পাস
লইয়া উহার পেন্সিলধারণের যন্ত্রটিতে একটি স্চল অগ্রভাগযুক্ত
পেন্সিল আঁটিয়া লও। কাঁটা ও পেন্সিলের প্রাক্তিকে ইচ্ছামুরূপ কাঁক করিয়া কাঁটার সূক্ষ্ম অগ্রভাগটিকে কাগজের উপর
স্থিরভাবে চাপিয়া রাখ; এখন কম্পাসের মাথাটিকে ঠিকভাবে
ধরিয়া পেন্সিলের অগ্রভাগটি কাগজের উপর সম্পূর্ণ একবার
ঘুরাইয়া আনিলে একটি বৃত্ত অঙ্কিত হইল। লক্ষ্য রাখিতে হইবে
থেন ঘুরাইয়া আনিবার সময়, কম্পাসসংলগ্ন পেন্সিলের অগ্রভাগ
ও কাঁটার প্রান্থের মধ্যে দূরত্ব সকল সময় সমান থাকে। যে

বিন্দুতে কাঁটাটি কাগজের উপর চাপিয়া ধরা হইল উহাই অঙ্কিত রুত্তের কেন্দ্র এবং পেন্সিলের অগ্রভাগ দ্বারা অঙ্কিত বক্ররেখাটি



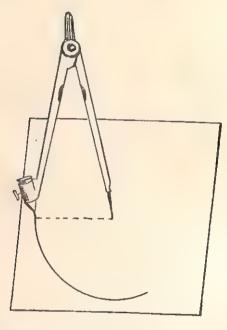
উহার পরিধি। কাঁটার মগ্রভাগ ও পেন্সিলের অগ্রভাগের মধ্যে যে দূরত্ব, উহাই অঙ্কিত বৃত্তির ব্যাসার্ধের সমান।

নির্দিষ্ট বৃত্ত অঙ্কনের প্রণালী ঃ— নির্দিষ্ট বৃত্ত বলিতে নির্দিষ্ট ব্যাসার্ধবিশিষ্ট বৃত্ত বৃঝার। এইরূপ বৃত্ত অঙ্কনের প্রণালী উপরোক্ত অনির্দিষ্ট বৃত্ত অঙ্কনের প্রণালীরই অন্তরূপ; কিন্তু একেচুত্ বিশেষ নিয়ম মানিয়া চলিতে হইবে। মনে কর, 2 সেটিমিটার ব্যাসার্ধবিশিষ্ট একটি বৃত্ত অঞ্চন করিতে হইবে। পেন্সিল কম্পাসের কাঁটার প্রান্ত ও পেন্সিলের অগ্রভাগকে এক্ষেত্রে আর ইচ্ছাত্মরূপ কাঁক করিলে চলিবে না। কাঁটা ও পেন্সিলের প্রান্ত কাঁক করিয়া স্কেলের চিহ্ন হইতে এ



2 সে. মি. ব্যাদার্ধবিশিষ্ট বৃত্ত অন্ধন

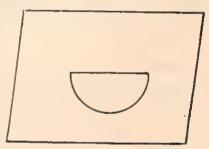
ব্যবধানকে 2 সেন্টিমিটারের সমান করিয়া মাপিয়া লও; এখন কাঁটার প্রাস্তকে কাগজের উপর স্থিরভাবে চাপিয়া ধরিয়া সকল সময় 2 সেন্টিমিটার ব্যবধান স্থির রাখিয়া পেন্সিলের স্ক্র অগ্র-ভাগকে কাগজের উপর একবার সম্পূর্ণ ঘুরাইয়া আনিলে 2 সেন্টি-মিটার ব্যাসার্ধবিশিষ্ট একটি নির্দিষ্ট বৃত্ত অঙ্কিত হইল। এই বৃত্তের ব্যাসার্ধ 2 সেন্টিমিটার; অতএব উহার ব্যাস 4 সেন্টিমিটার হইবে। যদি নির্দিষ্ট দৈর্ঘ্যের ব্যাসবিশিষ্ট বৃত্ত অঙ্কন করিতে বলা হয় তবে ঐ দৈর্ঘ্যের অর্ধেক পরিমাণ দৈর্ঘ্যবিশিষ্ট ব্যাসার্ধ লইয়া বৃত্ত অঙ্কন করিলেই নির্দিষ্ট বৃত্ত পাওয়া যাইবে। মনে কর, 4 সেটি-মিটার ব্যাসবিশিষ্ট একটি বৃত্ত অঙ্কন করিতে বলা হইল; তাহা হইলে 2 সেন্টিমিটার ব্যাসার্ধ লইয়া বৃত্ত অঙ্কন করিলেই ঐ বৃত্ত পাওয়া যাইবে।



চাপ অন্ধন

উপরোক্ত বৃত্তসমূহের কোন চাপ অঙ্কন করিতে বলা হইলে সম্পূর্ণরূপে পেন্সিল কম্পাসটি ঘুরাইয়া না আনিয়া পরিধির অংশবিশেষ অঙ্কন করিলেই একটি চাপ অঙ্কন করা হইবে। মনে কর, 2 সেটিমিটার ব্যাসবিশিষ্ট একটি বৃত্তের অর্ধাংশ অঙ্কন করিতে হইবে। যে বৃত্তের ব্যাসের দৈর্ঘ্য 2 সেটিমিটার তাহার ব্যাসার্ধের পরিমাণ অবশুই 1 সেটিমিটার হইবে। স্কেলের সাহায্যে 2 সেটিমিটার দৈর্ঘ্যবিশিষ্ট একটি সরলরেখা অঙ্কন কর এবং স্কেলটি হইতে চিহ্ন দেখিয়া উহার মধ্য বিন্দুতে অর্থাৎ কোন এক প্রান্থবিন্দু হইতে 1 সেটিমিটার দ্রস্থিত বিন্দুটিতে একটি দাগ

দাও। এখন স্কেল খা নি
স রা ই য়া লও। পেন্সিল
কম্পাসের কাঁটার প্রান্তকে
ঐ বিন্দুর উপর স্থিরভাবে
চাপিয়া ধর এবং পেন্সিলের
স্ক্ষ্ম অগ্রভাগটিকে প্রাপ্ত
সবলবেখাটির কোন একটি



প্রান্তবিন্দুর উপর স্থাপন করিয়া, কম্পাসের মাথা ধরিয়া অপর প্রান্তবিন্দু পর্যন্ত ঘুরাইয়া অগনিলেই নির্দিষ্ট অর্থবৃত্ত অঙ্কিত হইল। সম্পূর্ণ পরিধি অঙ্কনের পরিবতে এক্ষেত্রে পরিধির অর্ধাংশ অঙ্কিত হইল। ব্যাস ও ব্যাসের দ্বারা কর্তিত পরিধির অংশ একটি অর্ধবৃত্ত (semi-circle) গঠন করে

<u>अनुभी लगी</u>

- একটি রেখাদারা বেষ্টিত একটি সামতলিকক্ষেত্রের নাম কর। কোন
 একটি সুরলরেখা দারা একটি সামতলিকক্ষেত্র বেষ্টিত ইইতে পারে কি ?
- 2. চিত্রের সাহায্যে বৃত্তের পরিধি, ব্যাস, ব্যাসার্ধ, কেন্দ্র, চাপ ও জ্যা কাহাকে বলে বুঝাইয়া দাও। অর্ধবৃত্ত কাহাকে বলে ?
 - 3. "একটি বিন্দু কোন নির্দিষ্ট নিয়মে বিচরণ করিয়া বুত্তের স্বাষ্ট করে"—

এ-কথার তাৎপর্য কি ? একটি বৃত্তের কয়টি কেন্দ্র থাকা সম্ভব এবং উহার ব্যাস ও ব্যাসার্থ কতগুলি ? এক কেন্দ্রবিশিষ্ট কতগুলি বৃত্ত অন্ধন করা সম্ভব ?

- 4. নিম্নিখিড ব্যাসার্থ লইয়া এক একটি বৃত্ত অন্ধন কর:—
 1", 1,6". 2 সেন্টিমিটার, 1.8". 2"
- 5. 2'8" ব্যাসাধ বিশিষ্ট একটি বৃত্ত অহন কর। উহার পরিধিতে কোন একটি বিন্দু লও এবং 1" ও 1'4" বৈশ্যবিশিষ্ট ছুইটি জ্ঞা অহ্বিত কর। ঐ বৃত্তের 3" দৈখ্য বিশিষ্ট কোন জ্যা অহ্বন সম্ভব কি ?
 - 6. 2 ইঞ্চি ও 4 সেন্টিমিটার ব্যাস্বিশিষ্ট এক একটি অর্ধ বৃত্ত অঙ্কন কর।
- 7. এব টিমাত্র কেন্দ্র লইয়া 2 সেন্টিমিটার, 3 সেন্টিমিটার ও 4 সেন্টিমিটার ব্যাসাধ বিশিষ্ট তিনটি বৃত্ত অন্ধিত কর।
- 8. 3" দীর্ঘ একটি সরলরেখা টান এবং উহার প্রান্তবিন্দু ছুইটিকে কেন্দ্র করিয়া 1.5" ও 2" ব্যাসাধ বিশিষ্ট ছুইটি বুত্ত অঙ্কন কর। বৃত্ত ছুইটি কি হুইলে কেবলমাত্র একটি বিন্দুতে স্পর্শ করিত ?
- 9. 7 দেণিমিটার ব্যবধানে তুইটি কেন্দ্র লইয়া, 3 সেণিমিটার ও 4 সেণি-মিটার ব্যাসাধ মৃক্ত তুইটি বৃত্ত অন্ধন কর। উহাদের পরিধি কয়টি বিন্তে ছেদ করিবে ?
- 10. 4 সেটিমিটার ও 5 সেটিমিটার ব্যাসাধ বিশিষ্ট হুইটি বৃত্ত এক্সপে অঙ্কন কর, খেন তাহাদের পরিধি একটিমাত্র বিদ্তুতে স্পর্শ করে।
- 11. কোন একটি সরলরেখার উপর । সেণ্টিমিটার ব্যবধানে A ও B তুইটি বিন্দু লও। Aকে কেন্দ্র করিয়া 1, 3, 5 সেণ্টিমিটার ব্যাসার্থ লইয়া, সরলরেখার উপরদিকে কতকগুলি অর্থ বৃত্ত অন্তন কর এবং পুনরায় Bকে কেন্দ্র করিয়া 2, 4, 6 সেণ্টিমিটার ব্যাসার্থ লইয়া ঐ সরলরেখার নীচের দিকে কতকগুলি অর্থ বৃত্ত অন্তন কর। এক্ষণে চিত্রটি লক্ষ্য কর।
- 12. একটি বৃত্তাকার মাঠে (100 গ্রছ সাসবিশিষ্ট) কেন্দ্র হইতে 30 গ্রজ দ্রে একটি থোঁটাতে একটি গাধা বাঁধা আছে। দড়িটির দৈর্ঘ্য 10 গ্রজ হইলে, চিত্র অন্ধন করিয়া গাধাটি মাঠের যে অংশের ঘাস থাইতে পারিবে ভাহা দেখাও এক্ষেত্রে প্রতি 10 গ্রজ স্কেলের 1 সেন্টিমিটার ধরিয়া চিত্রটি অন্ধন কর।

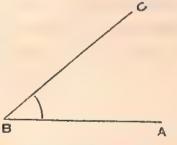
চতুৰ্থ অধ্যায়

কোণ

ব্যবহারিক জগতে আমরা সাধারণতঃ যে সকল পদার্থ দেখিয়া থাকি উহা হইতেই জ্যামিতিক বিন্দু, রেখা, তল প্রভৃতির ধারণা ও সংজ্ঞা গঠন করা হইয়া থাকে। তোমার জ্যামিতি পুস্তকের এক-খানি পাতার তুইটি ধার যে বিন্দুতে মিলিত হইয়াছে সেই বিন্দুতে একটি কোণের স্বষ্টি হইয়াছে; বাস্তবিকপক্ষে আমরা উহাকে পুস্তকের কোণ বলিয়াই নির্দেশ করিয়া থাকি। 'কোণ' কথাটিকে আমরা সর্বদাই ব্যবহার করিয়া থাকি। ইহা হইতে জ্যামিতিতে কোণের একটি বিশেষ সংজ্ঞা নির্ধারিত হইয়াছে।

একই বিন্দু হইতে ছইদিকে ছইটি সরলরেখা টানিলে একটি কোণ (Angle) উৎপন্ন হয়। ঐ বিন্দুটিকে কোণের শীর্ষবিন্দু

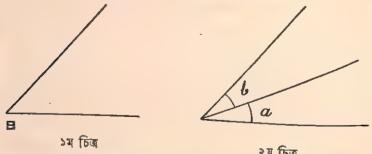
(Vertex) বা সংক্ষেপে শীর্ষ বলা হয় ; রেখা ছইটিকে বলা হয় কোণের বান্থ (Arms)। ছইটি সরলরেখা এক বিন্দুতে মিলিভ হইলে একটি কোণ উৎপন্ন হয়— ইহা দ্বারা কোণ সম্বন্ধে স্পষ্ট



ধারণা জন্মে না। B বিন্দু হইতে BA ও BC তুইটি সরলরেখা টানা হইল; পার্শ্ববর্তী চিত্র লক্ষ্য করিলে দেখিবে যে B বিন্দুটি হইতে BA ও BC সরলরেখা তুইটি বাহির হইয়া তুইদিকে ছড়াইয়া পড়িয়াছে। উহাদের মধ্যবর্তী বিস্তার বা ফাঁকটি একটি কোণের স্থাই করিয়াছে। B বিন্দু হইতে বিভিন্নদিকে সরলরেখা তুইটি প্রসারিত হইয়া বিভিন্ন পরিমাপের কোণ সৃষ্টি করিবে। রেখা ছুইটি বেশী পরিমাণে ছড়াইয়া পড়িলে কোণটিও ছোট হইবে। BA রেখা বা BC রেখার দৈর্ঘ্য বড় কিংবা ছোট হইলে কোণের পরিমাণের কোন পরিবর্তন হয় না। বাহু ছুইটির দৈর্ঘ্যের উপর কোণের পরিমাণ কখনও নির্ভর করে না। একটি সরলরেখা কখনও একটি কোণের সৃষ্টি করিতে পারে না; আবার একটিমাত্র বক্ররেখাও কোণের সৃষ্টি করিতে পারে না। কোণ সৃষ্টির জন্ম ছুইটি সরলরেখা চাই এবং ছুইটি সরলরেখার মিলন অথবা ছেদের ফলেই কোণ উৎপন্ন হয়।

সাধারণতঃ তিনটি অক্ষরের সাহায্যে কোণের নাম বলিতে হয়।

চিত্রে অন্ধিত কোণটিকে ABC অথবা বিপরীত দিক হইতে CBA
কোণ বলা হয়। মধ্যবর্তী 'B' অক্ষরটির সাহায্যে শীর্ষবিন্দু নির্দেশ
করা হইয়া থাকে এবং বাহু ছুইটির অপর প্রান্থে A ও C অক্ষর
ছুইটি রাখিতে হয়। B বিন্দুটি BA ও BC ছুইটি বাহুর উপরই
অবস্থিত একটি সাধারণ বিন্দু। কোণের নাম করিবার সময় সর্বদা
শীর্ষবিন্দুতে অবস্থিত অক্ষরটি মধ্যস্থলে উল্লেখ করিবে।

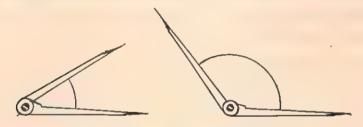


বদ B বিন্দুতে একটি মাত্র কোণ সৃষ্টি হইয়া থাকে, তবে ঐ

কোণটিকে শুধুমাত্র $\angle B$ বা B কোণ বলা হয়। ' \angle ' চিহ্নটির দ্বারা কোণ নির্দেশ করা হয়। দ্বিতীয় চিত্রান্থযায়ী কখনও কখনও কোণের মধ্যে একটিমাত্র অক্ষর বসাইয়াও কোণের নাম উল্লেখ করা হয়— যেমন $\angle a$ বা $\angle b$ কোণ। কোণের উৎপত্তি আর একভাবেও আলোচনা করা যায়।

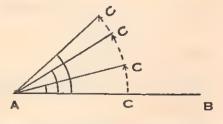
আবর্ত ন বা ঘূর্ণন প্রণালী

যন্ত্রের বাক্স হইতে কাঁটাকম্পাসটি বাহির করিয়া উহার একটি বাহু স্থিরভাবে ধরিয়া রাখ এবং অন্ত বাহুটিকে আস্তে আস্তে



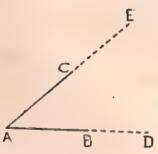
ফাঁক করিতে থাক। দ্বিতীয় বাহুটির বিভিন্ন অবস্থানে প্রথম বাহুর সহিত উহা ভিন্ন ভিন্ন কোণ উৎপন্ন করিবে। ঘড়ির ঘন্টার কাঁটাটি ও মিনিটের কাঁটাটি লক্ষ্য করিলে দেখিবে, উহারা

বিভিন্ন দময়ে বিভিন্ন কোণ উৎপন্ন করিতেছে। কম্পা-দের বাহু ছুইটি অথবা ঘড়ির কাঁটা ছুইটিকে ছুইটি সরলরেখা মনে করিলে,



ঘূর্ণনের সাহায্যে কিরূপে কোণ স্ঠি হয়, তাহা বুঝিতে সহজ হইবে। মনে কর, AB রেখাটি একটি নির্দিষ্ট অবস্থানে আছে। আর একটি রেখা AC-কে, প্রথমে AB-এর সহিত মিলিত করা হইল; তারপর প্রান্তবিন্দু A স্থির রাখিয়া উহাকে ঘূর্ণন করা হইতেছে; দেখা যায় যে, AC রেখার বিভিন্ন অবস্থানে, উহা AB-এর সহিত ভিন্ন ভিন্ন কোণ উৎপন্ন করিতেছে। এই ঘূর্ণনের পরিমাণকেই AB ও AC রেখা দারা উৎপন্ন কোণ বলে। AC রেখাটি যতখানি ঘূরিল তাহাই BAC কোণের পরিমাণ। যদি AC রেখাটিকে আরও কিছুদ্র বেশি ঘূরান যায়, তাহা হইলে এই অবস্থায় উৎপন্ন কোণটি পূর্বের কোণ অপেক্ষা বড় হইবে। কোণের পরিমাণ ঘূর্ণনের পরিমাণের উপর নির্ভর করে; বাহুর দৈর্ঘ্যের সহিত কোণের পরিমাণের কোন সম্পর্ক নাই। বাহুদ্বয়ের অবস্থানের উপরই কোণের পরিমাণ নির্ভর করে।

মনে কর BAC একটি কোণ। AB ও AC বাহু ছুইটিকে

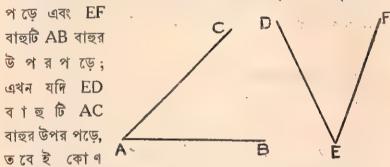


যথাক্রমে D ও E পর্যস্ত বর্ধিত করা
হইল। বাহু ছুইটি এইরূপে বর্ধিত
করাতে BAC কোণের পরিমাণ কিন্ত
একটুও বাড়িল না, তবে নৃতনভাবে
DAE বলিয়া ঐ একই কোণকে
নির্দেশ করা গেল মাত্র। AB রেখাটি
স্থির রাথিয়া AC রেখাটি যে পরিমাণ

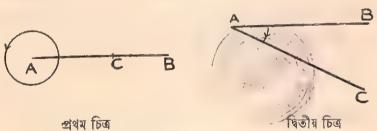
ঘুরিলে BAC কোণ উৎপন্ন হয়, AD রেখাটি স্থির রাখিয়া AE রেখাটি ঠিক ঐ পরিমাণ ঘুরিলে DAE কোণ উৎপন্ন হইবে। ঘুর্ণনের পরিমাণের সাহায্যেই যখন কোণের পরিমাণ নির্দিষ্ট হয়, তখন বাছর দৈর্ঘ্য বাড়িলে বা কমিলে কোণের মরিমাণের কোন পরিবর্তন হইবে না।

কোণের সমতা

মনে কর, BAC ও FED তৃইটি কোণ। ইহারা পরস্পর সমান কিনা, তাহা বুঝিতে হইলে FED কোণটিকে BAC কোণের উপর আনিয়া এইরূপভাবে স্থাপন কর, যেন E বিন্দুটি A বিন্দুর উপর



তুইটি পরস্পর সমান হইবে। EF ও ED বাহু তুইটি AB ও AC বাহু তুইটির সমান না হইলেও চলিবে, কারণ বাহুর দৈর্ঘ্যের

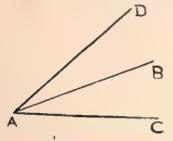


সমতার উপর কোণের সমতা নির্ভর করে না। [ঘূর্ণন প্রক্রিয়ার সাহায্যে কোণ স্বষ্টির ক্ষেত্রে ঘূর্ণমান AC রেখাটি যদি সম্পূর্ণ এক-বার ঘূরিয়া আসিয়া স্থিরস্থো AB-এর সহিত পুনরায় মিলিত হয় তবে উৎপন্ন কোণের পরিমাণ চারি সমকোণ হইবে। (প্রথম চিত্র) দ্বিতীয় চিত্রে AC রেখাটি যদি বিপরীত দিকে ঘুরিতে থাকে, তবে উৎপন্ন কোণগুলি ঋণাত্মক (Negative) হইবে; ∠BAC কোণটি ঋণাত্মক।]

বিভিন্ন প্রকারের কোণ

অবস্থিতি ও পরিমাণের বিভিন্নতা অনুসারে কোণের বিভিন্ন নাম দেওয়া হইয়া থাকে। নিমে নানাপ্রকার কোণের সংজ্ঞা দেওয়া হইল।

(1) সন্ধিহিত কোণ (Adjacent angles): — যদি তুইটি কোণ

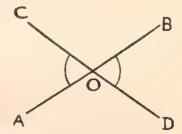


এমন হয় যে, তাহাদের শীর্ষবিন্দু
এক, একটি বাহুও এক এবং অপর
বাহু ছুইটি উহাদের সাধারণ
বাহুর ছুই বিপরীতদিকে রহিয়াছে,
তাহা হইলে তাহাদিগকে সন্ধিহিত
কোণ বলে। চিত্রে ८ CAB ও

ব BAD এই ছুইটি সন্নিহিত কোণ। A বিন্দুটি সাধারণ শীর্ষবিন্দু এবং AB বাহুটি উভয় কোণেরই একটি সাধারণ বাহু।

(2) বিপ্ৰতীপ কোণ (Vertically opposite angles):—

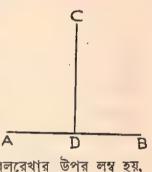
ছইটি সরলরেখা পরস্পর ছেদ করিলে, ছেদবিন্দুর উভয় পার্শ্বে বিপরীত দিকে যে ছইটি কোণ উৎপন্ন হয়, তা হা দি গ কে বিপ্রতীপ কোণ বলে। চিত্রে



∠ AOC ও ∠ BOD বিপ্রতীপ কোণ; আবার ∠ AOD ও ∠ BOC অপর ছুইটি বিপ্রতীপ কোণ।

(3) সমকোণ (Right angle) :— একটি সরলরেখা অপর একটি সরলরেখার উপর দণ্ডায়মান হইয়া যে ছইটি সন্নিহিত কোণ

উৎপন্ন করে, তাহারা পরস্পার সমান
ত্র হইঐে কোণ ছ্ইটির প্রত্যেকটিকে
সমকোণ বলে; এবং সরলরে থা
ছ্ইটির একটিকে অপরটির লম্ব বলে।
চিত্রে ∠ ADC ও ∠ QDC প্রত্যেকটি
একটি সমকোণ এবং CD ও AB
পরস্পারের উপর লম্ব। কোন একটি Ā



সরলরেখা যদি অপর কোন একটি সরলরেখার উপর লম্ব হয়, তবে দ্বিতীয় রেখাটিও প্রথম রেখার উপর লম্ব হইবে।

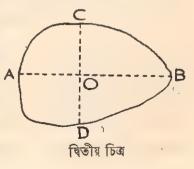
नित्म वर्ণिত উদাহরণের সাহায্যে সমকোণের সম্বন্ধে স্পষ্ট



লইয়া উহাকে পার্শ্বর্তী চিত্রের ভায় ভাজ কর; উহাকে পুনরায় এরূপে ভাজ কর যেন, OB ধারটি OA ধারের সহিত মিলিয়া

ধারণা হইবে। একখণ্ড কাগজ

যায়; এখন কাগজখণ্ড খুলিয়া
ধ রি লে কা গ জে র ভাঁজের
রেখানুযায়ী তুমি চারিটি কোণ
পাইবে। উহা দ্বিতীয় চিলে A
প্রদর্শিত হইল। ঐ চারিটি কোণ
অবশ্যই পরস্পরের সমান, কারণ
ভাঁজ করিবার সময় উহারা



একে অপরের সহিত সম্পূর্ণ মিলিয়া ছিল। ঐ চারিটি কোণের প্রত্যেকটিই এক একটি সমকোণ।

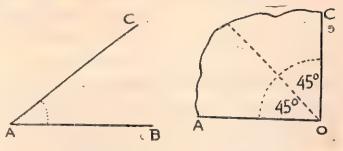
সমকোণের পরিমাণ সর্বদাই সমান; স্থৃতরাং যে কোন কোণের পরিমাণ সমকোণের সহিত তুলনা করিয়া উহার পরিমাণ সম্বয়ে ধারণা করা চলে। কাজের স্থৃবিধার জন্ত সমকোণকে আবার কুজ কুদ্র সমান অংশে বিভক্ত করা হয়। একটি সমকোণকে 90টি সমান অংশে বিভক্ত করিলে, ইহার প্রত্যেক অংশকে এক ডিগ্রী (Degree) বলে। এক ডিগ্রী অপেক্ষা ক্ষুত্রতর কোণের পরিমাপ প্রয়োজন হইলে ডিগ্রী অপেক্ষা ক্ষুত্রতর কোণের পরিমাপ প্রয়োজন হইলে ডিগ্রী অপেক্ষা ক্ষুত্রতর এককের সাহায্য লইতে হয়। এক ডিগ্রীকে 60টি সমান অংশে বিভক্ত করিলে, প্রত্যেক অংশকে এক মিনিট (Minute) বলে। এক মিনিটের 60 অংশের এক অংশকে সেকেণ্ড (Second) বলে। ডিগ্রী, মিনিট ও সেকেণ্ড এইরূপে লিখিতে হয়; যেমন—পঁচিশ ডিগ্রী—25°, কুড়ি মিনিট—20' ও আট ব্রিশ সেকেণ্ড—38"।

স্ত্রাং প্রচলিত রীতি অনুসারে,

একটি সমকোণ সর্বদাই অপর একটি সমকোণের সমান হইবে।

(4) সৃক্ষাকোণ (Acute angle):—যে কোণ এক সমকোণ অর্থাৎ 90° পরিমাণবিশিষ্ট কোণ অপেক্ষা ছোট, ভাহাকে সূক্ষা-কোণ বলে। অতএব 30° পরিমাণবিশিষ্ট একটি কোণ সূক্ষ্মকোণ, কিন্তু 91° পরিমাণবিশিষ্ট একটি কোণ সূক্ষকোণ ইইবে না। চিত্রে ∠ BAC কোণটি একটি সূক্ষকোণ। (প্রথম চিত্র)

সমকোণ সম্বন্ধে আলোচনার সময়ে যে কাগজ্বও ভাঁজ



প্রথম চিত্র

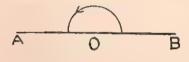
দ্বিতীয় চিত্ৰ

করিয়াছিলে ভাহা হইতে AOC সমকোণটি কাটিয়া উঠাইয়া লও এবং উহাকে এইরূপে ভাঁজ কর, যেন OC ধারটি ও OA ধারটি মিলিয়া যায়। এখন কাগজখণ্ড খুলিয়া ধরিলে তুমি ভাঁজের দাগগুলি হইতে AOC সমকোণের অর্ধেক পরিমাণবিশিষ্ট তুইটি কোণ পাইবে। উহারা প্রত্যেকে 45° পরিমাণের এক একটি সূক্ষকোণ। (দিতীয় চিত্র)

(5) স্থলকোণ (Obtuse angle) : — যে কোণ এক সমকোণ অপেকা বড় অথচ ছুই সমকোণ D অপেক্ষা ছোট, তাহাকে স্থল-কোণ বলে। অতএব কোন স্থূল কোণের পরিমাণ 90° অপেকা বেশি কিন্তু 180° অপেক্ষা কম। 120° পরিমাণবিশিষ্ট একটি কোণ স্থূলকোণ

হইবে। চিত্রে ८ COD কোণটি স্থূলকোণ।

(6) সরলকোণ (Straight angle) :— যে কোণের তুইটি বাহু বিপরীত দিকে একই সরলরেখায় অবস্থিত তাহাকে সরলকোণ বলে। সরলকোণের পরিমাণ তুই সমকোণ বা 180° ডিগ্রীর

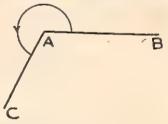


সমান। চিত্রে ∠ BOA কোণটি এ ক টি সরলকোণ ; উহার বিপরীত বাহুদ্বয় BO ও AO

একই সরলরেখায় অবস্থিত। কাঁটা-কম্পাসের ছুইটি বাহুকে ফাঁক করিলে যখন ছুইটি বাহু বিপরীত দিকে একই সরলরেখায় অবস্থিত হুইবে, তখন উহারা একটি সরলকোণ উৎপন্ন করিবে। ঘূর্ণন প্রণালীর সাহায্যে সরলকোণ সম্বন্ধে স্পষ্ট ধারণা করা যায়।

(7) প্রবৃদ্ধকোণ (Reflex angle) :— যে কোণী ছুই সমকোণ অপেক্ষা বড় কিন্তু চারি সমকোণ অপেক্ষা ছোট, তাহাকে প্রবৃদ্ধ কোণ বলে। ঘূর্ণন প্রণালী অনুসারে ঘূর্ণমান রেখা AC যদি ঘূরিতে ঘূরিতে ছুই সমকোণকেও অতিক্রম করে তবে ছুই সমকোণেরও

অধিক পরিমাণের কোণ উৎপন্ন
হয়; এইরূপে আমরা প্রবৃদ্ধকোণ পাইতে পারি। চিত্রে
১০০০ কোণটি একটি প্রবৃদ্ধকোণ। প্রবৃদ্ধকোণ 180° ডিগ্রী



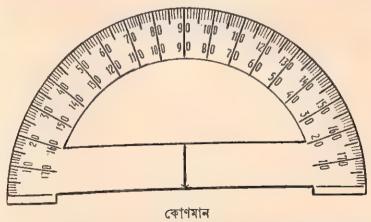
অপেক্ষা বড় কিন্তু 360° ডিগ্রী অপেক্ষা ছোট।

যদি ছইটি কোণের সমষ্টি এক সমকোণের সমান হয়, তবে একটিকে অপরটির পূরককোণ (Complementary angle) বলে। 30° ডিগ্রী ও 60° ডিগ্রী পরিমাণের ছইটি কোণ একে অন্সের পূরককোণ। উহাদের প্রত্যেকটি অবশ্যই সৃক্ষকোণ হইবে। যদি ছুইটি কোণের সমষ্টি ছুই সমকোণের সমান হয়, তবে তাহাদের একটিকে অপরটির সম্পূর্ককোণ (Supplementary angle) বলে। 60° ও 120° পরিমাণের ছুইটি কোণের প্রত্যেকে অপরের সম্পূর্ককোণ। সম্পূর্ককোণের মধ্যে একটি স্থলকোণ ও অপরটি স্থলকোণ হইবে অথবা উহারা প্রত্যেকে এক এক সমকোণও হইতে পারে।

कानप्रान्यस्त्रत मारास्या कान भतिप्राभ ३ व्यक्तन

ব্যবহারিক জ্যামিতিতে ব্যবহৃত যন্ত্রসমূহের আলোচনা প্রসঙ্গে কোণমান্যন্ত্র বা চাঁদা (Protractor) ব্যবহারের উল্লেখ করা হইয়াছে। কোণমান্যন্ত্রের সাহায্যে—

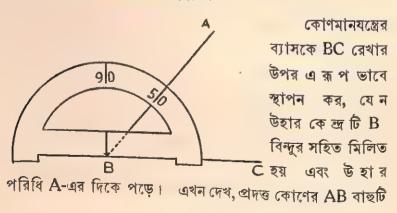
- (1) প্রদত্ত কোন একটি কোণের পরিমাণ নির্ণয় করা যায়;
- (2) নির্দিষ্ট পরিমাণবিশিষ্ট একটি কোণ অঙ্কন করা যায়;
- এবং (3) কোন নির্দিষ্ট কোণের সমান করিয়া অপর একটি কোণ অঙ্কন করা যায়।



কোণ পরিমাপ ও অন্ধন সম্বন্ধে বিস্তৃত আলোচনার পূর্বে

কোণমান্যন্ত্রের গঠনপ্রণালী বিশেষভাবে জানা প্রয়োজন। এই যন্ত্রটি অর্ধবৃত্তাকার; ইহার পরিধিকে 180টি সমান অংশে বিভক্ত করিয়া। হইতে 180 ডিগ্রী পর্যস্ত চিহ্নিত করা হয়। পরিধিতে তুই সারিতে ডিগ্রীর সংখ্যা লেখা থাকে, উপরের সারির বামদিকে 0° (শৃক্ত ডিগ্রী) হইতে আরম্ভ করিয়া ডানদিকে 180° পর্যন্ত সংখ্যা দেখিতে পাইবে; নীচের সারিতে ডানদিকে 0° (শৃন্য ডিগ্রী) হইতে আরম্ভ করিয়া বামদিকে 180° পর্যন্ত সংখ্যা চিহ্নিত থাকে। স্কুতরাং ডানদিক হইতে কোণ মাপিতে হইলে নীচের সারির সংখ্যা ও বামদিক ইইতে কোণ মাপিতে হইলে উপরের সারির সংখ্যা লইতে হয়। প্রতি দশটি ক্ষুদ্র চিহ্ন অর্থাৎ দশ ডিগ্রী অন্তর সংখ্যা-छिल लिथा थारक। अर्धवृद्धांकांत्र हाँमार्षित व्यारमत मधाविन्तृर् একটি চিহ্ন দেওয়া থাকে। ব্যাসের বরাবর রেখা টানিয়া এই . চিহ্নিত বিন্দু হইতে পরিধির উপর লিখিত সংখ্যা পর্যন্ত সরলরেখা টানিলে ঐ হুইটি রেখার দ্বারা উক্ত পরিমাণের কোণ উৎপন্ন হয়।

(1) কোণের পরিমাণ নির্বয়ঃ—মনে কর ABC একটি কোণ। ইহার পরিমাণ নির্বয় করিতে হইবে।



পরিধির উপর লিখিত কোন দাগ বরাবর পড়িয়াছে। প্রয়োজন হইলে BA বাহুটিকে বর্ধিত করিয়া লও, কারণ বাহুটিকে বর্ধিত করিলেও কোণের পরিমাণ ঠিকই থাকিবে। চিত্রে BA রেখাটি পরিধিতে চিহ্নিত 50° ডিগ্রীর বরাবর গিয়াছে; স্থুতরাং ABC কোণের পরিমাণ 50° হইবে।

কোণমান্যন্ত্র সাহায্যে কোণ পরিমাপকালে কয়েকটি বিষয় লক্ষ্য রাখিতে হইবে। প্রথমতঃ দেখিতে হইবে, প্রদন্ত কোণটি মাপিবার সময় চাঁদার পরিধিতে যে তুই সারি কোণের মান চিহ্নিত আছে, উহার মধ্যে কোন সারির মান লইতে হইবে। ডানদিক হইতে কোণটি মাপিতে হইলে ডানদিকের 0° (শৃষ্ম ডিগ্রীর) চিহ্ন হইতে ক্রমবর্ধমান মানগুলি লইতে হইবে; বামদিক হইতে মাপিতে হইলে, বামদিকের শৃষ্ম ডিগ্রীর চিহ্ন হইতে ক্রমবর্ধমান মানগুলি লইতে হইবে। দ্বিতীয়তঃ কোণটির পরিমাণ নির্ণয় করিবার পর

উহা সৃক্ষ কিংবা সুলকোণ তাহা লক্ষ্য করিয়া তোমার পরিমাপের বিশুদ্ধতা নির্ণয় করিবে।

কোণটি পরিমাপের পর প্রদত্ত

চিত্রটির মত কোণের মধ্যস্থলে যত

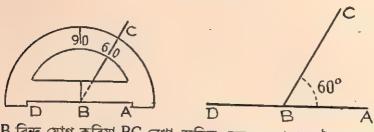
ডিগ্রী হইবে তাহা লিখিয়া কোণটির B

পরিমাণ নির্দেশ করিবে; এখানে ABC কোণটির পরিমাণ 50°

ডিগ্রী লিখিয়া নির্দিষ্ট হইল।

(2) নির্দিষ্ট পরিমাণের কোন অন্ধ্ন ঃ—মনে কর, 60° ডিগ্রী পরিমিত একটি কোণ অন্ধন করিতে হইবে। কোণমান্যন্তটিকে কাগজের উপর স্থাপন করিয়া উহার ব্যাসের ধার বরাবর DA

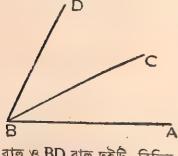
সরলরেখা টান। ব্যাসের মধ্যবিন্দুটির চিহ্নটি দেখিয়া DA সরলরেখার উপর B বিন্দু লও। এখন কোণমান্যস্ত্রের পরিধির উপর চিহ্নিত 60° ডিগ্রীর দাগ কাগজের যে স্থানে পড়িয়াছে, সেস্থানে একটি বিন্দু চিহ্ন দাও, এই বিন্দুটীর নাম দাও C। এই C বিন্দুর সহিত কোণমান্যস্ত্রের কেন্দ্র কাগজের যে বিন্দুতে ছিল অর্থাৎ



B বিন্দু যোগ করিয়া BC রেখা অঙ্কিত কর। তাহা হইলে BC বাহু ও BA বাহু দারা উৎপন্ন \angle ABC কোণটি 60° ডিগ্রী হইবে। কোণমান্যন্তুটি সরাইয়া লইয়া কোণটির মধ্যে 60° ডিগ্রী লিখিয়া উহার পরিমাণ নির্দেশ করিবে।

কোণ সম্বন্ধে দুইটি সহজ প্রতিজ্ঞা

সন্নিহিত কোণের সংজ্ঞা পাঠকালে তোমরা জানিয়াছ যে, উহাদের

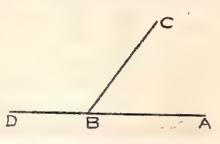


একটি সাধারণ বাহু ও একটি
শীর্ষবিন্দু থাকিবে এবং অপর
বাহু ছইটি সা ধার ণ বাহুটির
ছই বিপরীত দিকে থাকিবে।
চিত্রে ∠ ABC ∠ ও CBD
ছইটি সন্ধিহিতকোণ। কিন্তু BA

বাহু ও BD বাহু ছুইটি বিভিন্ন সরলরেখা না হইয়া যদি একটি

সরলরেখা DA হইত এবং উহার B বিন্দুতে CB সরলরেখা আসিয়া মিলিত হইত, তাহা হইলেও আমরা ∠ABC এবং ∠CBD ছইটি সন্নিহিতকোণ পাইতাম, কিন্তু এক্ষেত্রে ∠ABC

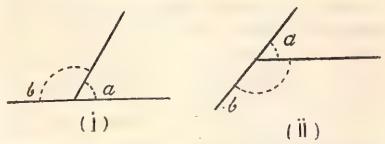
এবং ∠ CBD কোণদ্বয়ের যোগফল ছই সমকোণ বা 180° ডিগ্রী হইত। তোমরা ছইটি সরলরেখা বিভিন্নরূপে মিলিত করিয়া উৎপন্ন কোণগুলি কোণ-



মান্যস্ত্র সাহায্যে পরিমাপ করিয়া নিম্নলিখিত প্রতিজ্ঞা**টি**র সত্যতা প্রীক্ষা করিতে পার।

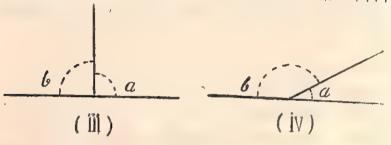
(1) প্রতিজ্ঞা:—একটি সরলরেখা অপর একটি সরলরেখার সহিত এক বিন্দুতে মিলিত হইলে যে তুইটি সন্নিহিতকোণ উৎপর হয়, তাহাদের সমষ্টি তুই সমকোণের সমান।

পরীক্ষা :—নিমের চিত্রান্থযায়ী একটি সরলরেখাকে অপর একটি সরলরেখার সহিত বিভিন্ন অবস্থানে মিলিত করিয়া অঙ্কন কর, কিন্তু সমস্ত ক্ষেত্রেই সরলরেখাগুলি অস্ততঃ 2" দৈর্ঘ্যবিশিষ্ট হওয়া উচিত।



প্রত্যেক চিত্রে অঙ্কিত 🗸 a 🤫 🗸 b কোণগুলি কোণমান্যস্ত্রের

সাহায্যে পরিমাপ করিয়া প্রদন্ত তালিকানুযায়ী একটি তালিক। অঙ্কিত করিয়া উহাদের পরিমাণ ও পরিমাণের সমষ্টি লিখ।



অতঃপর সমষ্টিগুলির গড় নির্ণয় করিলে তুমি প্রতিজ্ঞার সত্যতাটি

পরীক্ষার সাহায্যে বুঝিতে পারিবে। প্রতিক্ষেত্রে তুমি স ন্নি হি ত কো ণ দ্ব য়ে র সম্প্তি তুই সমকোণ 180° পাইবে।

কোণমান্যন্ত্র সাহায্যে প্রথম চিত্রে স নি হি ত কোণদ্বর মাপিয়া দেখা গেল $\angle a=60^\circ$ ও $\angle b=120^\circ$, পার্শ্ববর্তী তালিকার উহাদের মান লি থি রা $\angle a+ \angle b=\angle 60^\circ+\angle 120^\circ=180^\circ$ ডি গ্রীপাওয়া গেল। অনুরূপ-

हिरा	La	16	10+16
(i) (ii) (lii) (iy)	60° 50° 90° 30°	120° 130° 90° 150°	180° 180° 180°
	720°		
	180°		

ভাবে দ্বিতীয় চিত্রের সন্নিহিতকোণদ্বর মাপিয়া ∠a=50° ও

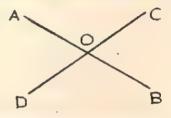
∠ $b=130^\circ$ পাওয়া গেল, ∴ ∠ a+ ∠ $b=50^\circ+130^\circ=180^\circ$ এইরূপে, তৃতীয় চিত্রে ∠ a+ ∠ $b=90^\circ+90^\circ=180^\circ$ এবং চতুর্থ চিত্রে ∠ a+ ∠ $b=30^\circ+150^\circ=180^\circ$

বিভিন্নরূপে তৃইটি সরলরেখাকে এক বিন্দৃতে মিলিত করিয়া অঙ্কন করিয়া ভোমরা উপরোক্ত প্রতিজ্ঞাটি এইরূপে পরীক্ষার সাহাযেয় প্রমাণ করিতে চেন্তা করিবে।

বিপ্রতীপ কোণের সংজ্ঞা পাঠকালে তোমরা জানিয়াছ যে, হুইটি

সরলরেথা AB ও CD পরম্পার
O বিন্দুতে ছেদ করিলে উহাদের
দারা উৎপন্ন কোণ গুলি র
বিপরীত কোণদ্বয় অর্থাৎ চিত্রে

AOD ও
BOC এবং



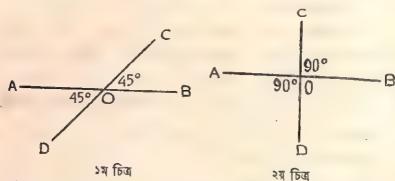
∠ AOC ও ∠ BOD কোণগুলিকে বিপ্রতীপকোণ বলে। কোণ-মান্যস্ত্র সাহায্যে তোমরা এইরূপ বিপ্রতীপ-কোণগুলি পরিমাপ করিয়া নিয়লিখিত প্রতিজ্ঞার সত্যতা পরীক্ষা করিতে পার।

(2) প্রতিজ্ঞা:—তুইটি সরলরেখা পরস্পর ছেদ করিলে, বিপ্রতীপ কোণগুলি পরস্পর সমান হয়।

পরীক্ষা :—পরপৃষ্ঠার প্রথম চিত্রে পরস্পর AB ও CD সরল-রেখা O বিন্দুতে ছেদ করিল; \angle AOD কোণটি কোণমান্যন্ত দ্বারা পরিমাপ করিলে দেখিতে পাইবে উহার পরিমাণ 45°; অন্তর্মপ ভাবে বিপ্রতীপকোণ \angle BOC পরিমাপ করিলে উহার পরিমাণও 45° হইবে।

ইহার বারা প্রমাণিত হয় যে, বিপ্রতীপকোণগুলি পরম্পর সমান। প্রথম চিত্রে CO সরলরেখাটি AB-এর সহিত O বিন্দুতে

মিলিত হইয়াছে; অতএব উৎপন্ন সনিহিত কোণ তুইটি ∠ BOC + ∠ AOC=180°; উহার মধ্যে ∠ BOC কোণটির পরিমাণ 45°



হইলে, $\angle AOC = 180^{\circ} - 45^{\circ} = 135^{\circ}$ । কোণমান্যন্ত সাহায্যে পরিমাপ করিলেও তুমি $\angle AOC = 135^{\circ}$ পাইবে; এইবার কোণ-মান্যন্ত সাহায্যে বিপ্রতীপ $\angle DOB$ কোণটি পরিমাপ করিলেও উহার পরিমাণ 135° পাইবে।

এইরপে পরীক্ষার সাহায্যে বিপ্রতীপকোণগুলি পরস্পার সমান প্রমাণিত হইল।

দিভীয় চিত্রে ∠ BOC=90° বা । সমকোণ, অতএব বিপ্রভীপ-কোণ ∠ AOD=90° বা এক সমকোণ হইবে।

কোণমান্যন্ত্র সাহায্যে ८ AOD এক সমকোণের সমান পাওয়া যাইবে।

∠ BOC = এক সমকোণ হইলে সন্নিহিত ∠ AOC-ও এক
সমকোণের সমান এবং উহার বিপ্রতীপ ∠ BOD-ও এক
সমকোণের সমান হইবে। কোণমান্যন্ত্র সাহায্যে পরিমাপ করিলে
ইহা প্রমাণিত হইবে। অতএব তুইটি সরলরেখা প্রস্পার ছেদ

করিলে যদি কোনও একটি কোণ এক সমকোণ হয় তবে উৎপন্ন চারিটি কোণের প্রতিটির পরিমাণ এক সমকোণ হইবে।

অমুশীলনী

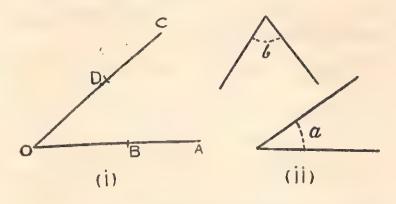
- কোন কাহাকে বলে
 একটি বক্রবেখার দাবা একটি কোণ উৎপন্ন

 হইতে পাবে কি
 কোণের বাহুদ্য বিধিত করিলে কোণের পরিমাণের কি

 তারতম্য হয়
- 2. নিম্লিখিত দিকগুলির মধ্যে যে কোণ তাহা এক সমকোণ বা এক সম্কোণের অংশ বিশেষে প্রকাশ কর :—

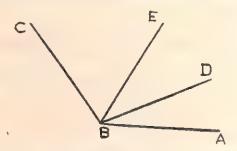
(i) উত্তর ও পূর্ব, (ii) দক্ষিণ ও পশ্চিম, (iii) উত্তর-পূর্ব ও উত্তর। [চিত্র সাহায্যে দিও্নির্দেশ কর।]

- 3. ঘড়ির ঘটার কাঁটা 3 ঘটা, I ঘটা, 6 ঘটা ও 9 ঘটায় কত সমকোণ । ঘুরিবে ?
 - 4. পৃথিবী এক সমকোণ আবৰ্ডিত হইতে কত সময় গ্ৰাহণ করে ?
- প্রথম চিত্রের কোণটির যত প্রকার নাম দিতে পার তাহা দাও।
 দ্বিতীয় চিত্রে বৃহত্তর কোণটি নির্ণয় কর।



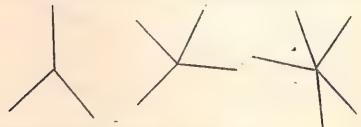
6. সমকোণ, সুলকোণ, সুন্ধকোণ, বিপ্রতীপকোণ ও সন্নিহিতকোণ কাহাকে বলে ? ডিগ্রী কাহাকে বলে ?

- 7. ঘড়ির ঘটার কাঁটা ও মিনিটের কাঁটা ছইটি নিম্নলিখিত সময়সমূহে কভ ডিগ্রী কোণ উৎপন্ন করিবে:
- (a) 3টা, (b) টো, (c) 10টা, (d) 5টা, (e) ৪টা; প্রতিক্ষেত্রে কোণগুলি কি প্রকারের কোণ হইবে তাহা উল্লেখ কর।
- 8. ঘূর্বন প্রণালীর সাহায়ে কিরুপে কোণ উৎপন্ন হয়, তাহা ব্ঝাইয়া
 দাও। তুইটি কোণের সমতা কিরুপে পরীক্ষা করিবে ?
- 9. কাগজে একটি সমকোণ আঁকিয়া কাটিয়া দও এবং উহাকে ভাঁজ করিয়া কোণটি বিধণ্ডিত করিয়া উৎপন্ন কোণ তৃইটি পরিমাপ কর, ভোমার বিকেশীর কোণগুলি পরিমাপ কর।
 - 10. প্রদত্ত চিত্রে নিম্নলিখিত কোণগুলি পরিমাপ কর ঃ—

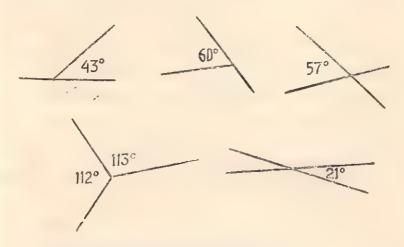


∠ABD, ∠DBE, ∠EBC এবং ∠ABC কোণটি পরিমাপ করিয়া ভোমার ফলের বিশুক্ষতা পরীক্ষা কর।

 নিম্বের চিত্রাম্বধায়ী তিনটি অথবা ভাষার বেশি সরলবেথা এক বিন্দুতে মিলিত কর। প্রত্যেক ক্ষেত্রে উৎপয় কোণগুলি পরিমাপ করিয়া

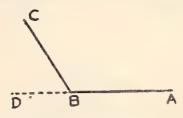


তাহাদের যোগফল নির্ণয় করিয়া একটি তালিকা প্রস্তুত কর। অভঃপর ধোগফলগুলির গড় নির্ণয় করিয়া যে নিয়ম বাহির করিতে পার তাহা লিখ। 12. নিম্নলিখিত চিত্রসমূহে অজ্ঞাত কোণগুলি পরিমাপ করিয়া তুমি ঘে সকল প্রতিজ্ঞা পাইয়াছ, তাহাদের সাহায্যে উহাদের পরিমাপের বিভক্ষতা পরীক্ষা কর।



13. নিম্নলিখিত পরিমাণের কোণগুলি অস্কন কর:—
(i) 20°, (ii) 35°, (iii) 64°, (iv) 130°, (v) 157°; প্রত্যেক কি প্রকারের কোণ ভাষা নির্দেশ কর।

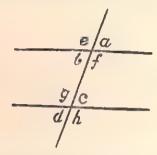
14. চিত্তাস্থায়ী LABC একটি স্থূলকোণ অভিত করিয়া AB বাছকে



D পর্যন্ত কর; ∠CBD কিরপ কোণ হইবে ? কোণমান্ধর সাহায্যে
কোণগুলির পরিমাণ নির্ণয় কর।

15. AB স্বলবেধার C বিন্দুতে CD ও CE ছইটি স্বল্বেথা টানিয়া উৎপন্ন কোণগুলি পরিমাণ কর। উহাদের যোগফল নির্ণয় কর। 16. প্রদত্ত চিত্তে

- (i) ∠a = ∠c হইলে, প্রমাণ কর Lb=∠c;
- (ii) ∠e= ∠g হইলে, প্রমাণ কর ∠f= ∠g;



- (iii) ∠a=∠d হইলে, প্রমাণ কর ∠b=∠c;
- (iv) ∠e=∠h হইলে, প্রমাণ কর ∠f=∠g; (কোণমান্যন্ত্র সাহায্যে পরিমাপ করিয়া প্রশ্নটির স্মাধান কর।)

পঞ্চম অধ্যার

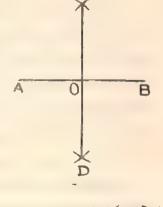
मतलात्वथा मसिष्यक्षत

কোন একটি নির্দিষ্ট দৈর্ঘ্যবিশিষ্ট সরলরেখা সমিদ্বিখণ্ডিত করিতে হইলে, তোমরা ঐ দৈর্ঘ্যের অর্ধাংশ মনে মনে হিদাব করিয়া স্কেলের সাহায্যে সরলরেখার একপ্রান্ত হইতে স্কেলের উপর ঐ চিহ্ন দেখিয়া সরলরেখার মধ্যবিন্দুটি সহজেই বাহির করিতে পার। এইরূপে সরলরেখার মধ্যবিন্দুটি বাহির করিলেই সরলরেখাটি হুইটি সমান অংশে বিভক্ত হইল। মনে কর 10 সেন্টিমিটার দৈর্ঘ্যবিশিষ্ট একটি সরলরেখা তোমাকে সমিদ্বিখণ্ডিত করিতে দেওয়া হইল। অভএব ঐ সরলরেখাটির অর্ধাংশের দৈর্ঘ্য 5 সেন্টিমিটার হইবে; এখন সরলরেখাটির সহিত সংলগ্ন করিয়া স্কেল স্থাপন কর এবং স্কেল দেখিয়া সরলরেখাটির একপ্রান্ত হইতে 5 সেন্টিমিটার অংশ চিহ্নিত কর; বাকী অংশ পরিমাপ করিলে, উহাও 5 সেন্টিমিটার হইবে, কারণ রেখাটির পূর্ণ দৈর্ঘ্য 10 সেন্টিমি-

কারণ রেখাটের পূর্ণ দেবা বিত বেলিটার টার.ছিল। এই প্রণালীতে কোন সরলরেখা সমদ্বিখণ্ডিত করা যায়, কিন্তু সরলরেখা সমদ্বিখণ্ডনের নিম্নলিখিত প্রণালীটি জানা প্রয়োজন।

একটি নির্দিষ্ট সরলরেথাকে সম-দ্বিখণ্ডিত করিতে হইবে।

মনে কর, AB একটি নির্দিষ্ট সীমা-বিশিষ্ট সরলরেখা; ইহাকে সমান তুই ভাগে ভাগ করিতে হইবে।



অস্কন :-- A-কে কেন্দ্র করিয়া AB-এর সমান ব্যাসার্ধ লইয়া

AB-এর উভয়দিকে ছুইটি বৃত্তচাপ অঙ্কিত কর। B-কে কেন্দ্র করিয়া ঐ একই ব্যাসার্ধ লইয়া AB-এর উভয়দিকে পুনরায় ছুইটি বৃত্তচাপ অঙ্কিত কর। শেষোক্ত ছুইটি বৃত্তচাপ প্রথম ছুইটি বৃত্ত-চাপকে C ও D বিন্দুতে ছেদ করিল।

CD যোগ কর।

CD সরলরেখা AB-কে O বিন্দুতে ছেদ করিল। তাহা হইলে AB সরলরেখা O বিন্দুতে সমান তুই অংশে বিভক্ত হইল।

মন্তব্য :—(1) কাঁটা-কম্পাস সাহায্যে মাপিয়া দেখিলে দেখা যাইবে যে AO=BO এবং কোণমান্যন্ত্র সাহায্যে পরীক্ষা করিলে $\angle COA = \angle COB = 90^\circ$ পাওয়া যাইবে, অর্থাৎ CD সরলরেখাটি AB রেখার উপর লম্ব।

এই প্রণালী হইতে কোন সরলরেখার উপর লম্ব অঙ্কনের নিয়মটিও অনুমান করা যাইতে পারে।

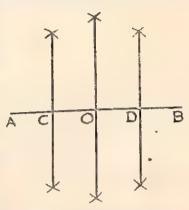
(2) চাপ অন্ধনকালে AB-এর সমান ব্যাসার্থ না লইয়া অন্থ কোন ব্যাসার্থ লইলেও চলিতে পারে, তবে এ ব্যাসার্থ অবশ্যই AB-এর অর্ধেক অপেক্ষা বৃহত্তর হওয়া প্রয়োজন। AB-এর অর্ধেক অপেক্ষা বৃহত্তর ব্যাসার্থ না লইলে AB রেখার উভয় পার্শ্বে অন্ধিত চাপগুলি পরস্পর ছেদ করিবে না এবং আমরা C ও D বিন্দুগুলি পাইব না; ফলে CD সরলরেখা অন্ধন দ্বারা O বিন্দুটিও পাওয়া সম্ভব হইবে না।

উপরোক্ত প্রণালীর সাহায্যে কোন নির্দিষ্ট সরলরেখাকে চারিটি সমান অংশে ভাগ করা যাইতে পারে। মনে কর, AB সরলরেখাকে চারিটি সমান অংশে বিভক্ত করিতে হইবে।

অন্ধন : —প্রথম প্রণালী অনুসারে AB সরলরেখাকে O বিন্দুতে

সমদ্বিখণ্ডিত করা হইল। এক্ষণে
AO ও BO তৃইটি সরলরেখাকে
যথাক্রমে C ও D বি ন্দু তে
পূর্বোক্ত প্রণালী অ নু সা রে
পুনরায় সমদ্বিখণ্ডিত করা হইল।
অত এব AB সরলরেখাটি
C, O, D বিন্দুতে চারিটি সমান

অংশে বিভক্ত হইল।



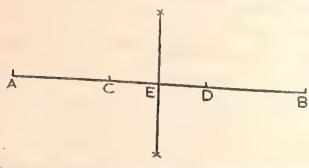
স্কেল সাহায্যে AB-এর পূর্ণ দৈর্ঘ্য মাপিয়া এবং AC, CO, OD ও DB অংশগুলি পৃথকভাবে মাপিয়া ইহার সভ্যতা প্রমাণ করা যাইতে পারে।

মন্তব্য :—উপরোক্ত প্রণালী সাহায্যে প্রতি অংশের পুনঃ পুনঃ
সমিরিখণ্ডন দারা একটি সরলরেখাকে যথাক্রমে ৪, 16 প্রভৃতি সমান
অংশে বিভক্ত করা যায়। কিন্তু হই-এর গুণিতক ব্যতীত অপর
যে কোন সমান অংশে বিভক্ত করিতে হইলে এই প্রণালী সাহায্যে
করা যায় না; তখন অন্য প্রণালী গ্রহণ করিতে হইবে।

ব্যবহারিক ক্ষেত্রে কোন অপেক্ষাকৃত দীর্ঘ সরলরেখাকে সম-দ্বিখণ্ডনের জন্ম নিম্নলিখিত প্রণালীটি সহজ হইবে। তবে সমদ্বি-খণ্ডনের বিশুদ্ধতা সম্বন্ধে নিঃসন্দেহ হওয়া যায় না।

মনে কর, AB একটি 3 ইঞ্চি দৈঘ্যবিশিষ্ট সরলরেখা; ইহাকে
সমদ্বিধণ্ডিত করিতে হইবে। AB সরলরেখার উভয়প্রান্ত হইতে

স্কেলের সাহায্যে । ইঞ্চি করিয়া মাপিয়া C ও D বিন্দু ছুইটি পাওয়া গেল। এক্ষণে A প্রান্তবিন্দু হইতে । ইঞ্চি ও B প্রান্ত-বিন্দু হইতে । ইঞ্চি, মোট 2 ইঞ্চি বাদ গেলে অবশিষ্ট CD সরল-

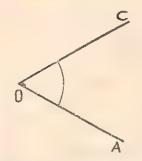


রেখাটির দৈর্ঘা । ইঞ্চি । অভঃপর এই । ইঞ্চি দৈর্ঘাবিশিষ্ট সরল-রেখাকে E বিন্দৃতে প্রদত্ত প্রণালী অনুসারে সমদ্বিখণ্ডিত করিলে,
পূর্ব AB রেখাটিও E বিন্দৃতে সমদ্বিখণ্ডিত হইল।

যদি একখণ্ড কাগজে একটি সরলরেখা AB অঙ্কিত করিয়া এরপভাবে ভাঁজ করা যায় যে, A বিন্দু B বিন্দুর উপর আসে এবং ভাঁজের দাগাট যদি AB সরলরেখার উপরস্থিত C বিন্দু দিয়া যায়, তাহা হইলে C বিন্দু AB-এর মধ্যবিন্দু অর্থাৎ C বিন্দুতে AB সরলরেখা সমদ্বিখণ্ডিত হইবে। ব্যবহারিকক্ষেত্রে এই সকল প্রণালীতে কোন সরলরেখা সমদ্বিখণ্ডিত করা যায়।

কোণ সমদ্বিখণ্ডন

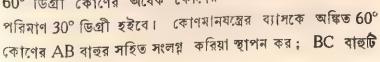
কোন একটি নির্দিষ্ট কোণ সমন্বিখণ্ডন করিতে হইলে ব্যবহারিক ক্ষেত্রে নিম্নলিখিত প্রণালীটির সাহায্য লওয়া যায়। একখণ্ড কাগজে ∠ AOC একটি কোণ অঙ্কিত কর; কাগজখণ্ড হইতে ∠ AOC কোণটি কাটিয়া উঠাইয়া লও। অতঃপর কাগজথগুকে এরপে ভাঁজ কর যেন OA বাহুটি OC বাহুর উপর পড়ে। এখন

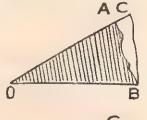


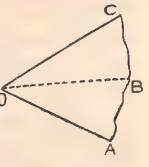
কাগজখণ্ড খুলিয়া ধরিলে ভাঁজ বরাবর OB রেখাটি পাইবে। ঐ

OB রেখাটি ∠ AOC কোণকে সমদিখণ্ডিত করিবে। ইহা বা তী ত
কোণমানযন্ত্র সাহায্যে সহজেই যে
কোন নির্দিষ্ট কোণকে সমদ্বিথণ্ডিত
করা যায়।

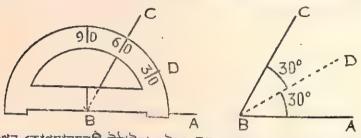
মনে কর 60° ডিগ্রীর এ ক টি
কোণকে সমদ্বিখণ্ডিত করিতে হইবে।
(পরপৃষ্ঠার চিত্র দেখ) কোণমান্যপ্র
সাহায্যে তোমরা কোণ অঙ্ক নে র
প্রণালী অনুসারে কাগজে এ ক টি
60° ডিগ্রী কোণ অঙ্কিত করিয়া লও।
60° ডিগ্রী কোণের অর্ধেক কোণের







পরিধির 60° ডিগ্রী চিহ্ন বরাবর পড়িবে। অভঃপর পরিধির উপর 30° ডিগ্রী চিহ্ন দেখিয়া লইয়া কাগজের উপর D বিন্দুর চিহ্ন দাও।



এখন কোণমান্যন্তটি উঠাইয়া লইয়া BD সংযুক্ত করিলে, ঐ BD সরলরেথা ∠ ABC কোণকে সমদ্বিখণ্ডিত করিবে। ∠ ABD ও ∠ CBD প্রত্যেকটি কোণের পরিমাণ 30° এবং উহারা ∠ ABC কোণের অর্থেক।

এইরপে কোণমান্যন্ত সাহায্যে কোণ সমদ্বিখণ্ডিত করা যায়।

<u>अभूगीलनी</u>

- 7'6 সেটিমিটার দৈর্ঘ্যবিশিষ্ট একটি সরলরেখাকে 5'4 সেটিমিটাব ব্যাসাধের বৃত্তচাপ অঙ্কন সাহায্যে সম্বিধণ্ডিত কর।
- 2. 2.8" দীর্ঘ একটি সরলবেখাকে সম্বিখণ্ডিত কর; মাপিয়া দেখ, প্রত্যেক অংশ 1 '4" ইঞ্চি হয় কি না। উক্ত অধ্যংশগুলি সমৃদ্বিধিণ্ডিত কর।
- 3. পূর্ব প্রামে সরলরেধাটিকে সমন্বিধণ্ডিত করিতে যে বুত্তচাপ অঙ্কন করিতে হইবে তাহাদের ব্যাসাধ কম্পক্ষে কত হওয়া দরকার ১
 - 4. 10°4 সে: মি: একটি সরলরেখাকে চারিটি সমান অংশে বিভক্ত কর।
 - 5. কোণমান্যন্ত সাহায্যে নিম্লিখিত কোণ্ডলি সম্বিগ্ভিত ক্র:---
- (i) 30°, (ii) 140°, (iii) 84°, (iv) 112°; অধ্বংশগুলি পরিমাপ করিয়া তোমার সমন্বিগগুনের বিশুদ্ধতা পরীকা কর।
 - 6. 45° ডিগ্রী একটি ও উহার বিশুণ অপর একটি কোণ অন্ধন কর।
 - 7. 4 देशि मीर्च अकृष्टि मदनदाशांदक आहे हि ममान आरम विख्य कर।
- 8. কোণমানবন্ধ সাহাব্যে 160° ডিপ্রীর একটি কোণকে সমান চারি অংশে বিভক্ত কর।

ষষ্ঠ অধ্যায়

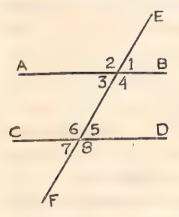
मघाञ्जाल मजलाज्या

সমান্তরাল সরলরেখা সম্বন্ধে প্রথম অধ্যায়ে আলোচনা করা হইয়াছে। একই সমতলে অবস্থিত যে সমস্ত সরলরেখা, উভয়দিকে যথেচ্ছ বর্ধিত হ ই লে ও, A কখনও প্রস্পারের সহিত মিলিত হয় না, ভাহা- দিগকে সমান্তরাল সরল- রেখা (Parallel Straight line) বলে।

পার্শস্থ চিত্রে AB ও

CD তুই টি সমান্তরাল ত

CD ও হ ৷ ত সমান্তর।ল O _ _ _ _ _ _ _ _ _ _ _ ____ সরলরেখা, কিন্তু RS ও LM গুইটি সমান্তরাল সরলরেখা নহে কারণ



RS ও LM-কে R ও L-এর
দিকে বর্ধিত করিলে উহার।

O বিন্দুতে মিলিত হইবে।

যে সরল রে খা তুই কিংবা
তভোধিক নির্দিষ্ট রেখাকে ছেদ
করে, তাহাকে ছেদক (Transversal) বলে। চিত্রে EF
ছেদকটি AB ও CD সমাস্তরাল
সরল রে খা ছুইটিকে ছুইটি

বিন্দুতে ছেদ করিয়াছে; ইহার ফলে ছেদকটি ও ঐ সরলরেখা-

দ্বয়ের মধ্যে সর্বশুদ্ধ আটটি কোণ উৎপন্ন হইয়াছে। অবস্থান অনুসারে ঐ কোণগুলির বিশেষ বিশেষ নাম দেওয়া হইয়াছে:—

- (a) 1, 2, 7, 8 সংখ্যাচিহ্নিত কোণগুলিকে বহিঃকোণ (Exterior Angle) বলে।
- (b) 3, 4, 5, 6 সংখ্যাচিহ্নিত কোণগুলিকে **অন্তঃকোণ** (Interior Angles) বলে।
- (c) 3 ও 5 সংখ্যাচিহ্নিত কোণ ছুইটিকে **একান্তর কোণ** (Alternate Angles) বলে; 4 ও 6 সংখ্যা চিহ্নিত কোণদ্বয়ও একান্তর কোণ।
- (d) 4 ও 5 সংখ্যাচিহ্নিত কোণ ছুইটিকে ছেদকের এক পার্যন্থ অন্তঃকোণ (Interior Angles on the same side) বলে; 3 ও 6 সংখ্যাচিহ্নিত কোণদ্বয়ও একই পার্যন্থ অন্তঃকোণ।
- (e) । ও 5 সংখ্যাচিহ্নিত কোণ ছুইটিকে অনুরূপ কোণ (Corresponding angle) বলে; ইহাদের মধ্যে । চিহ্নিত কোণটি বহিঃকোণ (Exterior angle) এবং 5 চিহ্নিত কোণকে EF-এর একই পার্শ্বন্থ বিপরীত অন্তঃকোণ (Interior opposite angle on the same side) বলে; 2 ও 6, 7 ও 3, 8 ও 4 কোণ-যুগলও অনুরূপ কোণ।

কোণমান্যস্ত্র সাহায্যে চিত্রে অঙ্কিত । চিহ্নিত কোণটিকে পরিমাপ করিলে, ইহার পরিমাণ 60° পাইবে। অতএব সমিহিত কোণ বলিয়া 2 চিহ্নিত কোণটির পরিমাণ 120° ডিগ্রী এবং বিপ্রতীপকোণ বলিয়া 3 ও 4 চিহ্নিত কোণদ্বয়ের পরিমাণ যথাক্রমে 60° ও 120° ডিগ্রী হইবে। পুনরায় 5 চিহ্নিত কোণটি কোণমান্যস্ত্র সাহায্যে পরিমাপ করিয়া দেখ, উহার পরিমাণও 60° ডিগ্রী পাইবে; অতএব 6, 7 ও ৪ চিহ্নিত কোণগুলির পরিমাণ যথাক্রমে 120°, 69° ও 120° হইবে।

EF ছেদকটি AB ও CD সমান্তরাল সরলরেথাদ্বয়কে ছেদ করায় 1 ও 5 সংখ্যাচিহ্নিত অনুরূপ কোণ্দ্রয়ের প্রত্যেকটির পরিমাণ 60° ডিগ্রী হইল ; অতএব উহারা পরস্পর সমান। 2 ও 6 চিহ্নিত কোণ্দ্রয়ের প্রত্যেকের পরিমাণ 120° এবং উহারা পরস্পর সমান। পরিমাপের সাহায্যে 3 ও 7 চিহ্নিত এবং 4 ও 8 চিহ্নিত অমুরূপ কোণ্গুলিও সমান প্রমাণিত হইল।

3 ও 5 চিহ্নিত একান্তর কোণ্ছয়ের প্রত্যেকের পরিমাণ 60°; অতএব উহারা পরস্পর সমান। পুনরায় 4 ও 6 চিহ্নিত একান্তর কোণ্ছয়ও পরস্পর সমান এবং উহাদের প্রত্যেকের পরিমাণ 120°।

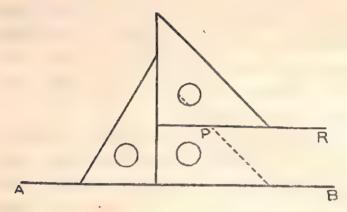
4 চিহ্নিত ও 5 চিহ্নিত একই পার্শ্বস্থ জন্তঃকোণদ্বয়ের পরিমাণ যথাক্রেমে 120° ও 60°; জতএব উহাদের যোগফল 180° বা 2 সমকোণের সমান। এইরূপে দেখা যাইবে 3 ও 6 চিহ্নিত কোণ্ডিলির যোগফলও তুই সমকোণের সমান।

যে কোন তৃইটি বা ততোধিক সমাস্তরাল সরলবেথা লাইয়া বিভিন্ন অবস্থানে উহাদের একটি ছেদক অঙ্কন করিয়া কোন্মান্যক্র সাহায্যে উৎপন্ন কোনগুলি পরিমাপ করিলে তোমরা দৈখিতে পাইবে যেঃ—

- (a) অনুরূপ কোণগুলি পরস্পর সমান হইবে;
- (b) একান্তর কোণগুলি পরস্পর সমান হইবে;
- (c) একই পার্খন্থ অন্তঃকোণন্বরের যোগফল স্থ**ই স** কোণের সমান হইবে।

जिरकागीत जारासा जमासताल जतलरतथा व्यक्तन

মনে কর, AB একটি নির্দিষ্ট সরলরেখা এবং P ইহার বহিঃস্থ একটি নির্দিষ্ট বিন্দু। P বিন্দু দিয়া AB-এর সমাস্তরাল একটি সরলরেখা টানিতে হইবে।



AB সরলরেখার সহিত মিলাইয়া একখানি ত্রিকোণীর সমকোণ সংলগ্ন একটি ধার বসাও এবং বাম হাতের আঙ্গুল দিয়া চাপিয়া ধর। এইবার দ্বিভীয় ত্রিকোণীখানিকে এরপভাবে স্থাপন কর বেন উহার সমকোণ সংলগ্ন একটি ধার প্রথম ত্রিকোণীর সমকোণের অপর বাহুর গা ঘেষিয়া থাকে। এখন দ্বিভীয় ত্রিকোণীটিকে আস্তে আস্তে P বিন্দুরে দিকে সরাও যতক্ষণ না ইহার সমকোণের অপর বাহুটি P বিন্দুতে উপনীত হয়। উক্ত ধারটি P বিন্দুতে পৌছিলে ত্রিকোণীর ধার বরাবর PR সরলরেখা টান এবং উভয়দিকে বর্ধিত ের; PR সরলরেখা AB সরলরেখার সমান্তরাল হইবে।

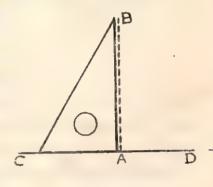
বি ্রকখানি ত্রিকোণী ও একখানি স্কেলের সাহায্যেও সমান্তরাল 60° বর্ধা অঙ্কিত হইতে পারে।

जित्कागीत माशासा लघ वकन

সমকোণের সংজ্ঞা আলোচনার সময়ে চতুর্থ অধ্যায়ে লম্ব কাহাকে বলে তাহা জানিয়াছ। একটি সরলরেখা অপর একটি সরলরেখার উপর দণ্ডায়মান হইয়া যে ছইটি সন্নিহিত কোণ উৎপন্ন করে, তাহারা পরস্পার সমান হইলে, ঐ কোণদ্বয়ের প্রত্যেকটিকে সমকোণ বলে এবং রেখা ছইটির একটিকে অপরটির লক্ষ বলা হয়।

মনে কর, CD সরলরেখার উপর অবস্থিত A বিন্দু হইতে CD

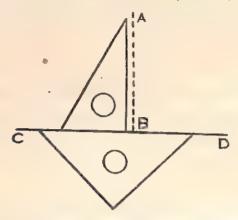
সরলরেখার উপর একটি লম্ব অঙ্কিত করিতে হইবে। যে কোন একথানি ত্রিকোণী লইয়া উহার সমকোণের সন্ধিহিত একটি ধার CD সরলরেখার সহিত মিলাইয়া স্থাপন কর; এখন ই হা কে ক্রমশঃ সরাই য়া আ নি য়া তি কো ণীর সমকোণ সংলগ্ন



শীর্ষবিন্দুটি A বিন্দুর সহিত মিলিত কর। অতঃপর ত্রিকোণীথানির সমকোণের অপর বাহুর ধার বরাবর AB একটি সরলরেখা অঙ্কন কর। AB সরলরেখাটি A বিন্দুতে CD সরলরেখার উপর লম্ব হইল।

A বিন্দুটি যদি CD সরলরেখার বহিঃছ কোন বিন্দু হয় তবে নিমূলিখিত প্রণালী অবলম্বন করিবে।

যন্ত্রের বাক্স হইতে একখানি ত্রিকোণী (বা ক্ষেলখানি) লইয়া উহাকে CD সরলরেখার নীচে, CD সরলরেখার সহিত মিলাইয়া স্থাপন কর। বাম হাতের আফুল দিয়া ত্রিকোণীখানি চাপিয়া ধর, এবং ইহার উপর অপর ত্রিকোণীখানির সমকোণের সংলগ্ন একটি ধার বসাও। অতঃপর দ্বিতীয় ত্রিকোণীখানিকে ক্রমশঃ সরাইয়া



সমকোণের সন্নিহিত অপর বাহুটি A বিন্দুতে আনিয়া ঠেকাইয়া দাও। এখন এই ধার বরাবর AB সরলরেখা অন্ধন করিলে ঐ AB সরলরেখা CD রেখার উপর লম্ব হইবে।

পেন্সিল কম্পাস ও স্কেলের সাহায্যেও একটি সরলরেখার বহিঃস্থ কোন বিন্দু হইতে ঐ সরলরেখার উপর লম্ব টানা যায়।

व्यमुगील भी

- চিত্র অন্ধন করিয়া ছেদক, একাস্তর কোণ, অফুরুপ কোণ ও বহিঃকোণ
 কাহাকে বলে বুঝাইয়া দাও।
 - 45 মিলিমিটার বাবধানে তৃইটি সমান্তবাল সরলরেখা অঙ্কন কর।
- 3. AB সরলবেখা হইতে 2°3" দূবে উহার সমাস্তরাল একটি সরলবেখা অকন কর।
- 4. 30° ডিগ্রী পরিমাণবিশিষ্ট ∠BAC কোণ অঙ্কন করিয়া উহার AB বাছ হইতে 3" ইঞ্চি দৈর্ঘোর সমান করিয়া AD অংশ কাটিয়া লও; D বিশু হুইতে AC-এর উপর DE লম্ব টানিয়া DE-এর দৈর্ঘা নির্দিক কর।

- 5. ত্রিকোণীর সাহায্যে 3 ইঞ্চি পরিমিত একটি সরলরেথার মধ্য-বিনুতে একটি লম্ব অন্ধন কর।
- 6. 60° ডিগ্রী পরিমাণবিশিষ্ট ∠BAC অন্ধন করিয়া কোণমানষন্ত্র
 সাহায্যে উহাকে AD রেথা দারা সমদ্বিধণ্ডিত কর; D বিন্দু হইতে AB ও
 AC বাহুর উপর লম্ব টানিয়া উহাদের দৈহা নির্ণি করিলে কি বুঝা যাইবে ?
- 7. কোণমানযন্ত্র সাহায্যে একটি সমকোণ অন্ধন করিয়া উহার বাছধমের উপর তুইটি বিন্দু লও; ঐ তুইটি বিন্দু দিয়া বাহু তুইটির সমান্তরাল তুইটি সরলরেখা টানিলে উৎপন্ন অপর তিনটি কোণের পরিমাণ কত হইবে ?
 - 8. 🕍 ইঞ্চি অন্তর পাঁচটি সমান্তরাল সরলরেখা অন্ধন কর।
- 9. 7.5 সেন্টিমিটার দৈর্ঘ্যবিশিষ্ট AB সরলরেথা অন্ধন করিয়া উহার B বিন্দৃতে BC লম্ব অন্ধন কর; A বিন্দৃতে কেন্দ্র করিয়া ৪.5 সেন্টিমিটার ব্যাসার্ধ লইয়া একটি ব্স্তচাপ অ্সন কর; ব্স্তচাপটি BC-কে D বিন্দৃতে ছেদ করিল। BD-এর দৈর্ঘ্য নির্ণয় কর।
- 10. 13 সেণ্টিমিটার দীর্ঘ EF একটি সরলরেখা অস্কন কর। E ও F প্রান্তবিন্দুদ্দ হইতে 3 সেণ্টিমিটার দ্বে ঐ সরলরেখার উপর A ও B ছইটি বিন্দুল্টয়া EF সরলরেখার ছই বিপরীত পার্ষে 5 সেণ্টিমিটার দৈর্ঘাবিশিষ্ট AC ও BD ছইটি লম্ব টানিয়া CD যোগ কর। স্কেলের সাহায্যে মাপিয়া প্রমাণ কর বে CD ও EF এর ছেদবিন্টি EF-এর মধ্যবিন্।
- 11. 2 সেটিমিটার ব্যবধানে তুইটি সমাস্তরাল স্বলবেথা অন্ধন করিয়া উহাদের একটি ছেদক এরপে অন্ধন কর খেন একটি বহিঃকোণের পরিমাণ 30° ডিগ্রী হয়। একাস্তর কোণগুলি ও অন্ধরণ কোণগুলির পরিমাণ নির্ণয় কয়।

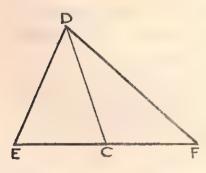
সপ্তম অধ্যায়

<u> ত্রিভুজ</u>

সরলরেখা সম্বন্ধে আলোচনাকালে বলা হইয়াছে যে, একটি বা তুইটি সরলরেখা দারা কোন ক্ষেত্রই পরিবেষ্টিত হয় না; সরলরেখা দারা কোন ক্ষেত্রকে সীমাবদ্ধ করিতে হইলে অস্তৃতঃ তিনটি সরল-রেখার প্রয়োজন। সাধারণভাবে তিন বা ততোধিক সরলরেখা দারাসীমাবদ্ধ সমতলক্ষেত্রকে সামতলিক সরলরৈখিক ক্ষেত্র (Plane Rectilineal Figure) বলে এবং সীমাস্থিত সরলরেখাসমূহকে ঐক্ষেত্রের ভুক্ত বা বাছ (side) বলে।

যে সমতলক্ষেত্র তিনটি সরলরেখার দ্বারা সীমাবদ্ধ, তাহাকে ত্রিভুক্ত (Triangle) বলে। ঐ তিনটি সরলরেখার প্রত্যেকটিকে বাছ (side) বলা হয়।

DEF একটি ত্রিভূজ। D, E ও F এই কৌণিক বিন্দু তিনটির



থে কোন একটিকে ত্রিভূজের শীর্ষবিন্দু (Vertex) বলা হয় এবং উহার বিপরীত বাহুকে ভূমি (Base) বলা হয়।

যেমন D-কে শী ৰ্ষ বি ন্দু ধরিলে, EF ভূমি হইবে; E-কে শীৰ্ষবিন্দু ধরিলে, DF

<mark>ভূমি হইবে, আবার, F-</mark>কে শীর্ষবিন্দু ধরিলে DE ভূমি হইবে।

DE, EF এবং FD এই তিনটি সরলরেখাকে ত্রিভুজটির বাহু (side) বলে।

তিনটি বাহু দ্বারা তিনটি কৌণিক বিন্দুতে যথাক্রমে ∠ DEF, ∠EFD ও ∠ FDE এই তিনটি কোণ উৎপন্ন হইয়াছে।

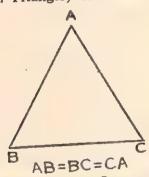
স্কুতরাং প্রত্যেক ত্রিভুজের ছয়টি অংশ—তিনটি বাহু ও তিনটি কোণ।

ত্রিভুজের যে কোন শীর্ষবিন্দুর সহিত বিপরীত বাহুর মধ্যবিন্দু যোগ করিলে যে সরলরেখা পাওয়া যায় তাহাকে মধ্যমা (Median) বলে। DEF ত্রিভুজে DC একটি মধ্যমা। একটি ত্রিভুজের এইরূপ তিন্টি মধ্যমা থাকিতে পারে।

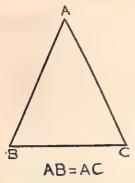
ত্রিভুজ ছয় প্রকার :—

- (a) বাহুর দৈর্ঘ্যের তার্তম্য অনুসারে তিন প্রকার:—সমবাহু, সমদ্বিবাছ ও বিবমবাহু।
- (b) কোণের পরিমাণ হিসাবে তিন প্রকার :—সমকোণী, স্থলকোণী ও সূক্ষাকোণী।
- যে ত্রিভূজের তিনটি বাহু পরস্পার সমান তাহাকে সমবান্ত

 ত্রিভূজ (Equilateral Triangle) বলে ।



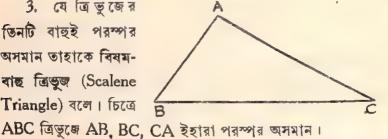
কোণমানযন্ত্র সাহায্যে সমবাহু ত্রিভুজের কোণগুলি মাপিলে দেখা যাইবে যে, উহারা পরস্পর সমান ও প্রত্যেকটি কোণ 60°। যে ত্রিভুলের তুইটি বাহু পরস্পার সমান তাহাকে সমন্বিবাছ

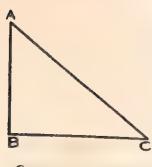


ত্রিভুজ (Isosceles Triangle) বলে। সমদ্বিবাহু ত্রিভুজে সমানবাহু তুইটির সমুখীন কোণ তুইটি কোণ-মান্যন্ত সাহায্যে মাপিলে দেখা যাইবে যে উহারা পরস্পর সমান। সমদ্বিবাহু ত্রিভুজের অসমান তৃতীয় বাহুকেই সাধারণতঃ ভূমি বলা হয় এবং উহার বিপরীত কৌণিকবিন্দুকে

শীৰ্যবিন্দু বলা হয়। BC ভূমি এবং A শীৰ্ষবিন্দু।

3. যে ত্রিভুজের তিনটি বাজুই পরস্পর অসমান ভাহাকে বিষম-বাহু ত্রিভুজ (Scalene Triangle) বলে। চিত্রে



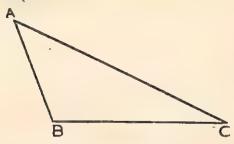


4. যে ত্রিভুজের একটি কোণ সুমকোণ ভাহাকে সমকোণী ত্রিভুজ •(Right-angled Triangle) বলে। সমকোণী ত্রিভূজের সমকোণের সম্মুখীন বাহুকে অভিভুজ (Hypotenuse) বলে। ABC সমকোণী ত্রিভুজের ABC একটি সমকোণ; AC উহার

কোণমান্যন্ত সাহায্যে মাপিয়া দেখিলে দেখা যাইবে

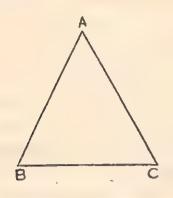
যে, সমকোণী ত্রিভুজের সমকোণ ব্যতীত অপর কোণদ্বয়ের প্রত্যেকটি সূক্ষ্মকোণ।

5. যে ত্রিভুজের একটি কোণ সুলকোণ তাহাকে সুলকোণী



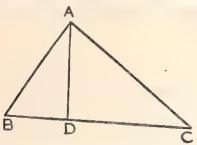
বিভুজ (Obtuse-angled Triangle) বলে। ABC স্থূলকোণী বিভুজের ABC একটি স্থূলকোণ।

6. যে ত্রিভুজের তিনটি কোণই সুক্ষকোণ ভাহাকে সুক্ষকোণী



ত্রিভুজ (Acute-angled Triangle) বলে।
কোন ত্রিভুজের শীর্ষবিন্দু হইতে ভূমির উপর পাতিত লম্বকে
উহার উচ্চতা বা উন্নতি (Altitude) বলে।

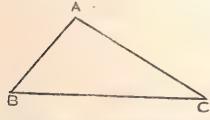
AD লম্বই BC ভূমি হইতে A বিন্দুর উচ্চতা, এইরূপ B শীর্ষ-বিন্দুর উচ্চতা AC ভূমির উপর লম্ব টানিয়া এবং C বিন্দুর উচ্চতা



AB-এর উপর লম্ব টানিয়া মাপিতে হয়।

ত্রিভুজের বাহু ৪ কোণ বিষয়ক দুইটি সত্য

ABC একটি ত্রিভুজ। স্কেলের সাহায্যে ইহার AB ও AC বাহু ছুইটির দৈর্ঘ্য নির্ণয় করিয়া যোগ কর। দেখিতে পাইবে



ঐ যোগফল BC বাহুর দৈর্ঘ্য অপেক্ষা বৃহত্ত র হইবে। ত্রিভূজটির অপর যে কোন বাহুদ্বয়ের দৈর্ঘ্যের যোগফলও তৃতীয় বাহু

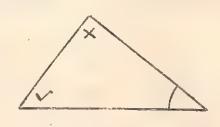
অপেক্ষা বৃহত্তর। অভএব ত্রি**ভুজের যে কোন তুই** বাহুর যোগফ**ল** তৃতীয় বা**হু অপেক্ষা বড়**।

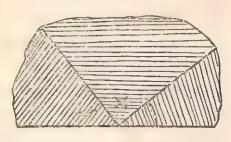
অতঃপর কোণমান্যন্ত্র সাহায্যে উপরোক্ত ABC ত্রিভুজের ∠BAC ও ∠ABC কোণদ্বয়ের পরিমাণ নির্ণয় কর। মনে কর, উহাদের পরিমাণ যথাক্রমে 100° ও 50°; অবশিষ্ট ∠ACB কোণটি পরিমাপ করিলে দেখিবে উহার পরিমাণ 30° হয়। অতএব \angle BAC + \angle ABC + \angle ACD = 100° + 50° + 30° = 180° বা ছুই সমকোণ হইল। ইহা দ্বারা প্রমাণিত হইল যে—

ত্রিভুজের তিনটি কোণের পরিমাণের যোগফল 180° বা ছই সমকোণ।

এই সত।টি নিম্নলিখিত পরীক্ষা দারা বুঝিবার চেষ্টা কর। কাগজের উপর একটি ত্রিভূজ অঙ্কন করিয়া ত্রিভূজটি কাটিয়া উঠাইয়া লও। অতঃপর ত্রিভূজের তিনটি কোণ ছিঁড়িয়া লও এবং

পার্শ্ববর্তী চিত্রান্থ্যায়ী
উহাদের শীর্ষবিন্দৃগুলি
একটি বিন্দৃতে মিলিত
করি য়া কোণগুলিকে
পরস্পার সংলগ্ন করিয়া
বসাও ৷ এই রূপ
করিলে দেখিতে পাইবে
যে, ছই পার্শের কোণদ্ব য়ের বহিঃস্থ বা হু
তুই টি এ ক ই সরলরে খা য় হা ব স্থি ত





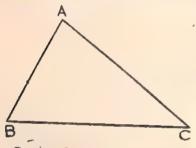
হইয়াছে, অর্থাৎ কোণ তিনটি মিলিয়া একটি সরলকোণ উৎপন্ন করিয়াছে। সতএব প্রমাণিত হইল যে **ত্রিভূজের তিনটি কোণ** একত্রে তুই সমকোণের সমান।

ব্যবহারিক প্রণালী ব্যতীতও ত্রিভুজের বাহু ও কোণ সম্বন্ধে উপরোক্ত ছুইটি সত্য উপপান্ত সাহায্যে প্রমাণ করা যায়।

ি ত্রিভুজ অঙ্কন

ত্রিভূজ অঙ্কনের প্রণালী জানিবার পূর্বে তৃমি প্রদত্ত একটি ত্রিভূজকে নকল করিয়া উহার অবিকল চিত্র অঙ্কনের চেষ্টা কর। ইহা হইতে ত্রিভূজ অঙ্কনকার্যে কমপক্ষে ত্রিভূজ-এর কয়টি অজ্ জানা থাকা প্রয়োজন তাহা সহজেই বুঝিতে পারিবে। মনে কর, নিমে প্রদত্ত ABC ত্রিভূজের চিত্রটি অবিকল নকল করিতে হইবে।

একখণ্ড ট্রেসিং কাগজ ত্রিভুজটির উপর স্থাপন কর; এখন শুধু হাতে প্রথমে AB বাহু এবং অভঃপর যথাক্রমে ∠ ABC কোণ ও



BC বাহু নকল কর; এই
বার ট্রেসিং কা গ জ খা নি
তু লি য়া ল ও। এ ক্ল ণে
তিভুজটি পাইতে হইলে
তাপর কোন অঙ্গ নকল না
করিয়া AC বাহু যোগ

করিলেই চলিবে। তাহা হইলে দেখা গেল মাত্র ভিনটি অন্ত নকল করিয়াই তুমি প্রদত্ত ত্রিভুজটি পাইতে পার। ট্রেসিং কাগজ-এর সাহায্যে অবশ্য ত্রিভুজের ছয়টি অঙ্গই নকল করা সহজ, কিন্তু কোণ-মান্যন্ত্র ও স্কেলের সাহায্যে এইরূপ করিতে গেলে বুথা সময় নষ্ট হইবে।

ত্রিভুজ অঙ্কন

কোন ত্রিভুজের নিম্নলিখিত যে কোন **তিনটি অন্ন** জানা থাকিলেই ত্রিভুজটি অঙ্কন করা যায় :—

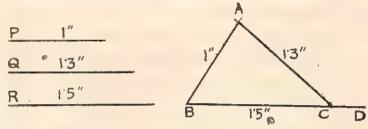
- (i) তিন বাছ,
- (ii) ছুই বাছ ও তাহাদের মধ্যবর্তী কোণ,

(iii) ছুই কোণ ও এক বান্ত।

আমরা স্কেল ও কোণমানযন্ত্র সাহায্যে এই তিন প্রকারের ত্রিভুজ অঙ্কনের প্রণালী বর্ণনা করিব।

(i) ত্রিভুজের তিনটি বাহুর দৈর্ঘ্য দেওয়া আছে, ত্রিভুজটি অঙ্কন করিতে হইবে।

মনে কর, P, Q ও R ভিনটি বাহুর দৈর্ঘ্য দেওয়া আছে; এরপ একটি ত্রিভুজ অঙ্কন করিতে হইবে, যাহার বাহু ভিনটি যথা-



ক্রমে P, Q এবং R সরলরেখা তিনটির সমান হইবে। P-এর দৈর্ঘ্যের পরিমাণ 1", Q-এর দৈর্ঘ্য 1:3" এবং R-এর দৈর্ঘ্য 1:5" দেওয়া আছে।

অঙ্কনঃ—স্কেলের সাহায্যে 1.5" অপেক্ষা দীর্ঘ BD একটি সরলরেখা অঙ্কিত কর। উহা হইতে R-এর সমান অর্থাৎ 1.5" পরিমাণ দৈর্ঘাযুক্ত BC অংশ কাটিয়া লও। পেন্সিল কম্পাসের সাহায্যে C-কে কেন্দ্র করিয়া Q-এর সমান অর্থাৎ 1.3" ব্যাসার্ধ লইয়া একটি বৃত্তচাপ অঙ্কন কর এবং B-কে কেন্দ্র করিয়া P-এর সমান অর্থাৎ 1" ব্যাসার্ধ লইয়া অপর একটি বৃত্তচাপ অঙ্কন কর। মনে কর, উভয় বৃত্তচাপ A বিন্দুতে ছেদ করিল।

AC এবং AB যোগ কর।

ABC ত্রিভুজটিই নির্ণেয় ত্রিভুজ হইবে। অঙ্কিত ত্রিভুজটির

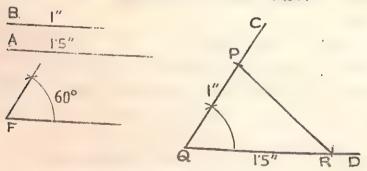
BC, CA এবং AB বাহুগুলির দৈর্ঘ্য পরিমাপ করিলে যথাক্রমে

1.5", 1.3" এবং 1" হইবে। এইরূপে স্কেলের সাহায্যে বাহুগুলির
দৈর্ঘ্য পরিমাপ করিয়া ভোমার অঙ্কনের বিশুদ্ধতা পরীক্ষা করিবে।

মন্তব্য : উপরোক্ত প্রতিজ্ঞায় প্রদত্ত P, Q, R বাহগুলির দৈর্ঘ্য এমন হওয়া প্রয়োজন যাহাতে উহাদের যে কোন ছইটি একত্রে তৃতীয়টি অপেক্ষা বড় হয়। এইরূপ না হইলে অঙ্কিত বৃত্তচাপগুলি পরস্পার ছেদ করিবে না, ফলে A বিন্দুটি পাওয়া সম্ভব হইবে না এবং ত্রিভুজ অঙ্কন অসম্ভব হইবে।

BC বাহুর অপর পার্শ্বেও অদ্ধিত বৃত্তবয় পরস্পার ছেদ করিতে পারে। সেক্ষেত্রে তোমরা বাহুগুলির প্রদন্ত দৈর্ঘ্যের সাহাযোঁ অপর একটি ত্রিভূজ পাইবে। অভএব প্রদত্ত সর্ভ অনুসারে তোমরা তুইটি ত্রিভূজ অঙ্কন করিতে পার।

(ii) কোন ত্রিভুজের ছুইটি বাহু ও উহাদের মধ্যবর্তী কোণের পরিমাণ দেওয়া আছে ; ত্রিভুজটি অঙ্কন করিতে হইবে।



মনে কর প্রদন্ত A ও B তুইটি বাছর দৈর্ঘ্য যথাক্রমে 1.5" এবং
1" দেওয়া আছে এবং ভাহাদের মধ্যবর্তী F কোণটির পরিমাণ 60°
দেওয়া আছে।

A ও B-এর সমান ছুই বাহু লইয়া এবং ইহাদের মধ্যবর্তী কোণটিকে F এর সমান লইয়া একটি ত্রিভূজ অঙ্কন করিতে হইবে। অঙ্কনঃ—1.5" অপেক্ষা দীর্ঘ QD একটি সরলরেখা লও।

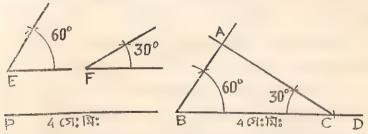
QD সরলরেথার Q বিন্দুতে কোণসান্যন্ত্র সাহায্যে F এর সমান অর্থাৎ 60° পরিমাণবিশিষ্ট ∠ DQC কোণটি অঙ্কন কর।

QD হইতে 1-এর সমান অর্থাৎ 1.5" দীর্ঘ QR অংশ কাটিয়া লও।

QC হইতে U-এর সমান অর্থাৎ I" দীর্ঘ QP অংশ কাটিয়া লও।
(প্রয়োজন হইলে QC কে বর্ধিত করিয়া লও) PR যোগ কর।
তাহা হইলে PQR নির্ণেয় ত্রিভুজ হইল।

কোণমানযন্ত্র সাহায্যে অঙ্কিত ত্রিভূজটির Q কোণটি পুনরায় পরিমাপ করিয়া এবং স্কেলের সাহায্যে QP ও QR বাহুর দৈর্ঘ্য মাপিয়া তুমি তোমার অঙ্কনের বিশুদ্ধতা পরীক্ষা করিতে পার।

(iii) দুইটি কোণ এবং উহাদের সন্নিহিত বাহুটি দেওয়া আছে ; ত্রিভুজটি অন্ধিত করিতে হইবে।



মনে কর P বাহুর দৈর্ঘ্য 4 সেন্টিমিটার এবং তৎসংলগ্ন E ও F কোণ তুইটির পরিমাণ যথাক্রমে 60° ও 30° দেওরা আছে। ত্রিভুঞ্জটি অঙ্কন করিতে হইবে। আছন ঃ—ক্ষেলের সাহায্যে 4 সেটিমিটার অপেকা বড় BD একটি সরলরেখা অন্ধন কর এবং ইহা হইতে P-এর সমান অর্থাৎ 4 সেটিমিটার দৈর্ঘ্যবিশিষ্ট BC অংশ কাটিয়া লও।

এখন কোণমান্যন্ত্র সাহায্যে BC রেখার B বিন্দুতে \angle E-এর সমান অর্থাৎ 60° পরিমাণবিশিষ্ট \angle CBA অঙ্কন কর।

আবার BC রেখার C বিন্দুতে কোণমান্যন্ত সাহায্যে F কোণের সমান অর্থাৎ 30° পরিমাণের ∠ BCA অঙ্কন কর।

মনে কর BA ও CA পরস্পর A বিন্দুতে ছেদ করিল।
তাহা হইলে ABC নির্ণেয় ত্রিভুজ হইল। পুনরায় কোণমান্যস্ত্র
ও ক্ষেলের সাহায্যে কোণ ও বাহু মাপিয়া তুমি তোমার অঙ্কনের
বিশুদ্ধতা পরীক্ষা করিতে পার।

व्यक्र मी न मी

- এতিভুজ কাহাকে বলে ? তিতুজের কয়টি অংশ ও কি কি ? বাহ

 এবং কোণ অন্ত্যারে তিতুজ কয়ভাগে বিভক্ত ? প্রত্যেকটির নাম ও সংজ্ঞা

 চিত্রসহ লিব।
- 2. ত্রিভ্জের বাল্ড ও কোণ সম্বন্ধে তৃইটি সভেরর উল্লেখ কর। পরীক্ষা

 ¶ারা ত্রিভ্জের তিন কোণের সমষ্টি তুই সমকোণের সমান প্রমাণ কর।
- 3. ষে কোন দৈৰ্ঘ্যের বাহু লইয়া ত্রিভুঞ্জ আঁকা যায় কি ? 2 ইঞ্চি, 3 ইঞ্চি ও 6 ইঞ্চি দৈৰ্ঘাবিশিষ্ট তিনটি বাহু লইয়া ত্রিভুজ আঁকা অসম্ভব কেন ?
- 4. 3 ইঞ্জি, 4 ইঞ্জি ও 5 ইঞ্জি দৈর্ঘ্যবিশিষ্ট তিন্টি বাছলইয়া একটি ত্রিভুজ অন্ধিত কর। কোণ্মান্যল সাহায্যে কোণগুলি মাপিয়া ইহা কিরুপ ত্রিভুজ হইবে বল। স্বাপেক্ষা বড় কোণ্টির পরিমাণ কত ?
 - 5. 1", 2" ও 3" দৈৰ্ঘাবিশিষ্ট তিনটি সৱলুৱেখা আঁকিয়া প্ৰত্যেকটি

উপর এক একটি সমবাহ ত্রিভূজ অবন কর। ত্রিভূজগুলির প্রত্যেকটির তিনটি কোণ কোণমান্যন্ত সাহায্যে মাপিয়া কি সত্য পাওয়া যায় ?

- 6. নিমে কয়েকটা ত্রিভূজের তিনটি বাহুর পরিমাণ দেওয়া হইল।
 ত্রিভূজগুলি অঙ্কিত কর। কোণগুলির পরিমাণ নির্ণয় করিতে চেষ্টা কর।
- (a) 1'4", 1'8", 2'6" (b) 2'1", 1'1", 3'2" (c) 3'2", 3'2", 1'8" (d) 5'3 দে. মি, 8'3 দে. মি, 2'5 দে. মি. (e) 4'1 ইঞ্ছি, 4
- 7. কোন ত্রিভূজের তিনটি বাহুর পরিমাণ 1'5", 2'3" এবং 4'2" বলা হুইলে ত্রিভূজটি অন্ধন সম্ভব কি ?
- 8. নিমে কমেকটী ত্রিভূজের ছইটি বাহু ও তাহাদের মধ্যবর্তী কোণের পরিমাণ দেওয়া হইন। ত্রিভূজগুলি অন্ধন করিয়া স্কেল ও কোণমান্যক্র সাহায্যে ভতীয় বাহুর দৈর্ঘ্য ও অপর কোণগুলির পরিমাণ নির্ণয় কর।
 - (i) হুই বাছর পরিমাণ 2.2" ও 2.9" এবং অস্তভূতি কোণ 80°
 - (ii) " 7·3 সে. মি ও 12·1 সে. মি. " " 28°
 - (iii) 2" '9 3" ... " 60°
 - (iv) " 3.7" 'e 3.7" " 42°
 - (v) " 3 সে. মি. ও 4 সে. মি. ", " 90°
- ছুইটি কোণ ও তাহাদের সন্ধিহিত বাহুর পরিমাণ দেওয়া হইল;
 ক্রিভুজগুলি অভিত করিয়া অপর অংশগুলি পরিমাপ কর।
 - (a) 45° ও 72° এর সহিত বাহু 8'3 সে. মি।
 - (b) 39° · 8 39° " " 3·9 乾禄· 1
 - (c) 90° 's 42° " " 7°2 সেমি।
 - (d) 116° % 78° " "1'8 ইकि।
 - (e) 60° ও 60° " " 6°5 সে. মি।
 - (f) 50° ও 130° " " 2.8 ইঞি।

[প্রদত্ত সর্ত অস্থসারে কোন ত্রিভূজ অগ্ধন অসম্ভব হইলে ভাহার কারণ নির্দেশ কর।]

- 10. একটি সমকোণী ত্রিভূজ অন্ধন করিয়া উহার স্ক্র কোণগুলি মাপিয়া দেখ। তিনটি কোণের পরিমাণ যোগ করিয়া দেখ 180° হয় কিনা? এইরূপে প্রমাণ কর সমকোণী ত্রিভূজের স্ক্রেকোণ তুইটি পরস্পর অভপূরক।
- 11. ছইটি বাছর পরিমাণ 3'7" ও 3'7" এবং উহাদের মধ্যবর্তী কোণের পরিমাণ 42°; ত্রিভুজটি অন্ধন কর। উহা কিরপ ত্রিভুজ হইল ? উহার অপর ছইটি কোণের পরিমাণ কত ?
- 12. কয়েকটি স্থূলকোণী ত্রিভূজ অন্ধন করিয়া প্রমাণ কর যে স্থূলকোণী ত্রিভূজের একটির বেশী স্থূলকোণ থাকিতে পারে না।
- 13. সমকোণী সমদিবাহু ত্রিভূজের স্ক্রকোণগুলির প্রত্যেকটির পরিমাণ কত ?
- 14. একটি সমবাহ ত্রিভূজের তিন বাহুর সংষ্টি 6 সে. মি. দেওয়া আছে ; ত্রিভূজটি অন্ধন কর।
- 15. একটি সমদিবাছ ত্রিভূজের তিন বাহুর সমষ্টি 7 ইঞ্চিও উহার ভূমির দৈর্ঘ্য 3 ইঞ্চি দেওয়া আছে; ত্রিভূজটি অঙ্কন করিয়া কোণগুলি পরিমাণ কর।
- 16. এমন একটি সমন্বিবাছ ত্রিভৃদ্ধ অন্ধন কর, যাহার সমান ত্ই বাছর প্রত্যেকটি ভূমির তিন গুণ। কোণমান্যন্ত সাহায্যে অন্ধিত ত্রিভৃ্ইটর কোণ-গুলি পরিমাপ কর।
- সমবাহ ও সমদ্বিবাহ ত্রিভ্রদ্বয় অন্ধিত করিয়া উহাদের দাদৃশ্য ও বৈদাদৃশ্য পৃথকভাবে বৃঝাইয়া দাও।

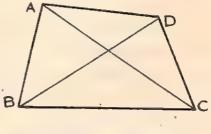
অপ্তম অধ্যায় চত্ত্তি

সরলরেথার দ্বারা বেষ্টিভ ক্ষেত্র নানাপ্রকার হইতে পারে। ত্রিভূজ তিনটি সরলরেথা দ্বারা বেষ্টিভ সমতল ক্ষেত্র; ইহার সম্বন্ধে পূর্ববর্তী অধ্যায়ে আলোচনা করা হইয়াছে। এবার চারিটি সরলরেথার দ্বারা সীমাবদ্ধ সমতল ক্ষেত্র সম্বন্ধে জানিতে পারিবে।

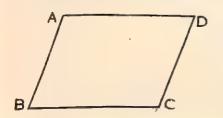
যে সমতল ক্ষেত্র চারিটি সরলরেথাদ্বারা সীমাবদ্ধ, অর্থাৎ যাহার চারিটি ভূজ বা বাহু আছে তাহাকে চতুভূ জ (Quadrilateral) বলে। যে সরলরেথা কোন চতুভূ জের বিপরীত ছুই কৌণিক

বিন্দুকে যোগ করে, তাহাকে চ তু ভূ জে র কর্ব (Diagonal) বলে।

ABCD একটি চতুর্ভ ; AC ও BD উহার ছইটি কর্ণ।



নিমে বিভিন্ন প্রকার চতুভূ জের পরিচয় দেওয়া হইল।

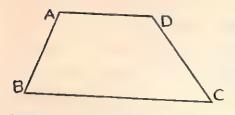


যে চ তু তু জে র
বিপরীত বাহুগুলি পরস্পর
সমান্তরাল তাহাকে সামান্তরিক (Parallelogram)
বলে।

ABCD একটি সামান্তরিক; AB ও CD বিপরীত বাছদ্বয়

পরস্পর সমান্তরাল, পুনরায় AD ও BC বাহুদ্বয়ও পরস্পর সমান্তরাল। স্কেল ও কোণমান্যন্ত্র সাহায্যে পরিমাপ করিলে দেখা যাইবে যে সামান্তরিকের বিপরীত বাহুগুলি পরস্পর সমান এবং বিপরীত কোণগুলিও পরস্পর সমান।

2. যে চতুভু জের ছইটি মাত্র বিপরীত বাহু সমাস্তরাল, কিন্তু



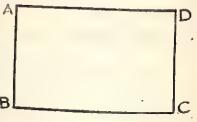
অপর তুইটি বাহু সমান্ত-রাল নহে, তাহাকে ট্রাপি-জিয়ম (Trapezium) বলে।

চিত্ৰে ABCD একটি

ট্রাপিজিয়ম, উহার AD এবং BC বাহু সমান্তরাল; অপর বাহুদ্বয় সমান্তরাল নহে।

ই. যে সামান্তরিকের কোণগুলি প্রত্যেকে সমকোণ, তাহাকে
আয়তক্তে (Rectangle) বলে। কোন সামান্তরিকের একটি কোণ
সমকোণ হইলে ইহার সকল কোণগুলিই সমান হইবে।

স্কেলদ্বারা পরিমাপ করিলে দেখা যাইবে যে আয়তক্ষেত্রের বিপরীতবাহুগুলিপরস্পার সমান। ত্রিকোণীর সাহায্যে পরীক্ষা করিলে উহারা যে পরস্পর সমাস্তরাল তাহাবুঝিতে পারিবে।

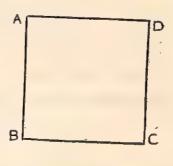


একটি চতুর্জু জের চারিটি কোণের সমষ্টি চারি সমকোণের সমান ; স্কুতরাং উহার তিনটি কোণ সমকোণ হইলে অবশিষ্ঠ কোণটিও সমকোণ হইবে। আয়তক্ষেত্রের সন্নিহিত বাহুগুলি সমান হইলেই উহা বর্গক্ষেত্রে পরিণত হয়। বর্গক্ষেত্রের সংজ্ঞা নিমে দেওয়া হইল।

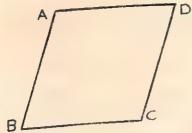
4. যে চতুর্ভু জের চারিটি বাহুই পরস্পর সমান এবং চারিটি

কোণই সমকোণ তাহাকে সমচতু-ভুজ বা বৰ্গক্ষেত্ৰ (Square) বলে।

কোন আয়তক্ষেত্রের সকল বাহুগুলি সমান হইলেই উহা বর্গক্ষেত্রে পরিণত হয়। ABCD একটি বর্গক্ষেত্র।



5. যে চতুত্ব জের চারিটি বাহুই পরস্পর সমান কিন্তু কোণগুলি



সমকোণ নহে তাহাকে রশ্বস (Rhombus) বলে।

রস্বদের একটি কোণ সমকোণ হইলে বাকী কোণগুলিও সম-কোণ হইবে ও উহা বর্গক্ষেত্রে পরিণত হইবে।

আয়তক্ষেত্র, বর্গক্ষেত্র ও রম্বস ইহারা সকলেই বিশেষ প্রকার সামান্তরিক মাত্র।

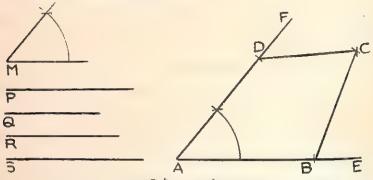
म्ळूड्ड ज यहन

পূর্ববর্তী অধ্যায়ে ত্রিভূজ অঙ্কনপ্রসঙ্গে তোমরা জানিয়াছ যে
ত্রিভূজের মোট ছয়টি বিভিন্ন অংশের মধ্যে অন্ততঃ তিনটি অংশ
(তিনটি কোণ ব্যতীত) প্রদত্ত হইলে কোন ত্রিভূজ অঙ্কন সম্ভব।

চতুর্জের 4টি বাহু, 4টি কোণ এবং 2টি কর্ণ—এই দশটি অঙ্গ, ইহাদের মধ্যে অন্ততঃ পাঁচটি অঙ্গ প্রদত্ত না হইলে চতুর্জ অঙ্কন অসম্ভব।

কেবলমাত্র তিনটি বাহু দেওয়া থাকিলে একটি ত্রিভূজ অঙ্কন করা যায়, কিন্তু চারিটি বাহু প্রদন্ত হইলেই কোন চতুভূজি আঁকা যায় না। নিম্নে কয়েকটি চতুভূজি অঙ্কনের প্রণালী দেওয়া হইল।

(i) চারিটি বাহুর দৈর্ঘ্য এবং একটি কোণ নির্দিষ্ট আছে ; চতুর্ছু জটি অন্ধিত করিতে হইবে।



মনে কর, P,Q,R,S চারিটি বাহুর দৈর্ঘ্য এবং ∠ M, P ওS-এর মধ্যবর্তী কোণ। চতুর্ভুজিটি আঁকিতে হইবে।

অঙ্কন ঃ—যে কোন একটি সরলরেখা AE লও এবং ইহা হইতে P-এর সমান করিয়া AB অংশ কাটিয়া লও।

A বিন্দৃতে AB রেথার সহিত ∠ M-এর সমান করিয়া একটি কোণ EAF আঁক (কোণমান্যস্ত্র সাহায্যে)।

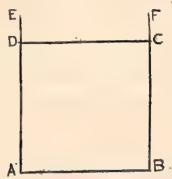
AF হইতে S-এর সমান AD অংশ কাটিয়া লও।

D ও B-কে কেন্দ্র করিয়া যথাক্রমে Q এবং R ছুইটি ব্যাসার্ধ লইয়া ছুইটি বৃত্তচাপ আঁক (পেন্সিল কম্পাস সাহায্যে)। মনে কর, উভয় বৃত্তচাপ C বিন্দুতে পরস্পার ছেদ করিল। CD ও CB যোগ কর। তাহা হইলে ABCD উদ্দিষ্ট চতুভু জ হইবে।

মন্তব্য :-প্রদত্ত R ও Q রেখা ছইটির দৈর্ঘ্যের সমষ্টি BD কর্ণের দৈর্ঘ্য অপেক্ষা বড় হওয়া চাই, নতুবা উহাদিগকে ব্যাসার্ধ লইয়া যে বৃত্তচাপ আঁকা হইবে তাহারা পরস্পর ছেদ করিবে না; ফলে আমরা C বিন্দুটি পাইব না এবং চতুর্ভু জিটি আঁকাও সম্ভব. হইবে না।

কোণমান্যন্ত্র এবং স্কেল সাহায়ে কোণটি ও বাহুগুলির পরিমাপ লইয়া তোমার অঙ্কনের বিশুদ্ধতা পরীক্ষা করিতে পার।

(ii) একটি নির্দিষ্ট সরলরেখার উপর একটি বর্গক্ষেত্র অঙ্কন করিতে হইবে।



মনে কর, AB একটি নির্দিষ্ট সরলরেখা, ইহার উপর একটি বৰ্গক্ষেত্ৰ আঁকিতে হইবে।

অস্কন :--AB রেখার A বিন্দুতে AE একটি লম্ব অঙ্কন কর (ত্রিকোণীর সাহায্যে)।

ঐরপে B বিন্দুতে BF অপর একটি লম্ব অঙ্কন কর।

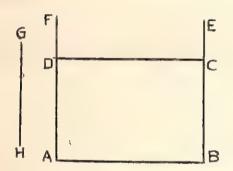
AE ও BF হইতে AB দৈর্ঘ্যের সমান করিয়া যথাক্রমে AD ও BC অংশ কাটিয়া লও।

DC যোগ কর।

তাহা হইলে ABCD নির্ণেয় বর্গক্ষেত্র হইল।

স্কেলের সাহায্যে পরিমাপ করিলে দেখিতে পাইবে যে CD-এর দৈর্ঘ্য AB-এর দৈর্ঘ্যের সমান হইয়াছে।

্ (iii) সুইটি সন্নিহিত বাহু দেওয়া আছে, আয়তক্ষেত্রটি অঙ্কন করিতে হইবে।



মনে কর, AB এবং GH ছুইটি সন্নিহিত বাহুর দৈর্ঘ্য দেওয়া আছে ; আয়তক্ষেত্রটি অঙ্কন করিতে হুইবে।

আরন:—AB সরলরেখার A এবং B বিন্দুতে যথাক্রমে AF ও
BE ছুইটি লম্ব অঙ্কন কর (ত্রিকোণীর সাহায্যে)।

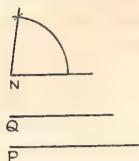
AF ও BE হইতে GH সরলরেখার সমান করিয়া যথাক্রমে
AD ও BC অংশ কাটিয়া লও।

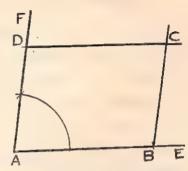
DC যোগ কর।

ক্ষেল সাহায্যে মাপিয়া দেখ, DC-এর দৈঘ্য AB-এর সমান হইয়াছে।

অতএব ABCD নির্ণেয় আয়তক্ষেত্র।

(iv) কোন সামান্তরিকের তুই সন্ধিহিত বাহু এবং উহাদের মধ্যবর্তী কোণের পরিমাণ দেওয়া আছে; সামান্তরিকটি অঙ্কন করিতে হইবে।





মনে কর, P ও Q গুইটি সন্নিহিত বাহু এবং ∠ N তাহাদের মধ্যবর্তী কোণ; সামান্তরিকটি অঙ্কন করিতে হইবে।

অঙ্কন ঃ—AE একটি সরলরেখা টান। ইহা হইতে P-এর সমান AB অংশ কাটিয়া লও।

AE সরলরেথার A বিন্দুতে ∠ N-এর সমান করিয়া ∠ EAF অঙ্কন কর।

AF হইতে Q-এর সমান করিয়া AD অংশ কাটিয়া লও।

B এবং D বিন্দু দিয়া যথাক্রমে AD এবং AB-এর সমান্তরাল
তুইটি সরলরেথা অঙ্কন কর (ত্রিকোণীর সাহায্যে)।

মনে কর এ সমান্তরাল সরলরেখাদ্বয় পরস্পর C বিন্দৃতে ছেদ করিল।

তাহা হইলে ABCD ক্ষেত্ৰই উদ্দিষ্ট সামান্তরিক হইবে। মন্তব্য :-- D এবং B-কে কেন্দ্র করিয়া যথাক্রমে AB এবং AD- এর সমান ব্যাসার্ধ লইয়া ছুইটি বৃত্তচাপ অঙ্কন করিয়া, উহাদের ছেদবিন্দুকে D ও B-এর সহিত যুক্ত করিলেও সামাস্তরিকটি পাওয়া যাইবে।

আয়ুতক্ষেত্র এবং বর্গক্ষেত্রের ক্ষেত্রফল নির্ণয়

কোন রাশির পরিমাণ নির্ণয় করিতে হইলে, সেই জাতীয় অন্য কোন রাশির সাহায্য লইতে হয়; শেষোক্ত রাশিকে একক রাশি বা সংক্ষেপে একক (unit) বলে।

যেমন কোন রেখার দৈর্ঘ্য মাপিতে গেলে আমরা ইঞ্চিকে একক ধরিয়া বলিতে পারি যে রেখাটির দৈর্ঘ্য 36 ইঞ্চি; ফুটকে একক ধরিলে ঐ রেখাটির দৈর্ঘ্য হইবে 3 ফুট, আবার গজকে একক ধরিলে ঐ রেখার দৈর্ঘ্য । গজ হইবে।

বিভিন্ন একক গ্রহণ করায় ঐ একই রেখার দৈর্ঘ্যের বিভিন্ন মান পাওয়া যাইবে।

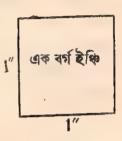
ক্ষেত্রফল বলিতে কোনও সমতল ক্ষেত্র তলের যতটুকু স্থান জুড়িয়া আছে তাহার পরিমাণ বুঝায়।

দৈর্ঘ্য মাপিবার জন্ম নির্দিষ্ট এককের প্রয়োজন হয়; ক্ষেত্রফল পরিমাপের জন্মও নির্দিষ্ট এককের প্রয়োজন।

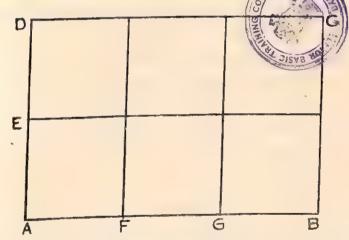
তবে ঐ একক অবশ্যই অস্থ্য কোন ক্ষুত্ৰতর ক্ষেত্ৰফল হইবে। যে কোন ক্ষেত্ৰফলকে অবশ্য এককভাবে লওয়া যায়। কিন্তু সাধারণতঃ ক্ষেত্ৰফল পরিমাপের জন্ম এক বর্গ ইঞ্জি, এক বর্গফুট, এক বর্গগজ প্রভৃতি একক ধরা হয়।

এক বর্গইঞ্চি পরিমাণ ক্ষেত্র বলিতে কি বুঝা থায় তাহা জানা প্রয়োজন। এক ইঞ্চি পরিমিত একটি বাহুর উপর একটি বর্গক্ষেত্র আন্ধন কর। তাহা হইলে উহার দৈর্ঘ্য এক ইঞ্চি ও প্রস্তুত্ত এক ইঞ্চি হইবে। উহার পরিমাণ ফলকে এক বর্গইঞ্চি বলে। নিমের চিত্রদাহায়ে এক বর্গ ইঞ্চি সম্বন্ধে স্পষ্ট

াচত্রসাহায্যে এক বগ হাঞ্চ সম্বন্ধে স্পষ্ট ধারণা হইবে। এইরূপে এক ফুট দীর্ঘ ও এক ফুট প্রস্থাক এক ফুট প্রস্থাক এক বর্গফুট বলে। বর্গগজ ও বর্গমাইলের ধারণা ।"
করা এখন সহজ হইবে। এইরূপ একক-সমূহের সাহায্যে আয়তক্ষেত্র বা বর্গক্ষেত্রের ক্ষেত্রফল পরিমাপ করার বিশেষ স্থবিধা হয়।



মনে কর, ABCD একটি আয়তক্ষেত্র; ইহার দৈখ্য AB=3", প্রস্থ AD=2"। AB দৈখ্যকে সমান তিনভাগে ভাগ করিছা F ও



G বিন্দু ও AD প্রস্তুকে সমান ছুইভাগে ভাগ করিয়া E বিন্দু স্থাপন কর। F, G ও E বিন্দু হইতে যথাক্রমে AB ও AD-এর উপর লম্ব টানিয়া আয়তক্ষেত্রটিকে ছয়টি ভাগে বিভক্ত কর। AF, FG, GB প্রত্যেকের দৈর্ঘ্য এক ইঞ্চি। আবার AE ও ED প্রত্যেকের দৈর্ঘ্য এক ইঞ্চি। অতএব আয়তক্ষেত্রটি ছয়টি সমান ক্ষেত্রফলবিশিষ্ট বর্গক্ষেত্রে বিভক্ত হইয়াছে। প্রত্যেকটি বর্গক্ষেত্রেরই পরিমাণ এক বর্গ ইঞ্চি। অতএব আয়তক্ষেত্রটির ক্ষেত্রফলের পরিমাণ এক বর্গ ইঞ্চি। অতএব আয়তক্ষেত্রটির ক্ষেত্রফলের পরিমাণ 3 × 2 বা 6 বর্গ ইঞ্চি।

এইরূপে দৈর্ঘ্য ও প্রস্থের গুণফল দারা ক্ষেত্রফল নির্ণয় করাই সাধারণ নিয়ম। এই নিয়মের সাহায্যে বর্গক্ষেত্রের ক্ষেত্রফল নির্ণয় করাও সহজ।

আয়তক্ষেত্রের ক্ষেত্রফল — দৈর্ঘ্য × প্রস্থ ; বর্গক্ষেত্রের ক্ষেত্রফল — দৈর্ঘ্য × প্রস্থ অথবা দৈর্ঘ্য × দৈর্ঘ্য (দৈর্ঘ্য = প্রস্থ বলিয়া)

মনে রাখিবে 3 বর্গইঞ্চি (3 square inches) এবং 3 ইঞ্চি বর্গক্ষেত্র (3 inch square) এর পরিমাণ সমান নহে; কারণ 3 ইঞ্চি বর্গক্ষেত্রের ক্ষেত্রফল 3 × 3 বা 9 বর্গ ইঞ্চি।

গণনার স্থ্রিধার জন্ম উল্লিখিত প্রকারে ক্ষেত্রফলের পরিমাণ করা হইয়া থাকে; কিন্তু অম্মবিধ একক ধরিয়া যে পরিমাণ করা যায় না, এমন নহে। বঙ্গদেশে ভূমিমাপের প্রধান একক বিঘা; বিঘা ৪০ হাত দীর্ঘ বাছবিশিষ্ট একটি বর্গক্ষেত্র।

व्यकुगीन्नी

- প্রদত্ত অংশগুলির সাহায্যে চতুত্জি অলম কর:—
- (i) AB=6'3 সে. মি, ∠B=82°, BC=8'2 সে. মি, ∠C=90°, CD=7'7 সে. মি; ABCD চতুভূজি অঙ্কন কর।

- (ii) AB=3'4", BC=2'2", AD=2'9", ∠A=68°, ∠B=86°; ABCD চতুভূজি অজন কর।
- (iii) ∠A=67°, ∠B=113°, ∠D=46°, AB=5°3 সে. মি. AD=8°6 সে. মি.।
- (iv) AB=1'9", BD=1'7", CD=2", ∠ABD=118°, ∠BDC=23°; ABCD চতুভূজি আছন কর।
- (v) AB=2·3", BC=2·1", CD=3·3", DA=1·5°, BD=3·4"; ABCD চতুভূজি অহন কর।
- (vi) AB=BC=CD=DA=5°1 সে. মি., AC=9°2 সে. মি.; ABCD চতুভূজি আছন কর।
 - চিত্র দাহাব্যে দংজ্ঞা বুঝাইয়া দাও :—
 বর্গক্ষেত্র, আয়তক্ষেত্র, রহদ, দামাস্তরিক, ট্রাপিজিয়ম।

7

- 3. AB=3", BC=4", CD=3'7", DA=3'2" এবং BD =3'9"; ABCD চতুভূ ৰুটি অহন করিয়া ∠A ও ∠C কোণছয় পরিমাণ কর।
- 4. 2°3" বাছবিশিষ্ট এবং 1°7" একটি কর্ণযুক্ত একটি রয়স অয়ন কর। অপর কর্ণটির দৈর্ঘ্য নির্ণয় কর। কর্ণধয়ের ছেদবিন্দুতে যে কোণগুলি উৎপয় য়ইল উহারা কিরপ কোণ ?
- 5. নিমে চতুভূ জের বাছগুলির ও একটি কোণের পরিমাণ দেওয়া আছে; চতুভূ জিগুলি আঁক:—
 - (a) 1'8", 2'2", 2", 1'4" 9 45° I
 - (b) 2", 1.5", 1.4", 1.2" ≤ 60° I
- 6. তুইটি দল্লিহিত বাছর দৈর্ঘা এবং উহাদের মধ্যবর্তী কোণের পরিমাণ দেওয়া হইল ; সামাস্তরিকগুলি অঙ্কন কর :—
 - (a) 6'3 দে. মি. 5'1 দে. মি. 34°।
 - (b) 10.4 দে. মি. 2.6 দে. মি. 116°।

- 7. AB=CD=4.7 বে. মি. AD=BC=7.2 বে. মি. LA=85°;
 ABCD চতুত্তিট অন্ধন কর। ইহা কি একটি সামাস্তরিক হইবে?
- 8. ছুইটি সলিহিত বাহুর দৈখা দেওয়া হইল; আয়তক্ষেত্তগুলি অকন কর:--
- (a) 7·3 সে.মি. 3·7 সে.মি.; (b) 2·3″ ও 5 3″; (c) ৪·6 সে.মি.ও 11·2 সে.মি। কণ্ডলির দৈখ্য নির্যুকর।
- 9. কয়েকটি বর্গক্ষেত্রের বাহুর পরিমাণ দেওয়া হইল; বর্গক্ষেঞ্জি অফন কর:—
 - (a) 5.6 সে. মি, (b) 3.2", (c) 2.5", (d) 4 সে. মি।
 - 10. বর্গক্ষেরে কর্ণব্যের ছেদবিন্দুতে কিরুপ কোণ উৎপন্ন হয় ?
- একটি আয়তকেত্রের কেত্রফল 36 বর্গফুট; উহার এক বাল্ 12 ফুট হইলে অপর বাল্বর পরিমাণ কত ?
- 12. 4" দৈখা ও 3" প্রস্থবিশিষ্ট একটি আয়তক্ষেত্রের ক্ষেত্রফল কত হইবে ? 6 সে. মি. বাছবিশিষ্ট একটি বর্গক্ষেত্রের ক্ষেত্রফল কত ?
- 13. 6 ইঞ্চি দৈঘা ও 4 ইঞ্চি প্রস্থবিশিষ্ট একটি আয়তক্ষেত্রের ক্ষেত্রফল কত ? দৈখ্য ঠিক রাখিয়া মোট ক্ষেত্রফল এর পরিমাণ 12 বর্গ ইঞ্চি বৃদ্ধিপ্রাপ্ত হুইলে প্রস্থ কত বণিত করিতে হুইবে ? ঐ অবস্থায় আয়তক্ষেত্রটিকে কিরপ ক্ষেত্র বলিবে ?

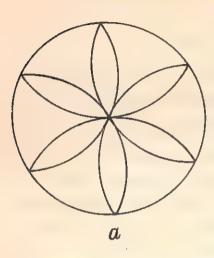
নবম অধ্যায়

জ্যামিতিক চিত্রসমূহের ব্যবহারিক প্রয়োগ নমুনা (ডিজাইন) ও নক্সা (প্লান) অঙ্কন

পূর্ববর্তী অধ্যায়সমূহে তোমরা বিভিন্ন প্রকার সামতলিক ক্ষেত্র ও তাহাদের অঙ্কনপদ্ধতির সহিত পরিচিত হইয়াছ। সমবাহু ত্রিভূজ, আয়তক্ষেত্র, বর্গক্ষেত্র, স্থম ষড়ভূজ ও অন্যান্ত স্থম সরলরৈথিক ক্ষেত্র এবং বৃত্তের চিত্র সাহায্যে বিভিন্ন প্রকার নমুনা (ডিজাইন) অঙ্কন করা যায়। এই প্রকার অঙ্কনকার্যে পূর্ববর্তী অধ্যায়গুলিতে জ্ঞাত অঙ্কন-প্রণালীসমূহের প্রয়োগ আবশ্যক হইবে। ব্যবহারিক ক্ষেত্রে আলপনা, স্চীশিল্প, শাড়ীর পাড়ের প্যাটার্ন ও অন্যান্ত বিবিধ প্রকার কারুকার্য ও আলঙ্কারিক প্রয়োজনে এই সকল নমুনার ব্যবহার দেখা যায়। অঙ্কনকার্যের জটিলতা অনুসারে সরল নমুনা ও মিশ্র বা জড়োয়া (Interlacing) নমুনাসকলের শ্রেণীবিভাগ করা হইয়া থাকে।

নিমে কয়েকটি সরল নমুনার অঙ্কনপদ্ধতি বর্ণনা করা হইল।
এই সকল নমুনা অঙ্কনের সময় বিভিন্ন প্রকার জ্যামিতিক ক্ষেত্রগুলির
অঙ্কন বিশুদ্ধ হওয়া অত্যাবশুক। ফুট্কি দ্বারা চিহ্নিত রেখাগুলি
যথাসন্তব স্ক্ষভাবে অঙ্কন করিতে হইবে, কারণ নমুনাটির অঙ্কনকার্যে ঐ রেখাসমূহ সহায়ক মাত্র; অঙ্কন শেষ হইলে ফুট্কি দ্বারা
চিহ্নিত রেখাগুলি মুছিয়া কেলিলেই প্রকৃত নমুনাটি পাওয়া
যাইবে।

(a) 1" ব্যাসার্ধ লইয়া যে কোন বিন্দুকে কেন্দ্র করিয়া একটি



বৃত্ত অঙ্কন কর। বৃত্তের পরিধিটিকে ছয়টি বিন্দু চিক্ন দারা ছয়টি
সমান অংশে বিভক্ত কর। পুনরায়
প্রত্যেক বিন্দুকে কেন্দ্র করিয়া
। ইঞ্চি ব্যাসাধ লইয়া এরপভাবে ছয়টি বৃত্তচাপ অস্কিত কর
যেন তাহাদের প্রান্তবিন্দুগুলি
প্রথমোক্ত বৃত্তের পরিধি দারা
সীমাবদ্ধ হয়। তাহা হইলে প্রদত্ত
চিত্রান্ত্রসারে 'a' নমুনাটি অস্কিত
হইল।

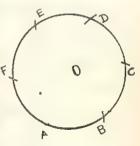
অনুশীলন:—2 ইঞ্চি ব্যাসার্থ লইয়া বৃত্ত ও বৃত্তচাপগুলি অঙ্কন করিয়।
নুম্নাটি অঙ্কন কর।

বিশেষ জ্ঞতীব্য :—কোন বৃত্তের পরিধিকে সমান ছয় অংশে বিভক্ত করিতে

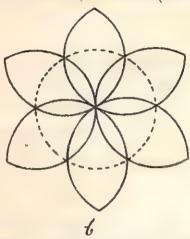
হইলে প্রথমে পরিধির উপর A একটি বিন্দু লও।

ক বিন্দুকে কেন্দ্র করিয়া বৃত্তটির ব্যাসার্ধের সমান

[AO-এর সমান] ব্যাসার্ধ লইয়া একটি বৃত্তচাপ অন্ধন
কর; ঐ বৃত্তচাপ পরিধিকে B বিন্দুতে ছেদ করিল; ই
উহাকে কেন্দ্র করিয়া অন্ধরপভাবে C বিন্দু বাহির
কর। এইরপে প্রাপ্ত A,B,C,D,E,F এই ছয়টি
বিন্দু দ্বারা পরিধিটি সমান ছয় অংশে বিভক্ত হইবে।



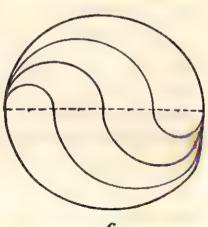
(b) '6" ব্যাসার্থ লইয়া ফুট্কি চিহ্নিত রেখা দারা একটি বৃত্ত অঙ্কন করিয়া উহার পরিধি ছয়টি বিন্দু দারা ছয়টি সমান অংশে বিভক্ত কর। ঐ বিন্দুগুলিকে কেন্দ্র করিয়া '6" ব্যাসার্থ লইয়া বৃত্তাংশ অশ্বিত করিলে প্রতি ছুইটি চাপের ছুইটি করিয়া প্রাস্তবিন্দু



একবিন্দুতে মিলিত হইয়া 'b' নমুনাটির স্ষ্টি করিবে। অঙ্কন শেষে ফুট্কি চিহ্নিত রেখাটি মুছিয়া ফেলিবে।

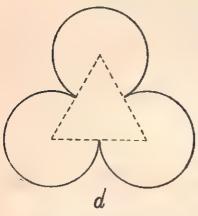
অনুনীলন :- 1'4 ইঞি ব্যাদার্থ লইয়া উপরোক্ত নম্নাম্পারে অপর একটি নমুনা অহন কর।

(c) একটি সরলরেখার উপর 🔐 অন্তর চারিটি 'ধাপ' লও। তুইটি ধাপ অর্থাৎ 1" ব্যাসার্ধ লইয়া প্রথম বৃত্ত অঙ্কন কর। ছুই বিপরীত দিক হইতে সরলরেখা-টির উভয় পার্ষে এক ধাপ, তুই ধাপ ও তিন ধাপ অর্থাৎ 🖫 📜 ও 🐉 ব্যাস লইয়া ছয়টি অর্ধবৃত্ত অঙ্কন কর। এখন ফুট্কি চিহ্নিত সরলরেখাটি মুছিয়া ফেলিলে 'c' নমুনাটি অঙ্কিত হইবে।



আফুশীলন :— ½" অন্তর আটটি ধাপ নইয়া চারি ধাপ ব্যাদার্থ লইয়া প্রথম বৃত্তটি এবং 1, 2, ও 3 ধাপ ব্যাদার্থ লইয়া অর্ধবৃত্তগুলি অন্তন করিয়া অপর একটি নম্না অন্ধন কর।

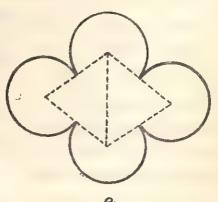
(d) 1" বাছবিশিষ্ট একটি সমবাহু ত্রিভূজ অঙ্কিত কর; উহার



কৌণিক বিন্দু তিনটিকে কেন্দ্র করিয়া 🖁 ব্যাসার্থ লইয়া তিনটি বৃত্তাংশ এরপভাবে অদ্বিত কর যেন উহাদের প্রাস্ত বিন্দুগুলি বা হু ত্র য়ের মধ্যবিন্দুগুলিতে আসিয়া অবস্থিত হয়। এখন অস্তর্বতী ফুট্কি দ্বারা চিহ্নিত সম-বাহু ত্রিভূজটিকে মুছিয়া ফেলিলে 'd' নমুনাটি পাওয়া যাইবে।

অনুশীলন :—2 ইঞ্চি বাহুবিশিষ্ট সমবাহু ত্রিভূজ এবং ।" ব্যাসাধবিশিষ্ট বৃত্তাংশ সাহায্যে উপরোক্ত নম্নাটি অহন কর।

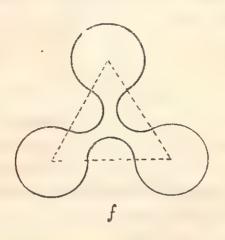
(e) 2 সেন্টিমিটার বাছর দৈর্ঘ্য লইয়া একই সাধারণ ভূমির ছই বিপরীত পার্শ্বে ছইটি সমবাছ ত্রিভূজ অঙ্কিত কর। চারিটি কোণিক বিন্দুকে কেন্দ্র করিয়া । সেন্টিমিটার ব্যাসার্ধ লইয়া এরপভাবে চারিটি বুত্তাংশ অঙ্কিত কর যেন উহা-



দের তুইটি প্রান্তবিন্দু বাহুগুলির মধাবিন্দুর সহিত আসিয়া মিলিত

হয়। অন্তর্বর্তী সমবাহু ত্রিভুজদ্বয়ের ফুট্কি চিহ্নিত পরিসীমা মুছিয়া ফেলিলে 'e' নমুনাটি অঙ্কিত হইল।

অনুশীলন :— সমবাহ ত্রিভুগুলির বাহুর দৈর্ঘ্য 4 সেন্টিমিটার এবং বৃত্তাংশের ব্যাসার্ধ 2 সেন্টিমিটার ধরিয়া পরিবধিত আকারে নম্নাটি অন্ধন কর। (f) 3 সেন্টিমিটার বাহুবিশিষ্ট একটি সমবাহু ত্রিভুজ অস্কিত



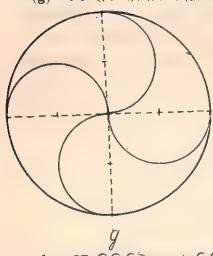
কর। বাহুগুলির মধাবিন্দু নির্ণয় কর। ঐ মধ্যবিন্দুগুলিকে কেন্দ্র করিয়া '6 সেটিমিটার ব্যাসার্ধ লইয়া ত্রিভুজটির অন্তর্দেশে তিনটি অর্ধবৃত্ত অঙ্কন কর। এক্ষণে ত্রিভুজটির কৌণিক বিন্দুগুলিকে কেন্দ্র করিয়া '9 সেটিমিটার ব্যাসার্ধ লইয়া তিনটি বৃত্তাংশ অঙ্কিত কর। দেখিতে পাইবে যে বৃত্তাংশগুলির প্রাস্তবিন্দুগুলি সংলগ্ন অর্ধবৃত্ত-গুলির প্রাস্তবিন্দুর সহিত মিলিত হইয়াছে। এইরূপে '1' নমুনাটি অঙ্কিত হইল। ফুট্কি চিহ্নিত সমবাহু ত্রিভুজটির পরিসীমা মুছিয়া ফেল।

অনুশীলন :— 6 সেটিমিটার বাহবিশিষ্ট সমবাহ ত্রিভুছ অভিত কর।

(i) 1.2 দেণ্টিমিটার ব্যাসার্ধ লইয়া অন্তর্বর্তী অর্ধর্ত্তগুলি এবং 1.8
 দেণ্টিমিটার ব্যাসার্ধ লইয়া বহিঃস্থ বৃত্তাংশগুলি অন্ধন করিয়া নমুনাটি অন্ধন কর।

(ii) অধ্বৃত্তগুলির ব্যাদার্ধ 1'5 দেটিমিটার এবং বৃত্তাংশের ব্যাদার্ধ 1'5 দেটিমিটার লইয়া ঐ একই দমবাহু ত্রি হুজের দাহাধ্যে নম্নাটি অঙ্কন কর।

(g) 1·1 ইঞ্চি ব্যাসার্ধ লইয়া একটি বৃত্ত অঙ্কন করিয়া পরস্পর

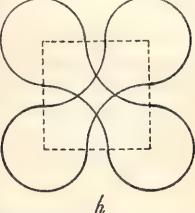


লম্ব এমন ছুইটি ব্যাস লও।
ব্যাসার্ধগুলির উপর চিত্রান্থসারে চারিটি অর্ধবৃত্ত অঙ্কন
করিলে নমুনাটি পাইবে।
ব্যাসের চিহ্নগুলি মুছিয়া
ফেল।

অনুশীলন :— 2" ব্যাদার্থ লইয়া বৃত্তান্ধন করিয়া পরিবর্ধিত আকারে নম্নাটি অন্ধন কর।

(h) 27 মিলিমিটার বাহুবিশিষ্ট একটি বর্গক্ষেত্র অঙ্কিত কর।

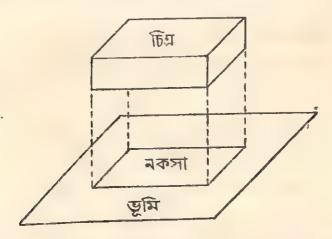
উহার কৌণিক বিন্দৃগুলিকে কেন্দ্র করিয়া ।। মিলিমিটার ব্যাসার্থ লইয়া বহির্দিকে চারিটি বৃত্তাংশ অঙ্কন কর; পুনরায় ।6 মিলিমিটার ব্যাসার্থ লইয়া অন্তর্দিকে চারিটি বৃত্তচাপ অঙ্কন কর। বর্গক্ষেত্রের পরিস্থীমার চিহ্ন মৃছিয়া ফেলিলে নমুনাটি পাওয়া যাইবে।



অনুশীলন ঃ— 5 সেণ্টিমিটার বাহুবিশিষ্ট বৰ্গক্ষেত্ৰ অঙ্কন করিয়া 2 সেণ্টিমিটার ব্যাসার্ধ লইয়া বহিঃস্থ ও 3 সেণ্টিমিটার ব্যাসার্ধ লইয়া অন্তঃস্থ বৃত্তচাপগুলি অঙ্কন করিয়া নম্নাটি অঙ্কিত কর।

नक्प्रा जहन

নক্সা অস্কনের প্রণালী জানিবার পূর্বে নক্সা কাহাকে বলে তাহা জ্ঞানা প্রয়োজন। চিত্র এবং নক্সার মধ্যে পার্থক্য বৃঝিতে পারিলেই নক্সা সম্বন্ধে স্পষ্ট ধারণা জন্মিবে। বাড়ী, ঘর, ইট, বই প্রভৃতির চিত্র বলিতে কাগজের উপর অস্কিত উহাদের অবিকল প্রতিকৃতিকেই বৃঝায়। ভূমিতলে (Horizontal Plane) স্থাপিত ক্ষুদ্র কাগজথণ্ডের উপর, ঐ সকল বস্তু ভূ-পৃষ্ঠে যতটা স্থান অধিকার করিয়া আছে পরিমাপ অনুযায়ী তাহার অস্কিত সীমাকে নক্সা বলে। প্রদত্ত চিত্রে একখানি ইটের চিত্র ও নক্সা অস্কন



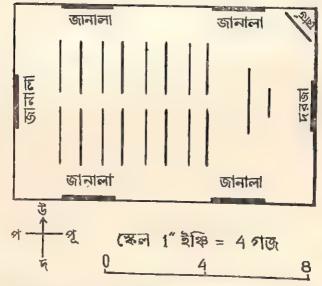
করিয়া দেখান হইল। উহা হইতে চিত্র ও নক্সার পার্থক্য লক্ষ্য কর। তোমার জ্যামিতি বইখানি কাগজের উপর কাটিয়া করিয়া উহার চারিটি সীমা বরাবর পেন্সিল দিয়া দাগ স্থাপন বইখানি উঠাইয়া লইলে কাগজের উপর অন্ধিত সীমাটি জ্যামিতি বইএর একটি নক্সা হইবে। তোমার বসতবাড়ী হইতে স্কুল পর্যন্ত স্থানের একটি চিত্র এবং নক্সা নিম্নে প্রদন্ত হইল। উহা হইতে চিত্র এবং নক্সার পার্থক্য স্থির করিতে পারিবে।



আয়তাকৃতি অথবা বর্গাকৃতি কোন গৃহ বা অপর কোন স্থানের নক্সা অস্কন করিতে বলিলে দৈর্ঘ্য ও প্রস্থের অনির্দিষ্ট যে কোন



পরিমাপ লইয়া একটি আয়তক্ষেত্র বা বর্গক্ষেত্র অঙ্কন করিলেই চলিতে পারে। এই সকল সহজ নক্সা অঙ্কনকালে তোমরা পূর্বে আয়তক্ষেত্র এবং বর্গক্ষেত্র অঙ্কনের যে প্রণালী জানিয়াছ তাহা প্রয়োগ প্রয়োজন হইবে। কিন্তু দৈর্ঘ্য ও প্রস্তের প্রকৃত দূর্ব্বের সহিত নক্সার দৈর্ঘ্য ও প্রস্তের অনুপাত স্থির করিয়া নক্সা অঙ্কনকে স্কেল অনুসারে অঙ্কন বলে এবং এই নির্দিষ্ট অনুপাতকে স্কেল (scale) বলে। নীচে তোমাদের শ্রেণীকক্ষেব একখানি নক্সা দেওয়া হইয়াছে। নক্সাটিতে শ্রেণীকক্ষের দৈর্ঘ্য ও প্রস্থ কত দেখান আছে তাহা মাপিয়া স্থির কর। দেখিবে দৈর্ঘ্য=3 ইঞ্চিও প্রস্থ=2 ইঞ্চি।



শ্রেণীকক্ষটির প্রকৃত দৈর্ঘ্য ছিল 12 গজ এবং প্রস্থ ছিল ৪ গজ।
কিন্তু 12 গজ লম্বা এবং ৪ গজ চওড়া নক্সা অঙ্কন করিতে হইলে
অনেক বড় কাগজের প্রয়োজন। এইরূপ বড় নক্সা অঙ্কন অসুবিধাজনক। সেইজন্ম দৈর্ঘ্য-প্রস্থের অনুপাত ঠিক রাখিয়া শ্রেণীকক্ষের
প্রকৃত আয়তনকে কাগজে ছোট করিয়া নক্সা অঙ্কন করিয়া দেখান
হইয়াছে।

শ্রেণীকক্ষটির মূল দৈর্ঘ্য 12 গজকে নক্সায় 3 ইঞ্চি দীর্ঘ সরল-রেখার সাহায্যে দেখানো হইয়াছে।

অতএব নক্সার 3 ইঞ্চি দৈর্ঘ্য = প্রকৃত 12 গজ দৈর্ঘ্য

শ । ইঞ্জি দৈঘ্য = প্রকৃত ¹ বা 4 গজ দৈঘ্য ইহা দ্বারা বুঝা গেল যে, নক্সার প্রতি । ইঞ্জি দৈর্ঘ্যের সাহাযো প্রকৃত 4 গজ দৈঘ্য নির্দেশ করা হইয়াছে। এখন নক্সাটির প্রস্থ মাপিলে উহার পরিমাণ 2 ইঞ্জি দেখিতে পাইবে।

যেহেতু নক্সার । ইঞ্চি দৈর্ঘ্য = প্রকৃত দৈর্ঘ্য 4 গজ

নক্সার 2 ইঞ্চি দৈর্ঘ্য = প্রকৃত দৈর্ঘ্য (4 × 2) গজ বা ৪ গজ।
নক্সার পরিমাপের সাহায্যে হিসাব করিয়া শ্রেণীকক্ষটির প্রস্থ
৪ গজ পাওয়া গেল। প্রকৃতপক্ষে কক্ষটির প্রস্থও ৪ গজ।
য়য়্বিত নক্সাটিতে প্রকৃত প্রতি 4 গজ দৈর্ঘ্যকে । ইঞ্চি দারা
নির্দেশ করা হইয়াছে। এইরূপে প্রকৃত দূর্ব্বের পরিমাপকে নক্সায়
যে অনুপাতে ছোট করিয়া দেখানো হয় ঐ অনুপাতকে স্কেল
(scale) বলে।

উপরে শ্রেণীকজটির পরিকল্পিত নক্সার ক্ষেলটিকে নিম্নলিখিত বিভিন্ন উপায়ে নির্দেশ করা যায়:—

(a) স্কেল – 1 ইঞ্চি = 4 গজ, (b) স্কেল = 114; [4 গজ = 4 × 3 × 12 ইঞ্চি = 144; 1 ইঞ্চি দ্বারা 144 ইঞ্চি দৈর্ঘ্য বুঝান হইতেছে বলিয়া স্কেলটি এরপে লেখা হহল। ইংরাজীতে এই ভগ্নাংশ টিকে Representative Fraction বা সংক্ষেপে R. F. বলা হয়।]

ক্ষেল 0 4 8 গজ নক্সা অস্কনের পর উহার পার্শে, নীচে বা উপরে পূর্বোক্ত অস্কনের পর উহার ক্ষেলের উল্লেখ করিতে হয়। নক্সায় কেবলমাত্র ক্ষেলের উল্লেখ করিলেই উহার বিবরণ শেষ হইল না। শ্রেণীকক্ষটি কোন্ দিকে লম্বালম্বি অথবা চওড়া অবস্থায় আছে নক্সায় ভাহাও বুঝাইয়া দেওয়া প্রয়োজন। সেজন্ম ভীরচিক্ত দ্বারা চারিটি দিক নির্দেশ করিয়া দেওয়া হয়। পরিকল্পিত নক্সাখানি লক্ষ্য করিলে ইহা বুঝিতে পারিবে। সকল সময়ে চারিটি দিক নির্দেশেরও কোন প্রয়োজন হয় না, কারণ যে কোন একটি দিক নির্দেশ করিলেই বাকী দিকগুলিও নির্দিষ্ট হইয়া যায়।

व्यक्र नील भी

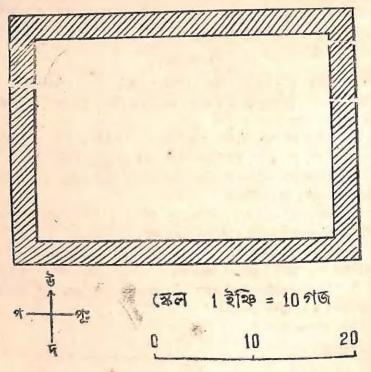
- চিত্র ও নক্সার পার্থক্য ব্রাইয়া দাও। স্কেল কাহাকে বলৈ ?
 প্রকৃত 1 মাইল দ্বরক্ষে নক্ষায় 1 ইঞ্জির সমান ধরা হইল; ঐ নক্সাটির স্কেলটি
 কি উপায়ে নির্দেশ করিবে ?
- 2. কোন মানচিত্তে প্রকৃত এক মাইল দ্বত্ব এক ইঞ্চির সাহায্যে নির্দেশ করা হইলে 6", 3", 4.5", 3.6" ছারা প্রকৃত কত দ্বত্ব নির্দিষ্ট হইবে ?

মানচিত্রের স্কেল—2"= 1 মাইল ইইলে উপরিলিখিত দৈর্ঘ্য গুলির সাহায্যে প্রকৃত কত দুরুত্ব বুঝা যাইবে ?

- 3. স্বেল— $\frac{1}{2}''=1$ মাইল ধরিয়া, 6 মাইল, 9 মাইল এবং 5 মাইল নির্দেশ করিবার জন্ম তিনটি সরলরেখা অস্কন কর।
- 4. স্বেল— ।" 4 মাইল ধরিয়া, 16 মাইল, 10 মাইল এবং 5 মাইল বুঝাইবার জন্ম ডিনটি সরলবেখা অন্ধন কর।
- 5. নিমের স্বেলটি দেথিয়া প্রদন্ত সরলরেখাগুলি দারা কত কত প্রকৃত দৈর্ঘ্য বুঝায় তাহা নির্ণয় কর:—

٥ <u>0</u>	5	ক্ষেল গজ	10		15	
<i>a</i>				*		C
c —					7	

- 6. একটি বাগানের নক্ষায় 10 ইঞ্জির সাহায়ো প্রকৃত । গজ দ্বন্ধ নির্দেশ করা ১ইলে ঐ স্থেন অনুসারে নিম্নলিখিত প্রকৃত দৈর্ঘাগুলি নির্দেশ করিবার জন্ম সরলরেখা অন্ধন করিয়া দেখাও:—
 - (a) 60 গছ, (b) 45 গছ, (c) 26 গছ, (d) 12 গছ।
- 7. নিমে একটি আয়তাকার পুকুর ও উহার চারিপাশের একটি রাণ্ডার নক্সা দেওয়া হইল। নক্সা হইতে পরিমাণ করিয়া প্রদন্ত স্কেলের সাহায়েঃ পুকুরটির প্রকৃত দৈর্ঘা, প্রস্থ এবং রাণ্ডার প্রস্থ নির্ণিয় কর। পুকুরটির ক্ষেত্রফল কত?



নিয়ে একটি শয়নয়বের নক্সা দেওয়া হইল :—

表	জানালা		জানালা	M	——— উ
्डानावा <mark> ।</mark>		á.	7. 1	জানলি	
	দরজা	Water Co.	দ্রজা	***	

(a) ঘুরটি কোন্ ত্রারী ?

(b) প্রতি বর্গক্ষেত্রের বাহুর দৈর্ঘ্য '6 ইঞ্চি হইলে নক্সাটির দৈর্ঘ্য এবং প্রস্তু কত ইঞ্চি নির্ণয় কর।

(c) শয়নঘরটির প্রকৃত দৈর্ঘ্য 15 ফুট হইলে উহার প্রকৃত প্রস্থ কভ হইবে ?

(d) नक्षारित एक विভिन्न खेलारम निर्मं कतिया मिथा ।

9. নিম্লিখিতগুলির নক্ষা অন্ধন কর:-

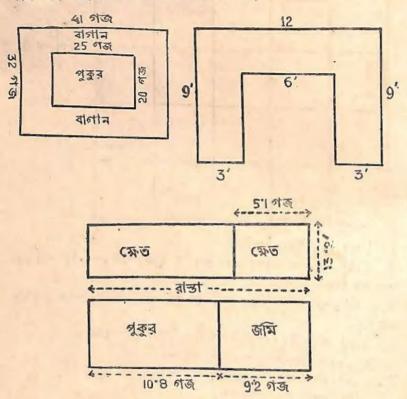
- (a) তোমাদের খেলার মাঠ;
- (b) তোমাদের স্বজিক্ষেত;
- (c) তোমাদের বিভালয় গৃহ।

10. একটি আয়ভাকার ঘবের দৈর্ঘ্য 30 ফুট এবং প্রস্থ 28 ফুট; স্কেল—1 সে: মি:=2 ফুট ধরিয়া ঘরটির একটি নক্সা অন্ধন কর। চারি দেওয়াল হইতে সমান দ্বে ঘরটির মাঝামাঝি ভাষগায় 6 ফুট লম্বা এবং 4 ফুট চওড়া একথানি টেবিল [ঘরের দৈর্ঘ্যের বর্ষাবর দৈর্ঘ্য ও প্রস্থের বর্ষাবর প্রস্থায়] স্থাপন করিয়া নক্সাতে উহা দেখাইয়া দাও।

।।. একটি শ্রেণীকক্ষের দৈখ্য 22 গ্রহণ প্রস্থ প্রস্থ 17 গ্রহণ স্কেল—

। ইঞ্ছি = 5 গজ ধ্রিয়া ক্জটির একটি নক্ষা আছন কর।

12. ছক কাগজে যে কোন স্কেল ব্যবহার করিয়া নিমের চিত্রগুলি অন্তন কর। প্রতি ক্ষেত্রেই স্কেলের উল্লেখ করিবে।



13. 100 গ্রন্থ বাসবিশিষ্ট একটি বুজাকার মাঠের কেন্দ্র ইইতে 30 গ্রন্থ দুরে একটি থোঁটা পোঁতা আছে, ঐ থোঁটার 10 গ্রন্থ দুরির সাহায়ে একটি ছাগল বাঁধা আছে। স্কেল—1 সেন্টিমিটার = 10 গ্রন্থ ধরিয়া ছাগলটি বে পরিমাণ জমির ঘাস থাইতে পারিবে তাহার নক্সাসহ সম্পূর্ণ মাঠটের একটি নক্সা অন্ধন কর।